doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.06.007

高地隙喷雾机主动空气悬架减振控制与实验

武秀恒^{1,2} 秦嘉浩^{1,2} 杜岳峰^{1,2} 宋正河^{1,2} 陈 雨³ 谢 斌^{1,2} (1.中国农业大学工学院,北京100083; 2.现代农业装备优化设计北京市重点实验室,北京100083; 3.西北农林科技大学机械与电子工程学院,陕西杨凌712100)

摘要:高地隙自走式喷雾机在接近于系统固有频率的地面条件下工作时,由于车身重心高、喷杆质量大且展开后较长,导致工作时车身与喷杆大幅剧烈摆动,影响作业质量甚至危及安全。针对此,本文提出适时开启的主动空气悬架减振方案。方案实施过程中,一方面需要解决空气弹簧充放气过程中的非线性控制问题,另一方面则需面对车身加速度与位移多变量同时控制以及最大控制力和悬架行程受限的传统问题。为此,制定了一种空气悬架 *H*_{*} 状态反馈与时频非线性联合减振控制策略。首先求解系统在约束条件下的 *H*_{*} 状态反馈控制器增益,基于此控制器可计算系统在地面扰动下的空气弹簧所应实施的目标压力;然后设计时频非线性控制器,依靠该控制器实时调节比例电磁阀开度进而控制空气弹簧压力使其跟随目标。基于室内台架实验,在模拟地面条件接近于系统固有频率以及田间随机路面激励两种工况下,对所提策略进行了验证。结果表明,系统在一阶共振频率的激励下,被动悬架簧载质量最大加速度达8.5 m/s²左右,半主动悬架的最大加速度约为7 m/s²,而主动空气悬架的最大加速度降低至2.5 m/s²,并在主动控制过程中,悬架位移始终保持在限制范围内,激振结束后悬架位移逐渐恢复至零初始位置;在随机田间路面激励工况下,主动控制悬架的车身加速度亦显著降低,证明了主动减振方案的有效性。 关键词:高地隙喷雾机;主动空气悬架;*H*_{*} 状态反馈控制;非线性时频控制;离散小波变换;实验 中图分类号:U463.33^{*}4.2; S49 文献标识码:A 文章编号:1000-1298(2018)06-0060-08

Experiments of Vibration Control for Active Pneumatic Suspension System in High Clearance Self-propelled Sprayer

WU Xiuheng^{1,2} QIN Jiahao^{1,2} DU Yuefeng^{1,2} SONG Zhenghe^{1,2} CHEN Yu³ XIE Bin^{1,2}

(1. College of Engineering, China Agricultural University, Beijing 100083, China

2. Beijing Key Laboratory of Optimized Design for Modern Agricultural Equipment, Beijing 100083, China

3. College of Mechanical and Electronic Engineering, Northwest A&F University, Yangling, Shaanxi 712100, China)

Abstract: Owing to high center of mass, long and heavy spray beam, the high clearance self-propelled sprayer has a tendency to swing when it runs on the bumpy farmland. Especially the frequency of the excitation from ground is approximately the inherent frequency of the suspension, which will result in reduction of work quality or even endangering security of itself. So a scheme of an active pneumatic suspension controlled in due course was put forward to address the issue. But in practical control process of the active pneumatic suspension, several problems need to be taken into account simultaneously, including the nonlinearities existed in the air spring system, requirements about multivariable control of the acceleration and displacement as well as the constrained conditions for output force or suspension distance. Aiming at above problems, a vibration control scheme of joint controller with H_x state-feedback control and time-frequency nonlinear control was established. Firstly, the optimal gain of state-feedback controller was solved under H_x condition with constrains. With it the appropriately objective pressure of the air spring could be computed in each moment of the control process. Then, the time-frequency controller handled a proportional solenoid valve to enable the inner pressure of air spring to meet the objective pressure. Experiments were implemented to verify the control strategy based on a test-bench of active pneumatic suspension. Under the harmonic excitation of 1.3 Hz which was the first order resonance

收稿日期:2017-12-05 修回日期:2018-01-08

基金项目:国家重点研发计划项目(2017YFD0700301、2016YFD0200705)

作者简介:武秀恒(1990—),男,博士生,主要从事农业机械设计与控制、电-液系统非线性时频控制研究,E-mail: wxh599@126.com

通信作者:宋正河(1973一),男,教授,博士生导师,主要从事车辆人机工程、智能控制研究,E-mail: songzhenghe@ cau. edu. cn

frequency of the system, the maximum sprung mass acceleration of passive pneumatic suspension was about 8.5 m/s², that of the semi-active suspension was approximately 7 m/s², whereas that of the active suspension was decreased to 2.5 m/s². In whole control process, the displacement of suspension was controlled within the limitation and reverted to initial position after impacting. Besides, responses under the condition of road random excitation were also tested. All results showed the validation of the active vibration suppressed scheme as well as the vibration control method mentioned.

Key words: high clearance self-propelled sprayer; active pneumatic suspension; H_{∞} state-feedback control; nonlinear time-frequency control; discrete wavelets transform; experiment

0 引言

近年来,随着自走式喷雾机向大功率、高地隙、 宽喷幅方向发展,整机质心亦随之提高,喷杆长度显 著增加。工作时车身较小的振动即可引起喷杆端部 较大的位移变化,尤其在接近于悬架固有频率的地 面条件下,车身振荡剧烈,加之喷杆与车身各自的振 动形成耦合,严重影响喷药质量与行车安全。此时 若增设减振性能优良的主动悬架,则能防止车身发 生倾倒、提高喷药精度,还可改善乘坐舒适性、延长 零部件寿命。

目前对空气悬架系统的研究多集中于半主动型 式,因其结构简单、能耗低、便于维护且易于控制实 施^[1-5]。然而,主动空气悬架系统依靠外界动力输 入连续调节悬架刚度,具有对恶劣环境适应性强的 优点,大幅改善行驶平顺性和舒适性的同时,更能保 证车辆的作业安全。此外,由于使用空气作为能量 传递介质,其制造和维护成本较低,舒适性高,清洁 环保且便于控制^[6]。主动悬架较半主动悬架耗能 高,但如只在上述特殊工况下适时开启,较高的能量 消耗也因相对短的工作时间而可忽略。此外,由于 农业装备慢速重载低频的特点,主动空气悬架恰能 满足其响应速度。

主动悬架系统包括悬架机械结构与主动力实施 部分(空气弹簧及其供气系统)。与机械结构的运 行过程比较,空气弹簧的充放气过程具有较强的非 线性,系统参数时变^[7-10],传统线性控制器对系统 性能的提升较为有限。另一方面,减振过程中不但 要求在外部激励下车身加速度尽量小,还要求悬架 位移尽可能保持在设定位置附近,以防减振过程中 悬架位移偏移过大而造成车身侧倾,因此需要对车 身加速度和悬架位移两个变量同时进行控制^[11-12]。 此外,在进行控制器设计时,还需充分考虑空气弹簧 的压力调节范围,悬架行程约束以及减振过程中轮 胎与地面间的接触力等^[13-14]。

为解决大型高地隙喷雾机在复杂地面条件下, 尤其处于地面激励接近于悬架固有频率这一特殊工 况下的剧烈振动问题,本文提出适时开启的主动空 气悬架减振方案。设计一种空气悬架 H_{*} 状态反馈 与时频非线性联合减振控制策略。首先,以实时测 量空气弹簧压力的传感器为节点,将主动悬架的控 制问题分为两部分。基于 LMI 方法求解在约束条 件下的 H_{*} 状态反馈控制器增益,该控制器将车身 加速度、悬架位移等信息作为反馈进行综合,可保证 多个变量的实时调整,由此计算当前时刻空气弹簧 所需施加的主动力。针对空气弹簧充放气过程非线 性,应用时频非线性控制方法加以处理。基于空气 弹簧压力传感器的反馈,时频控制器实时调节比例 电磁阀开度以控制空气弹簧时刻跟踪理想主动力的 期望值。最后,依托室内 1/4 车辆主动空气悬架实 验台,对所设计的减振方案进行实验验证。

1 主动空气悬架方案与动力学模型

主动空气悬架二自由度模型如图 1 所示。图中, m_s 、 m_u 分别为簧载质量与簧下质量, c_a 、 c_t 分别为悬架阻尼系数与轮胎等效阻尼系数, k_t 为轮胎等效刚度; x_s 、 x_u 、 x_r 分别为运动过程中的车身位移、轮胎位移以及由于地面起伏而产生的对悬架的输入位移, p_1 、 V_1 为空气弹簧中气体绝对压力和体积, p_s 为供气压力, p_a 为放气时出口大气压力,V为控制器输出电信号。



Fig. 1 Schematic of active pneumatic suspension

由图 1 可知,空气弹簧由三位五通比例集成电 磁阀控制,当电磁阀处于中位时,切断了弹簧与外界 气体的交换过程,此时整体相当于被动悬架;当喷雾 机行驶于颠簸地面时,控制电磁阀开启,此时可对空 气弹簧进行实时充放气,以调节弹簧刚度,达到主动 悬架减振的目的。由于有针对性的开启与关闭主动 控制,能够使悬架在保证喷雾机行驶平稳的同时,尽 可能地减少能量消耗。

综合牛顿第二定律、气体状态方程与质量流量 方程,可得主动空气悬架二自由度模型的微分方程 为^[14-16]

通过调节比例电磁阀可切换空气弹簧的充放气 过程和控制气体质量流量 *G*,以此达到控制空气弹 簧压力的目的。根据图 1 中电磁比例阀开合与弹簧 充放气关系,质量流量 *G* 的计算公式为^[16-17]

$$G = \begin{cases} c_{d}p_{s}A_{K} \left\{ \frac{n\left[(p_{1}/p_{s})^{2/n} - (p_{1}/p_{s})^{(n+1)/n} \right]}{T_{U}R(n-1)/2} \right\}^{1/2} & (A_{K} \ge 0) \\ c_{d}p_{1}A_{K} \left\{ \frac{n\left[(p_{a}/p_{1})^{2/n} - (p_{a}/p_{1})^{(n+1)/n} \right]}{T_{U}R(n-1)/2} \right\}^{1/2} & (A_{K} < 0) \end{cases}$$

$$(2)$$

式中 c_d——节流阀孔流量系数

T₁₁——节流阀孔上游空气温度,K

 $A_{\rm K}$ ——比例电磁阀阀口面积,m²

 A_{κ} 与输入给电磁阀电压成一定关系,当 $A_{\kappa} > 0$ 时,表示空气弹簧充气过程, $A_{\kappa} < 0$ 时,表示空气弹簧充气过程, $\delta_{\kappa} < 0$ 时,表示空气弹

通过上述数学模型可知,空气弹簧的充放气过 程具有不连续性,传递能量的介质——空气受环境 影响大,整个空气弹簧压力控制系统参数时变,非线 性较强。因此,针对线性化后的系统模型所设计的 控制器对实际系统性能的提升较为有限,因此宜采 用非线性控制方法。

以状态空间为设计基础的状态反馈线性控制器 可同时控制系统多个状态变量,不同于空气弹簧的 运动,悬架机械结构运动过程的非线性问题不是特 别突出,基于此,应用状态反馈既满足了同时控制的 要求,又能保证总体控制品质。综上,为了将状态反 馈控制与非线性控制方法相结合,需对系统数学模 型进行转换。考虑到压力传感器较流量传感器具有 成本低、简单耐用、安装方便、响应频率较高且测量 较精准,因此以空气弹簧中压力为节点,将主动悬架 机械部分数学模型转换为状态空间形式。

选取状态变量为

$$\boldsymbol{x} = \begin{bmatrix} x_{s} - x_{u} & x_{u} - x_{r} & \dot{x}_{s} & \dot{x}_{u} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

定义扰动输入为 $w(t) = \dot{x}_{r}(t)$,控制输入为 $u(t) = p_{1} - p_{a}$,以及控制输出为

 $z_{el}(t) < 1$ 表示控制过程中弹簧的伸缩位移应小于 设计的最大行程,以免发生悬架结构间的碰撞从而 降低车身稳定性甚至造成零件损坏;此外,由式(3) 状态方程可知, A_e 作为重要参数指导状态反馈控制 器的计算,而根据空气弹簧的特性,当弹簧在行程范 围内伸缩时,有效截面积 A_e 几乎不变,一旦超过该 限制,随着高度的变化其截面积 A_e 变化较大,因此 超过限制后同样会降低状态反馈控制器的控制效 果。进一步,为了保证操作稳定性和安全性,行驶过 程中轮胎与地面间需要始终存在正压力,以保证可 靠的轮胎附着力,即要求 $z_{e2}(t) < 1$ 。最后,在整个 控制过程中,空气弹簧中的压力不应超过供气压力, 即控制输入需满足限制条件 | *u*(*t*) | ≤ *u*_{max}。

2 控制原理

基于以上分析,在综合考虑主动空气悬架机械 部分的多变量控制与空气弹簧的非线性问题后,本 文所确定的控制方案如图 2 所示。图中,向量 x 表 示被控系统状态输出,x_a 为期望输出,K 为状态反 馈控制器增益向量,p_a 为由状态反馈控制器所计算 的空气弹簧期望压力,p 为压力传感器所测得系统 实际压力。时频控制器内部包含有一比例控制,用 于镇定系统,其中 k_o为比例系数。



图 2 主动空气悬架控制方案

Fig. 2 Control scheme of active pneumatic suspension

2.1 H " 状态反馈控制器增益的 LMI 求解

*H*_{*}控制因具有较好的抑制外界扰动能力而被 广泛应用于振动控制,其控制目的在于最小化由扰 动至车身垂向加速度传递函数的最大奇异值。该奇 异值愈小,扰动抑制能力愈强^[18]。*H*_{*}条件下的状 态反馈控制器增益向量可通过求解下述引理中 LMI 而得到,并且应用该方法的另一优点在于各个约束 条件均可转化为相应的 LMI,在求解控制器增益时 一并进行考虑。

引理^[13,18]:针对式(3)系统,设状态反馈控制器 输出为 $p_d = u(t) = Kx(t)$,对于已知标量 λ_{γ} ,如果 存在矩阵 $P_{\chi}\tilde{K}$,满足式(4)~(7),则系统在控制作 用u(t) = Kx(t)下,满足下列性质:

(1) 在无扰动情况时, 系统在控制器作用下渐 近稳定。

(2)零初始状态开始,由路面扰动 w(t)到车身垂向加速度 z(t)的传递函数 G(jω)的范数满足

 $\parallel G(j\omega) \parallel_{\infty} < \gamma$

(3) 当路面扰动能量小于 $w_{max} = \rho/\gamma^2$ 时,各约 束条件 $z_{cl}(t) < 1 \ z_{cl}(t) < 1 \ U及 | u(t) | \le u_{max}$ 可以 得到保证。其中 ρ 为系统最大扰动能量; u_{max} 为空气 弹簧供气系统可提供的最大输出压力。

由此,控制器增益为

 $\boldsymbol{K} = \widetilde{\boldsymbol{K}}\boldsymbol{P}^{-1}\boldsymbol{\cdot}$

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{A}\boldsymbol{P} + \boldsymbol{B}_{u}\widetilde{\boldsymbol{K}} + \boldsymbol{P}\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} + \widetilde{\boldsymbol{K}}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{B}_{u}^{\mathrm{T}} & \boldsymbol{B} & \boldsymbol{P}\boldsymbol{C}^{\mathrm{T}} + \widetilde{\boldsymbol{K}}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{D}_{u}^{\mathrm{T}} \\ & * & -\gamma^{2}\boldsymbol{I} & \boldsymbol{0} \\ & * & * & -\boldsymbol{I} \end{bmatrix} < \boldsymbol{0}$$

$$(4)$$

$$\begin{bmatrix} -I & \sqrt{\rho} C_{c1} P \\ * & -P \end{bmatrix} < 0$$
(5)

$$\begin{bmatrix} -I & \sqrt{\rho} C_{c2} P \\ * & -P \end{bmatrix} < 0 \tag{6}$$

$$\begin{bmatrix} -\mathbf{I} & \sqrt{\rho}\widetilde{\mathbf{K}} \\ * & -u_{\max}^2 \mathbf{P} \end{bmatrix} < 0$$
 (7)

2.2 非线性时频控制原理

作为一种非线性控制器,时频控制强调控制作 用不仅应在时域减小误差,更应在频域抑制系统的 响应频宽,因而控制算法需要同时作用于系统的时 频域。基于此,时频控制算法融合了小波变换时频 多分辨率的优点,将主动噪声控制领域中的滤波型 最小均方(FXLMS)算法与离散小波变换集成,由于 这两种方法在实际操作中均以滤波的形式进行运 算,使得此控制器较其他非线性自适应控制器形式 紧凑,计算效率高。并且 FXLMS 算法本身作为时域 非线性控制器,具有较强的自适应能力,所以结合了 小波变换后在控制强非线性甚至混沌系统时仍然效 果显著^[19-22]。

时频控制器的结构原理如图 3 所示。其中, W₁ 与 W₂分别为辨识滤波器与控制滤波器, 各包含 N 个滤波系数, 其定义为

$$W_{1}(n) = \begin{bmatrix} w_{1,0}(n) & w_{1,1}(n) & \cdots & w_{1,N-1}(n) \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
(8)

$$W_{2}(n) = \begin{bmatrix} w_{2,0}(n) & w_{2,1}(n) & \cdots & w_{2,N-1}(n) \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

辨识滤波器 W₁实时辨识及跟踪系统的动态性能,控制滤波器 W₂实时调整控制输出。阴影框中的 T 代 表二进制离散小波变换的分解矩阵,根据 Mallat 塔 式算法^[23],该矩阵为由高、低通滤波系数组成的方 阵^[24]。



图 3 时频控制器原理图

Fig. 3 Schematic of time-frequency controller

另外,定义向量

$$X(n) = [x(n) x(n-1) \cdots x(n-N+1)]^{T}$$

 (10)
 $U(n) = [u(n) u(n-1) \cdots u(n-N+1)]^{T}$
 (11)

(9)

(17)

$$\hat{\boldsymbol{X}}(n) = \begin{bmatrix} \hat{\boldsymbol{x}}(n) & \hat{\boldsymbol{x}}(n-1) & \cdots & \hat{\boldsymbol{x}}(n-N+1) \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
(12)

式中 x(n)——n 时刻控制器参考输入

u(n)----控制输出

 $\hat{x}(n)$ ——中间变量

式(10)定义了参考输入向量 X(n),其包含前 N个时刻参考输入。同理,控制器输出向量 U(n) 包含前 N 个时刻的控制器输出信号,并且

$$u(n) = \boldsymbol{W}_{2}^{\mathrm{T}}(n) \boldsymbol{T} \boldsymbol{X}(n)$$
(13)

$$\hat{x}(n) = \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}}(n) \boldsymbol{T} \boldsymbol{X}(n)$$
(14)

对 $W_1(n)$ 、 $W_2(n)$ 中系数的更新通常以误差的最小均方为目标,采用最速下降法进行适时调整,即

 $e(n) = d(n) - \gamma(n)$

$$W_{1}(n+1) = W_{1}(n) + \mu_{1}TU(n)f(n) \quad (15)$$

$$W_{2}(n+1) = W_{2}(n) + \mu_{2}TX(n)e(n) \quad (16)$$

 $f(n) = \gamma(n) - \overline{\gamma}(n) \tag{18}$

$$\overline{y}(n) = \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}}(n) \boldsymbol{T} \boldsymbol{U}(n)$$
(19)

式中 *e*(*n*)—*n* 时刻控制误差

- f(n)——n 时刻辨识滤波器与实际系统输出 间的辨识误差
- *d*(*n*) *n* 时刻期望输出压力或称参考输出 *y*(*n*) — *n* 时刻的系统实际输出
- $\bar{y}(n)$ ——*n* 时刻的系统辨识滤波器输出

μ₁,μ₂ 分别为辨识滤波器和控制滤波器系数计 算过程中的迭代步长,同时是控制器设计中的关键 参数,因此需要反复调试以权衡系统的动态特性与 稳定性。综上,时频控制属于闭环自适应控制,系统 反馈间接调整控制器的参数,以误差最小均方为目 标,逐渐将误差控制在一定范围内。

3 控制器参数设计与实验

3.1 控制器参数求解与设计

主动空气悬架实验系统相关参数见表1。

根据表 1 参数值, 设 $\rho = 0.5$, 应用 Matlab 求解 式(4) ~ (7) 中 LMI, 在最优化 $\gamma = 15.8$ 的情况下, 可求得 H_x 状态反馈控制器增益为

$$\boldsymbol{K} = 10^5 \times$$

[-2.1703 -1.2078 -0.7148 -0.0808] 时频控制器设计过程中,一般根据系统非线性的复 杂程度而选取滤波系数长度不同的小波,本文参考 已有文献并经过仿真分析,最终确定选用 db3 小波 滤波器,其高、低通滤波器分别包含 6 个滤波器系 数^[25-26]。

对于系统辨识滤波器 W₁(n)以及控制滤波器 W₂(n),滤波器越长,采样频率越高,包含的参数越

表1 主动空气悬架实验系统主要参数

Tab. 1 Main parameters of active pneumatic

suspension test system

参数	数值
簧载质量 m _s /kg	800
簧下质量 m _u /kg	300
悬架阻尼系数 c _a /(N・s・m ⁻¹)	1 200
轮胎等效阻尼系数 c ₁ /(N·s·m ⁻¹)	10
轮胎等效刚度 k ₁ /(kN·m ⁻¹)	200
供气压力 p _s /MPa	0.6
大气压力 p _a /MPa	0.1
空气弹簧有效作用面积 A_e/m^2	0.0567
悬架最大行程 x _{max} /m	0.2
输出最大压力 u _{max} /MPa	0.5

多,越能精确对系统进行估计和控制,但受限于控制 器硬件的计算能力,为确保控制的实时性,选择滤波 器的长度 N = 128,采样频率为1000 Hz。

滤波器参数更新时的迭代步长属于时频控制器 的关键参数,较大的迭代步长保证了控制器跟踪目 标的快速性,使系统具有较快的响应速度,但降低了 闭环系统的稳定性;相反,减小迭代步长有助于提升 闭环系统稳定性。经过仿真与实际调试,得到较优 的迭代步长为 $\mu_1 = \mu_2 = 1 \times 10^{-16}$ 。另外,在时频控 制之前应首先使用比例控制镇定被控系统。

确定控制器参数后,对闭环系统的频响进行估 计。通过计算线性化系统传递函数的最大奇异值, 分别得到开环与闭环系统的幅频响应,如图4所示。 当系统输入约为1.3 Hz时,开环系统出现一阶共振 现象,簧载质量加速度幅值上升剧烈。如果喷雾机 工作过程中某一车轮遇到类似地面激励,则整机大 幅侧向摆动,喷杆端部很可能撞击地面,造成零部件 损坏。而加入状态反馈后的闭环系统加速度幅值显 著减小,说明在空气弹簧充放气控制理想的前提下, 加入主动控制后的减振效果明显。此外,该结果可 为后续实验过程中激励模式的确定提供参考。





图 5 主动空气悬架实验台架 Fig. 5 Photo of active pneumatic suspension test-bench 1. 振动实验台架 2. 液压泵站 3. 激振台主控制器 4. 空气弹 簧 5. 激振液压油缸 6. 悬架控制器

3.2 仿真结果与实验验证

主动空气悬架室内实验系统如图 5 所示。实验中,充放气的控制由比例流量阀与电磁换向阀所集成的气路完成,如图 6 所示。比例流量阀为Teknocraft 公司生产的隔离平衡阀(型号iQ203311),通过调节输入电压改变阀口开度以调节流量;换向阀采用 SNACE 公司 4V330C - 10 型三位五通电磁阀,通过高低电平调节阀口开关实现充放气功能。控制器采用 NI 公司 PXIe - 8135 实时控制系统,其优点在于可将 Matlab 中编辑的控制算法代码直接转换下载并实施,该控制系统配置了多达 32 路模拟输入输出,方便控制策略的实际验证。



图 6 充放气及流量控制集成部件 Fig. 6 Integrated component for air flux control 1. 比例电磁阀 2. 比例电磁阀驱动模块 3. 电磁换向阀

应用加速度传感器分别采集簧载质量和簧下质量的加速度 \ddot{x}_{s} 、 \ddot{x}_{u} ;应用位移传感器采集簧载质量 和簧下质量之间的位移 $x_{s} - x_{u}$ 以及簧下质量与"地 面"之间的位移 $x_{u} - x_{r}$,然后通过微积分运算或状态 观测器的估计分别得到簧载质量和簧下质量的运动 速度 \dot{x}_{s} 和 \dot{x}_{u} 。基于此,状态反馈控制器工作过程中 的全部状态变量均可实时测量或通过进一步计算得 到。

为了考察主动空气悬架时域减振效果,对开环 系统、半主动控制系统和主动控制系统分别进行了 仿真与实验。其中半主动控制系统采用文献[16] 中所设计的带有附加气室的空气弹簧减振方案,通 过调节空气弹簧与附加气室之间阻尼孔通流面积改 变悬架阻尼,以达到根据外界激励情况进行主动控制的目的。其中控制算法为基于天棚-地棚参考的 混合滑模控制,作为半主动悬架控制中目前研究的 热点方向,其控制效果较优。因此,与其对比可充分 证明主动空气悬架的优良减振性能。

根据图 4 系统频响结果,为模拟喷雾机车轮行驶与接近悬架系统固有频率的工况,考虑 1.3 Hz 下的路面激励

$$w(t) = \begin{cases} -0.125\cos(2.6\pi t) & (0 \le t \le 6.15) \\ 0 & (t > 6.15) \end{cases}$$

在该扰动输入下,簧载质量加速度响应的仿真结果 对比如图7所示。实验过程中控制液压油缸同样输 出该激励,实验结果对比如图8所示。



图 7 主动空气悬架控制仿真结果对比 Fig. 7 Comparison of simulation results for active pneumatic suspension



仿真与实验结果均表明,在 H_x 状态反馈与时 频非线性联合控制作用下,主动悬架的减振效果明 显。由于系统采样需要时间以及电磁阀等控制部件 存在一定的反映滞后,导致实验效果较仿真效果系 统性能稍有下降,但实验结果与仿真结果能较好地 匹配,由此说明, H_x 状态反馈控制器增益设计适当, 时频非线性控制器能较好地处理实际过程中空气弹 簧系统的非线性特征,使其发挥出较为理想的减振 效能。由实验结果可知,在系统一阶共振频率的激励 条件下,被动悬架簧载质量最大加速度达 8.5 m/s²左 右,半主动悬架的最大加速度约为 7 m/s²,而主动空 气悬架的最大加速度降低至 2.5 m/s²;并在激振结 束后迅速稳定系统,缩短了系统振荡时间。 图 9 为主动减振过程中因控制空气弹簧变形而 产生的悬架位移的变化结果。可知,悬架位移在整 个控制过程中始终处于悬架行程内,而当激励停 止后,悬架位移恢复到零初始位置,进一步说明状 态反馈控制在抑制加速度的同时,可缓慢调整悬 架位移,防止在振动控制过程中较大程度的偏离 初始位移。



为进一步验证控制方案的有效性,围绕随机路 面激励条件下的悬架减振效果进行了仿真与实验。 基于国家标准对随机路面功率谱的定义,根据其中 时域和频域的描述关系,应用 Matlab/Simulink 生成 车速为 15 km/h 时 F 级路面的时域激励信号^[16,27], 其能够描述一类典型农田路面的不平度情况^[28]。 图 10 为计算产生的田间随机路面时域激励信号,显 示了车速一定时,路面起伏程度随时间的变化情况。 以此类信号作为激励模拟田间路面工况,控制前后 仿真与实验结果分别如图 11 和图 12 所示。





由图 11、12 可知,当车速处于某一范围内,路面 激励频率会在悬架固有频率附近波动。当激励频率 接近悬架固有频率时,可致被动悬架车身部分的加 速度在短时间内升高;而当激励频率远离悬架固有 频率时加速度又随之降低。但仿真和实验结果均表









Fig. 12 Experiment results under road random excitation

明,在整个随机路面激励过程中,主动空气悬架开启 后的车身加速度明显减小,再次证明了本文策略能 有效降低车身的振动,保证整机的平稳运行。

4 结论

(1)设计了适时开启的高地隙喷雾机主动空气 悬架控制策略并进行了室内台架实验。在模拟该系 统受一阶共振频率激励的工况下,被动悬架最大簧 载质量加速度可达 8.5 m/s²左右,半主动悬架的最 大加速度约为 7 m/s²,而主动悬架的最大加速度降 至 2.5 m/s²,并在激振结束后迅速稳定,明显缩短了 系统振荡时间。田间随机路面激励工况下的实验同 样显示出主动空气悬架显著的减振效果。表明所提 出的 H_x 状态反馈与时频非线性联合控制策略可有 效抑制车身的剧烈抖动,继而提升工作可靠性、安全 性与乘坐舒适性。

(2)时频非线性控制器能够辨识空气弹簧系统 的非线性并加以控制,使其准确地跟踪实时计算的 期望压力,保证了主动减振控制成功的实施。H₂状 态反馈控制器在满足限制条件以及减小车身加速度 的同时,保证了悬架在初始设定位置附近振动,由此 可确保车身在振动控制过程中的水平位姿。

- 参考文献
- 1 NGUYEN V L, ZHANG J, LE V Q, et al. Performance analysis of air suspension system of heavy truck with semi- active fuzzy control[J]. Journal of Southeast University: English Edition, 2017,33(2):159-165.
- 2 SUN X, YUAN C, CAI Y, et al. Model predictive control of an air suspension system with damping multi-mode switching damper based on hybrid model[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2017,94:94 110.

3 孙晓强,陈龙,汪少华,等.半主动空气悬架阻尼多模型自适应控制研究[J/OL].农业机械学报,2015,46(3):351-357. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20150351&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298. 2015.03.051.

SUN Xiaoqiang, CHEN Long, WANG Shaohua, et al. Research on damping multi-model adaptive control of semi-active air suspension[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultual Machinery, 2015,46(3):351-357. (in Chinese)

4 吴光强,黄焕军,叶光湖.基于分数阶微积分的汽车空气悬架半主动控制[J/OL].农业机械学报,2014,45(7):19-25. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20140704&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298. 2014.07.004.

WU Guangqiang, HUANG Huanjun, YE Guanghu. Semi-active control of automotive air suspension based on fractional calculus [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2014,45(7):19-25. (in Chinese)

- 5 TODKAR R G. Design, development and testing of an air damper to control the resonant response of a SDOF quarter-car suspension system [J]. Modern Mechanical Engineering, 2011, 1(2): 84 92.
- 6 张军. 轿车主动空气悬架系统 3 种方案仿真分析[J]. 北京理工大学学报, 2007, 27(9):779-782.
- ZHANG Jun. Simulation analysis on three concepts of active air spring suspension system of passenger car[J]. Transactions of Beijing Institute of Technology, 2007,27(9):779-782. (in Chinese)
- 7 ZHU H, YANG J, ZHANG Y, et al. A novel air spring dynamic model with pneumatic thermodynamics, effective friction and viscoelastic damping[J]. Journal of Sound and Vibration, 2017, 408: 87 104.
- 8 ZARGAR B, FAHIM A, JNIFENE A. Development, validation, and parameter sensitivity analyses of a nonlinear mathematical model of air springs[J]. Journal of Vibration and Control, 2012,18(12): 1777 1787.
- 9 LIU H, LEE J C. Model development and experimental research on an air spring with auxiliary reservoir [J]. International Journal of Automotive Technology, 2011, 12(6): 839 847.
- 10 PORUMAMILLA H, KELKAR A G, VOGEL J M. Modeling and verification of an innovative active pneumatic vibration isolation system[J]. ASME Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, 2008, 130(3): 031001-031001-12.
- 11 KIM H, LEE H. Height and leveling control of automotive air suspension system using sliding mode approach [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2011, 60(5): 2027 2041.
- 12 RAJAMANI R. Vehicle dynamics and control[M]. New York: Springer Science & Business Media, 2011.
- 13 CHEN H, GUO K H. Constrained H_x control of active suspensions: an LMI approach [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2005, 13(3): 412 - 421.
- 14 SUN W, GAO H, KAYNAK O. Adaptive back-stepping control for active suspension systems with hard constraints [J]. IEEE/ ASME Transactions on Mechatronics, 2013, 18(3): 1072 - 1079.
- 15 ROBINSON W D. A pneumatic semi-active control methodology for vibration control of air spring based suspension systems [D]. Ames: Iowa State University, 2012.
- 16 陈雨. 高地隙喷雾机独立式立轴空气悬架设计方法与特性研究[D]. 北京:中国农业大学, 2017. CHEN Yu. Research on design methods and characteristics of independent strut type air suspension system for high clearance sprayer[D]. Beijing: China Agricultural University, 2012. (in Chinese)
- 17 ZARGER B. Model development, validation and nonlinear control of pneumatic suspensions[D]. Ottawa: University of Ottawa, 2007.
- 18 GAO H, SUN W, SHI P. Robust sampled-data H_x control for vehicle active suspension systems [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2010, 18(1): 238 - 245.
- 19 LIU M K, SUH C S. Simultaneous time-frequency control of bifurcation and chaos[J]. Communications in Nonlinear Science and Numerical Simulation, 2012, 17(6): 2539 - 2550.
- 20 LIU M K, SUH C S. Synchronization of chaos in simultaneous time-frequency domain [J]. Applied Mathematical Modelling, 2013, 37(23): 9524-9537.
- 21 WANG X, SUH C S. Nonlinear time-frequency control of PM synchronous motor instability applicable to electric vehicle application [J]. International Journal of Dynamics and Control, 2016,4(4): 400-412.
- 22 WANG X, SUH C S. Precision concurrent speed and position tracking of brushed DC motors using nonlinear time-frequency control[J]. Journal of Vibration and Control, 2016,83(2):141-148.
- 23 MALLAT S, HWANG W L. Singularity detection and processing with wavelets [J]. IEEE Transactions on Information Theory, 1992, 38(2): 617-643.
- 24 SUH C S, LIU M K. Control of cutting vibration and machining instability: a time-frequency approach for precision, micro and nano machining[M]. Hoboken: John Wiley & Sons, 2013.
- 25 DAUBECHIES I. Ten lectures on wavelets [M]. Philadelphia: Society for Industrial and Applied Mathematics, 1992.
- 26 武秀恒, 杜岳峰, C STEVE Suh, 等. 一种基于时频控制方法的控制器设计与实验[J]. 控制理论与应用, 2017, 34(3): 329-336.

WU Xiuheng, DU Yuefeng, C STEVE Suh, et al. On the design and physical validation of a time-frequency controller [J]. Control Theory & Applications, 2017, 34(3): 329-336. (in Chinese)

- 27 陈杰平,陈无畏,祝辉,等. 基于 Matlab/Simulink 的随机路面建模与不平度仿真[J].农业机械学报,2010,41(3):11-15. CHEN Jieping, CHEN Wuwei, ZHU Hui, et al. Modeling and simulation on stochastic road surface irregularity based on Matlab/ Simulink[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2010, 41(3): 11-15. (in Chinese)
- 28 徐竹凤,薛新宇,崔龙飞,等.农田地面振动谱的研究综述[J].中国农机化学报,2016,37(7):251-255. XU Zhufeng, XUE Xinyu, CUI Longfei, et al. Review on farmland ground vibration spectrum[J]. Journal of Chinese Agricultural Mechanization, 2016, 37(7):251-255. (in Chinese)