doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2021.12.020

## 基于小波能量系数和叶面积指数的冬小麦生物量估算

李长春 李亚聪 王艺琳 马春艳 陈伟男 丁 凡 (河南理工大学测绘与国土信息工程学院, 焦作 454000)

**摘要:** 生物量是评价作物长势及产量估算的重要指标,科学、快速、准确地获取生物量信息,对于监测冬小麦生长状况以及产量预测等具有重要意义。以冬小麦为研究对象,通过相关性分析,选取相关性较好的小波能量系数,同时 耦合叶面积指数,基于支持向量回归算法、随机森林算法、高斯过程回归3种算法构建冬小麦生物量估算模型。结 果显示,基于小波能量系数,分别利用支持向量回归算法、随机森林算法、高斯过程回归进行生物量估算,4个生育 期的验证 *R*<sup>2</sup>分别是0.55、0.40、0.39;0.75、0.70、0.83;0.84、0.92、0.93;0.84、0.89、0.85。表明高斯过程回归模型 估算精度最优。叶面积指数耦合小波能量系数,利用支持向量回归算法、随机森林回归算法、高斯过程回归进行生 物量估算,4个生育期的验证 *R*<sup>2</sup>分别是 0.76、0.73、0.77;0.76、0.72、0.84;0.87、0.94、0.94;0.85、0.90、0.91。表明 高斯过程回归算法估算精度最优,并且在一定程度上能够克服冠层光谱饱和现象,提高模型估算精度。以小波能 量系数和叶面积指数为输入变量结合高斯过程回归算法建立冬小麦生物量估算模型,可以提高生物量估算精度, 为基于遥感技术的作物参数快速估算提供参考。

关键词: 冬小麦; 生物量; 小波能量系数; 叶面积指数; 高斯过程回归 中图分类号: S532 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2021)12-0191-10



## Winter Wheat Biomass Estimation Based on Wavelet Energy Coefficient and Leaf Area Index

LI Changchun LI Yacong WANG Yilin MA Chunyan CHEN Weinan DING Fan (School of Surveying and Land Information Engineering, Henan Polytechnic University, Jiaozuo 454000, China)

Abstract: Biomass is an important indicator for evaluating crop growth and yield estimation. Obtaining biomass information scientifically, quickly and accurately is of great significance for monitoring the growth status of winter wheat and yield prediction. Taking winter wheat as the research object, through correlation analysis, the wavelet energy coefficient with good correlation was selected, and the leaf area index was coupled at the same time. Based on the support vector regression algorithm, random forest algorithm, and Gaussian process regression, three algorithms were used to construct a winter wheat biomass estimation model. The verification  $R^2$  of the four growth periods were 0.55, 0.40 and 0.39; 0.75, 0.70 and 0.83; 0.84, 0.92 and 0.93; 0.84, 0.89 and 0.85, respectively. It was showed that the estimation accuracy of Gaussian process regression model was the best. Leaf area index coupled with wavelet energy coefficients, using the three algorithms to estimate biomass, the verification  $R^2$  of the four growth periods were 0.76, 0.73 and 0.77; 0.76, 0.72 and 0.84; 0.87, 0.94 and 0.94; 0.85, 0.90 and 0.91, respectively, indicating that the Gaussian process regression algorithm had the best estimation accuracy, and to a certain extent, it can overcome the canopy spectrum saturation phenomenon and improve the estimation accuracy of the model. Using wavelet energy coefficient and leaf area index as input variables combined with Gaussian process regression algorithm to establish a winter wheat biomass estimation model, which can improve the accuracy of biomass estimation and provide a scientific reference for the rapid estimation of crop parameters based on remote sensing technology.

Key words: winter wheat; biomass; wavelet energy coefficient; leaf area index; Gaussian process regression

收稿日期: 2021-07-31 修回日期: 2021-09-13

基金项目:国家自然科学基金项目(41871333)和河南省科技攻关项目(212102110238)

作者简介:李长春(1976—),男,副教授,主要从事农业定量遥感研究,E-mail: lichangchun610@126.com

通信作者: 李亚聪(1996—), 女, 助理研究员, 主要从事农业定量遥感研究, E-mail: 1632540199@ qq. com

## 0 引言

生物量是指单位面积内作物在一定时间内累积 的有机物<sup>[1]</sup>。生物量作为作物生长发育过程中的 一个重要生理参数,其变化能够直接表征作物进行 净光合作用积累有机物的能力,反映作物的生长情 况<sup>[2]</sup>。因此,科学、快速、准确地获取生物量信息, 对监测冬小麦长势以及产量估算具有重要的意义。

传统生物量获取方法主要是野外实测方法,该 方法应用于小区域地区精度高,但对于大区域而言, 工作过程繁琐、费时费力,时效性差,且大面积的田 间破坏性取样会影响作物的生长<sup>[3]</sup>。遥感技术凭 借其宏观、动态和实时等特点在作物监测方面得到 广泛的关注,为估算作物生物量提供有效手段。高 光谱遥感技术具有较高的光谱分辨率和较强的波段 连续性,是对地观测领域的重大成就,是当今遥感科 学的前沿技术<sup>[4]</sup>。在利用遥感技术进行作物生物 量估算方面,构建植被指数基于经验统计的方法是 目前生物量估算比较常用的方法,植被指数是由一 个或多个光谱波段以一定的数学方式进行结合,能 够反映植被生长状况。孙奇等<sup>[5]</sup>通过分析可见光-近红外植被指数、短波红外植被指数和8个融合植 被指数与生物量的关系,结果显示融合植被指数对 冬小麦生物量的估算能力更高,其中 MTVI2 结合 NDMI 估算精度最高。李岚涛等<sup>[6]</sup>利用波长 400~ 950 nm 处的冠层反射率,采用支持向量机和偏最小 二乘回归方法构建不同生育期的冬小麦生物量估算 模型,结果显示抽穗期效果最好,R<sup>2</sup>大于0.85。郭 超凡等[7]利用单变量植被指数,基于多元线性和随 机森林方法对小麦地上部生物量进行估算,发现绿 色叶绿素指数和归一化差异水体指数与生物量具有 最优拟合关系,随机森林模型估算效果最优,R<sup>2</sup>达到 0.74。陶惠林等[8] 基于植被指数、红边参数结合多 元线性回归模型估算冬小麦生物量,结果表明植被 指数耦合红边参数能够提高模型估算精度。使用植 被指数建立生物量估算模型方便简单,但是光谱信 息利用率较低,仅使用了其中的几个波段,不能充分 利用有效光谱信息,并且使用植被指数估算多生育 期的生物量容易存在饱和现象。近年来,为了进一 步提高生物量估算精度,一些学者通过对光谱进行 变换,如小波变换<sup>[9-11]</sup>、光谱微分<sup>[12-14]</sup>、连续统去 除法[15-16]等多种方法挖掘潜在的有效光谱信息,提 取隐藏信息,增强光谱信息的敏感度,有效解决了模 型的饱和问题。

然而,这些研究仅仅利用光谱及其变换信息估 算作物生物量,未综合考虑叶面积指数与生物量的 关系。本文基于高光谱数据,通过连续小波变换得 到的小波能量系数,耦合叶面积指数,分别利用支持 向量回归算法、随机森林算法和高斯过程回归算法, 构建冬小麦生物量估算模型,分析不同模型生物量 估算效果,寻求最佳估算方法,以期为基于遥感技术 的作物高通量表型参数快速估算提供参考。

## 1 材料与方法

#### 1.1 研究区概况

研究区位于北京市昌平区小汤山国家精准农业 研究示范基地。基地位于北纬40°00′~40°21′,东 经116°34′~117°00′,平均海拔为36 m,气候类型是 典型的暖温带半湿润大陆季风气候,春季干旱多风, 夏季炎热多雨,秋季凉爽,冬季寒冷干燥,四季分明。 一般为每年9月末至10月初播种冬小麦,次年3月 左右返青,经过拔节、孕穗、开花、灌浆4个生育期,6 月中上旬收获。研究区共设置48个小区,每个小区 面积为48 m²(6 m×8 m),每16个小区为1个重复, 共3个重复。设置4个氮肥水平:N1:0 kg/hm²,N2: 15 kg/hm²,N3:30 kg/hm²,N4:45 kg/hm²。冬小麦管 理模式参考一般的大田模式,具有优越的肥力、灌溉 和排水条件。其他按照田间实际管理进行操作,研 究区地理位置如图1所示。



Fig. 1 Geographical location of study area

#### 1.2 数据获取

从4月13日—5月27日,每隔13~15d,在实验区里选取样本点进行小麦冠层高光谱数据、叶面积指数和生物量测量。

## 1.2.1 冠层高光谱数据获取

采用美国 ASD (Analytica Spectra Deviecs, Inc) 生产的 FieldSpec 便携式地物光谱仪获取冬小麦冠 层高光谱数据。该光谱仪可测量的波长为 350 ~ 2 500 nm,采样间隔为 1.4 nm (350 ~ 1 000 nm)和 2 nm (1 000 ~ 2 500 nm),仪器内部重采样后可达到 1 nm,测量时间选择在每天 10:30—14:00。为减少 土壤背景的影响,测量过程中,传感器探头垂直向 下,距地表 1.3 m 处,视场角为 25°。每个实验小区 均匀采集 20 条光谱数据,采集完成后利用与 ASD 光谱仪配套的光谱数据处理软件 ViewSpecPro 导出 无量纲的反射率,以每个实验小区 20 条光谱数据的 平均值作为各小区的冠层反射率。由于水分吸收带 严重,所以选取波段 350~1 350 nm 内的光谱数据。 在测量过程中,当每个样点测量完成后,应及时利用 白板进行标准白板校准(标准白板反射率为 1,获得 的目标光谱为相对反射率)。

1.2.2 叶面积指数获取

采集光谱数据的同时,在采样点上获取小麦植 株,带回室内,将取样的冬小麦进行茎叶分离,利用 CI-203型激光叶面积仪测定叶片叶面积,求其总 和,进而计算出单茎叶面积,然后乘以单位土地面积 单茎数得到冬小麦叶面积指数。4个生育期共获取 到192个冬小麦叶面积指数样本数据。

1.2.3 生物量获取

利用收获法获取生物量数据。每个小区内,随 机选取 10 株长势均匀冬小麦植株作为样本,经茎叶 分离、称量等操作后编号放入纸袋中,将干燥温度保 持在 105℃,运行 30 min 杀青,随后将温度设置为 75℃干燥至质量恒定(48 h 左右),测定各器官干质 量,最后根据群体密度及样本干质量,计算单位面积 冬小麦地上生物量,最终获取生物量。

## 1.3 数据处理与模型构建方法

1.3.1 连续小波变换

小波变换是由傅里叶变换发展起来的一种数据 处理方法,通过伸缩和平移等运算功能对函数或信 号进行多尺度细化分析<sup>[17]</sup>。小波变换包括连续小 波变换(Continuous wavelet transform, CWT)和离散 小波变换(Discrete wavelet wransform, DWT),后者是 前者的离散化。连续小波变换作为一种线性变换的 方法,广泛应用于高光谱数据处理<sup>[18-20]</sup>。本文采用 CWT 对 ASD 高光谱数据进行分解,其原理就是将 冠层高光谱数据分解成不同尺度和不同波长的小波 能量系数。将一维空间的高光谱反射率转换为二维 空间尺度和小波能量系数。利用 CWT 分别获取 4 个生育期前 10 尺度下的小波能量系数,计算式为

$$W_{f}(a,b) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(\lambda) \Psi_{a,b}(\lambda) d\lambda \qquad (1)$$

其中 
$$\Psi_{a,b}(\lambda) = \frac{1}{\sqrt{a}}\psi\left(\frac{\lambda}{a}\right)$$

$$\lambda) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi\left(\frac{\lambda - b}{a}\right) \tag{2}$$

1.3.2 模型构建方法

(1)高斯过程回归

高斯过程回归(Gaussian process regression, GPR)由 RASMUSSEN 和 WILLIAMS 在 2005 年提 出<sup>[21]</sup>,是将统计学习理论和贝叶斯理论相结合的一 种机器学习方法,对于处理小样本、高维度和非线性 复杂关系的回归和分类问题都有较好的效果,近年 来成为作物参数估算最高效的机器学习算法之 一<sup>[22-23]</sup>。

(2)支持向量回归

支持向量回归(Support vector regression, SVR) 算法是由支持向量机算法演化而来,作为一种监督 学习的机器学习算法,基本原理是通过建立一个最 优决策超平面,使距样本之间距离达到最小化,从而 拟合样本数据<sup>[24]</sup>,与其他算法相比,模型准确性较 高,对高维度、小样本数据有较好的处理能力,具有 良好的泛化能力和鲁棒性<sup>[25]</sup>。

(3) 随机森林

随机森林(Random forest, RF)基本原理是利用 多个决策树算法对相同现象做重复的预测<sup>[26]</sup>,作为 一种组成式的有监督学习方法,是机器学习方法的 分支之一,即集成学习方法,在处理大量输入变量问 题中优势明显,预测性能好、鲁棒性强<sup>[27]</sup>。

本文以不同生育期小波能量系数、小波能量系 数耦合 LAI 为自变量,生物量为因变量,在每个生育 期,分别挑选 2/3 样本数据(32 个)作为建模集,1/3 样本数据(16 个)作为验证集,构建冬小麦生物量估 算模型。

## 1.3.3 相关系数

采用皮尔逊相关系数 R 来表示两个随机变量 之间的相关程度,相关系数取值范围为[-1,1],相 关系数绝对值越大,相关性越强,相关系数绝对值越 接近于0,相关度越弱<sup>[28]</sup>。相关系数计算式为

$$R(X,Y) = \frac{\operatorname{cov}(X,Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$
(3)

式中 *R*(*X*,*Y*)——两随机变量相关系数 cov(*X*,*Y*)——两随机变量协方差 σ——标准差

## 1.3.4 模型精度评价

采用决定系数( $R^2$ )、均方根误差(RMSE)和标 准均方根误差(nRMSE)3个指标作为模型精度评价 指标。 $R^2$ 越大,表明该模型的拟合效果越高,并且越 稳定。nRMSE小于10%表示估算值和实测值一致 性极好;nRMSE为10%~20%表示一致性较好; nRMSE为20%~30%表示一致性中等;nRMSE大 于等于30%表示一致性较差。

## 2 结果与分析

## 2.1 冬小麦生物量与叶面积指数变化特征

为了研究冬小麦生物量与叶面积指数之间的关系,对4个生育期生物量和叶面积指数的结果进行统计,结果如表1所示。

#### 表1 不同生育期实测生物量和叶面积指数统计分析

# Tab. 1Statistical analysis of measured biomass and<br/>leaf area index in different growth periods

会粉	生育期	亚均估	县十估	是小店	标准关	变异
少奴		干均阻	取八阻	取小阻	你在左	系数/%
	拔节期	2 631. 90	4 396.05	1 477. 38	691.66	26.28
生物量/	孕穗期	5 113. 59	8 266. 23	2 194. 37	1 467. 54	28.70
$(kg \cdot hm^{-2})$	开花期	5 940. 82	9 713. 50	2 384. 55	1 612. 87	27.15
	灌浆期	5 321.95	9 009. 55	2 398.05	1 696. 16	31.87
叶面积指数	拔节期	3.71	5.49	2.16	0.94	25.35
	孕穗期	4.19	8.81	1.30	1.61	38.35
	开花期	3.29	5.89	1.24	1.19	35.98
	灌浆期	1.59	3. 81	0.35	0.88	55. 58

由表1可知,从拔节期到灌浆期,冬小麦生物量 总体呈先升高后下降的变化趋势,拔节期生物量最 小,平均值为2631.90 kg/hm<sup>2</sup>,开花期达到最大,平 均值为5940.82 kg/hm<sup>2</sup>,开花期后生物量逐渐下降。 变异系数在26.28%~31.87%之间,离散程度较稳 定,表明在完整生育期内,冬小麦生物量值域分布随 着时间推移趋于集中。从拔节期到开花期,总生物 量迅速上升,随着叶片数量增加和叶面积扩大,光合 速率提高,使得各构件生物量迅速积累;开花期到灌 浆期,即成熟初期,由于叶片和茎秆逐渐老化变黄, 光合作用能力下降,生成的光合产物低于自身消耗, 乃至脱落,小麦生物量呈很小的下降趋势,与侯学会 等<sup>[29]</sup>的研究结果一致。

冬小麦叶面积指数在整个生育期内先增大后减 小,呈抛物线型变化。在孕穗期之前,冬小麦营养生 长和生殖生长较为活跃,叶片快速生长,叶面积指数 迅速增加,且在拔节期与孕穗期之间达到峰值,孕穗 期之后,随着营养向生殖器官的快速转移,叶片逐渐 老化变黄、脱落,因而叶面积指数呈现下降趋势。拔 节期离散程度较小,变异系数为25.35%,而灌浆期 叶面积指数离散程度较大,变异系数为55.58%。

## 2.2 相关性分析

## 2.2.1 原始光谱与生物量相关性分析

对冬小麦拔节期、孕穗期、开花期和灌浆期去噪后的高光谱数据与相应的生物量数据进行相关性分析,计算相关系数 *R*,绘制不同生育期相关系数曲线,结果如图 2 所示。



Fig. 2 Correlation between original spectrum and biomass

由图 2 可知,各个生育期的冬小麦冠层光谱反 射率与生物量的相关系数变化趋势表现出相似的特 点。在波段 500~700 nm 附近,冬小麦冠层光谱反 射率与生物量都有很高的负相关性,波段800~900 nm 范围内相关系数基本保持不变,冬小麦冠层光谱反 射率与生物量都有很高的正相关性。在拔节期,波 长691 nm 处负相关程度最大,相关系数 R 为 -0.71,波长 823 nm 处正相关程度最大,相关系数 R为0.62;在孕穗期,波长695 nm 处负相关程度最 大,相关系数 R 为 - 0.74, 波长 868 nm 处正相关性 最大,相关系数 R 为 0.64;在开花期,波长 691 nm 处负相关性最大,相关系数 R 为 – 0.73,波长 819 nm 处正相关性最大,相关系数 R 为 0.84;在灌 浆期,波长505 nm 处负相关性最大,相关系数 R 为 -0.80,波长877 nm 处正相关性最大,相关系数 R 为 0.85。

## 2.2.2 小波能量系数与生物量相关性分析

对于冬小麦4个生育期,利用连续小波变换对 冬小麦冠层高光谱数据进行1~10尺度分解,不同 波段数与不同分解尺度对应的相关系数,表征小波 能量系数与冬小麦生物量之间的相关性,通过连续 小波变换间接对目标光谱信息进行优化。在每个分 解尺度下,各波段生成特定的小波能量系数,然后分 别与生物量进行相关性分析,生成相关性矩阵,结果 如图3所示。

由图 3 看出,4 个生育期小波能量系数与生物 量的相关性随着分解尺度的增加,呈现先升高后降 低的趋势;通过 0.01 极显著水平检验的光谱波段数 量不断增加,当分解尺度为 10,4 个生育期均达到 1 001 个波段。由图 3a 可知,在拔节期当分解尺度 为 1~8 时,小波能量系数与生物量的最大相关系数 绝对值均在 0.71 以上,分解尺度为 2 时,在波长 948 nm 处 |*R* |最大可达 0.77;当分解尺度为 9 和 10 时, |*R* |最大分别为 0.64、0.52,小波能量系数和生 物量相关性较小,分解得到的小波能量系数已经无 法表征冬小麦的生物量信息。由图 3b 可知,在孕穗





期当分解尺度为1~8时,小波能量系数与生物量的 最大相关系数绝对值均在 0.80 以上,二者呈高度相 关,分解尺度为2时,在波长768 nm 处|R|最大可达 0.84;当分解尺度为9和10时, | R | 最大分别为 0.64、0.44、小波能量系数和生物量中低度相关,无 法表征冬小麦的生物量信息。由图 3c 可知,在开花 期当分解尺度为1~8时,小波能量系数与生物量的 最大相关系数绝对值均在 0.89 以上, 二者呈高度相 关,当分解尺度为3时,在912 nm 处|R|最大可达 0.91;当分解尺度为9和10时, | R | 最大分别为 0.74、0.64、小波能量系数和生物量中度相关、不能 充分表征冬小麦的生物量信息。由图 3d 可知,在灌 浆期当分解尺度为1~9时,小波能量系数与生物量 的最大相关系数绝对值均在 0.86 以上, 二者呈高度 相关,分解尺度为7时,在波长1001 nm 处|R|最大 可达0.88;当分解尺度为10时, |R|最大为0.67,小 波能量系数和生物量中度相关,不能充分表征冬小 麦的生物量信息。

## 2.2.3 叶面积指数与生物量相关性分析

将实测得的叶面积指数与生物量数据利用式(3) 计算相关系数。4个生育期叶面积指数与生物量相 关系数有所差异,4个生育期 | *R* | 分别为0.91、0.82、 0.93和0.87,均大于0.8,且达到0.01显著性水平, 说明叶面积指数与生物量具有很高的相关性。因 此,在各生育期生物量预测模型中,可将叶面积指数 与小波能量系数耦合共同作为模型输入变量以提高 冬小麦生物量估算的精度。

## 2.3 敏感波段筛选

利用图 3 对每个生育期生物量与小波能量系数 进行相关性分析,筛选出相关系数绝对值较高的前 10 个波段作为输入变量,估算冬小麦生物量,筛选 结果如表 2 所示。

由表2可知,不同生育期不同尺度下最优波段 有所不同,在拔节期,最优波段尺度在1、2、3、4、6、 7;在孕穗期,最优波段尺度在1、2、3、4、5、6;在开花 期,最优波段尺度在3、4、5、6;在灌浆期,最优波段 尺度在4、5、6、7、8。综合分析来看,4个生育期中, 最优波段尺度主要集中在3、4、5、6,并且每种尺度 下筛选的敏感波段与生物量均达到0.01显著水平。

## 2.4 模型构建与精度评价

基于以上相关性分析结果,每个生育期以冬小 麦生物量作为因变量,以小波能量系数、小波能量系 能数耦合 LAI 为自变量,分别采用支持向量回归算 法(SVR)、随机森林算法(RF)、高斯过程回归 (GPR)算法构建冬小麦4个生育期的生物量高光谱 估算模型,并且进行验证,结果见表3、4。

由表3、4可知:

(1)利用相关性较好的小波能量系数为输入变量,分别利用支持向量回归算法、随机森林回归算法、高斯过程回归算法进行冬小麦生物量估算。拔

## 表 2 前 10 敏感波段及对应尺度 Tab. 2 Top ten sensitive bands and corresponding scales

一 一 一 一		拔节期		孕穗期		开花期			灌浆期			
序写 一尺度	尺度	波长/nm	R	尺度	波长/nm	R	尺度	波长/nm	R	尺度	波长/nm	R
1	C2	948	0.77	C2	768	0.84	C3	912	0.91	C7	1 001	0. 88
2	C2	1 279	0.74	C1	755	0.84	C5	1 103	0.91	C7	967	0.88
3	C3	1 117	0.74	C6	727	0.84	C4	1 109	0.90	C4	1 171	0.88
4	C2	763	0.74	C5	900	0.83	C4	926	0.90	C7	929	0.88
5	C3	1 257	0.73	C5	725	0.83	C4	1 158	0.90	C5	1 192	0.88
6	C4	1 120	0.73	C3	728	0.83	C6	875	0.90	C8	475	0.88
7	C1	762	0.73	C5	839	0.83	C5	1 178	0.90	C6	1 108	0.87
8	C7	1 341	0.73	C4	726	0.83	C5	1 086	0.90	C8	502	0.88
9	C6	1 347	0.73	C3	775	0.83	C3	1 003	0.90	C7	493	0.87
10	C2	1 150	0.73	C2	728	0.83	C6	1 107	0.90	C4	1 258	0.87

#### 表 3 不同生育期不同方法冬小麦生物量的建模精度

#### Tab. 3 Modeling results of winter wheat biomass in different growth periods and different methods

止否期	卡进		小波能量系数		小波能量系数耦合叶面积指数			
生月劝	刀伝	$R^2$	$RMSE/(kg \cdot hm^{-2})$	nRMSE/%	$R^2$	$RMSE/(kg \cdot hm^{-2})$	nRMSE/%	
	SVR	0.65	451.18	17.74	0.86	292.95	11.44	
拔节期	RF	0.44	543. 52	20.86	0.64	430.66	16.47	
	GPR	0.80	385.64	14.81	0.86	321.04	12.35	
孕穗期	SVR	0.72	803.26	16.10	0.81	667.35	13. 15	
	RF	0.56	985.65	19.31	0. 59	951.44	18.63	
	GPR	0.79	679.71	13.32	0.89	502.69	9.85	
开花期	SVR	0. 79	715.36	13.70	0. 92	517.43	8.69	
	RF	0.77	788. 74	13. 29	0.81	709.35	11.91	
	GPR	0.85	641.07	10.78	0.93	422.87	7.11	
灌浆期	SVR	0. 79	715.36	13.70	0.85	609.15	11.45	
	RF	0.73	814.34	15.54	0.73	804.92	15. 53	
	GPR	0.82	657.74	12.56	0. 91	459.08	8.77	

#### 表 4 不同生育期不同方法估算冬小麦生物量的验证精度

#### Tab. 4 Validation results of different growth periods and different methods to estimate winter wheat biomass

	子汁		小波能量系数		小波	小波能量系数耦合叶面积指数			
生月旁	刀伝	$R^2$	$RMSE/(kg \cdot hm^{-2})$	nRMSE/%	$R^2$	$RMSE/(kg \cdot hm^{-2})$	nRMSE/%		
	SVR	0. 55	506.01	20.10	0.76	348.06	13.47		
拔节期	RF	0.40	505.83	19.74	0.73	360.12	13.75		
	GPR	0.39	523.26	20.19	0.77	363.73	13.87		
孕穗期	SVR	0.75	912.6	19.14	0.76	874. 55	18.00		
	RF	0.70	889.28	18.24	0.72	858.84	17.59		
	GPR	0.83	974.78	21.69	0.84	669.61	13.86		
开花期	SVR	0.84	629.47	10.76	0.87	565.00	9.47		
	RF	0.92	500.96	8.43	0.94	457.02	7.59		
	GPR	0.93	537.82	9.27	0.94	382. 32	6.34		
灌浆期	SVR	0.84	1 018. 09	20.67	0.85	884.71	17.36		
	RF	0.89	954.50	19.67	0.90	911.92	18.60		
	GPR	0.85	943.25	18.63	0.91	613.97	11.61		

节期和灌浆期利用随机森林算法进行生物量估算效 果最好,拔节期模型验证  $R^2$ 、RMSE、nRMSE 分别为 0.40、505.83 kg/hm<sup>2</sup>、19.74%,灌浆期模型验证  $R^2$ 、 RMSE、nRMSE 分别为 0.89、954.50 kg/hm<sup>2</sup>、 19.67%。孕穗期和开花期利用高斯过程回归算法 对生物量估算效果最佳,孕穗期模型验证  $R^2$ 、 RMSE、nRMSE 分别为 0.83、974.78 kg/hm<sup>2</sup>、 21.69%,开花期模型验证  $R^2$ 、RMSE、nRMSE 分别为 0.93、537.82 kg/hm<sup>2</sup>、9.27%。综合考虑模型建立 和模型验证的评价指标结果以及模型的估算能力, 开花期利用高斯过程回归算法构建模型具有最优估 算精度。

(2)将叶面积指数信息融合相关性较好的小波 能量系数,分别利用支持向量回归算法、随机森林回 归算法、高斯过程回归算法进行冬小麦生物量估算, 模型建立和模型验证散点图如图 4 所示。4 个生育 期均利用高斯过程回归算法进行生物量估算效果最 好,拔节期模型验证 *R*<sup>2</sup>、RMSE、nRMSE 为 0.77、 363.73 kg/hm<sup>2</sup>、13.87%,孕穗期模型验证 *R*<sup>2</sup>、 RMSE、nRMSE 为 0.84、669.61 kg/hm<sup>2</sup>、13.86%,开 花期模型验证 *R*<sup>2</sup>、RMSE、nRMSE 为 0.94、 382.32 kg/hm<sup>2</sup>、6.34%,灌浆期模型验证 R<sup>2</sup>、RMSE、 nRMSE 分别为 0.91、613.97 kg/hm<sup>2</sup>、11.61%。综 合考虑模型建立和模型验证的评价指标结果以及模 型的估算能力,表明在开花期利用高斯过程回归构 建的模型具有最优估算精度。通过对比分析,叶面 积指数耦合小波能量系数估算生物量,在一定程度 上能够克服冠层光谱饱和现象,提高模型估算精度。

(3)与仅仅基于小波能量系数相比,耦合叶面 积指数数据,利用支持向量回归、随机森林回归、高 斯过程回归方法分析进行生物量估算时,拔节期验 证的 *R*<sup>2</sup>分别提高 0.21 、0.33 、0.38,孕穗期验证的 *R*<sup>2</sup>



Fig. 4 Scatter plots of wavelet energy coefficient coupled leaf area index estimation model and verification model

分别提高 0.01、0.02、0.01,开花期验证的 R<sup>2</sup>分别提高 0.03、0.02、0.01,拔节期验证的 R<sup>2</sup>分别提高 0.01、0.01、0.06,表明小波能量系数耦合叶面积指 数数据,可以提高生物量估算精度。

## 3 讨论

将4个生育期原始光谱、小波能量系数分别与 生物量进行相关性分析,经对比可知,原始光谱和小 波能量系数与生物量的相关性绝对值均呈先升高后 降低的变化趋势,开花期的相关系数绝对值最大。 可能的原因是从拔节期到开花期,叶片数量增加和 叶面积扩大,光合速率大大提高,使得各构件生物量 迅速积累和增加,冬小麦生物量在开花期达到最大, 使得原始光谱和小波能量系数与生物量的关系由弱 变强。开花期到灌浆期,即成熟初期,叶片和茎秆逐 渐老化变黄,植被覆盖度明显降低,光合作用能力下 降,生成的光合产物低于自身消耗,乃至脱落,小麦 生物量下降,使得上述2个变量与生物量的相关性 由强变弱。

每个生育期提取的小波能量系数与生物量的相 关性都高于原始高光谱与生物量的相关性,小波能 量系数与生物量的相关系数绝对值最大值较原始光 谱与生物量的相关系数绝对值最大值分别提高了 0.06、0.1、0.07和0.03,这是因为高光谱数据采集 过程中,由于受土壤背景、环境因素等影响,导致原 始光谱存在噪声,影响敏感光谱信息提取,利用小波 变换技术可以细化光谱信息,深度挖掘潜在的敏感 光谱信息,凸显出更多与生物量相关的有效信息,使 得筛选出的小波能量系数与生物量的相关性更高。

利用原始高光谱数据估算生物量的困难在于提 取原始高光谱数据中对生物量较敏感的光谱波段,

以往基于高光谱数据的生物量估算模型大多基于植 被指数。本研究采用 SVR、RF 和 GPR 3 种算法结 合小波能量系数、小波能量系数耦合叶面积指数构 建生物量估算模型,实现对冬小麦生物量的估算。 研究结果显示,4个生育期利用小波能量系数耦合 叶面积指数基于 GPR 算法构建的模型对生物量估 算效果最好,建模和验证精度均较高,4个生育期建 模 R<sup>2</sup>分别为 0.86、0.89、0.93、0.91, 验证 R<sup>2</sup>分别为 0.77、0.84、0.94、0.91,这与增加叶面积指数作为输 入变量有关,叶面积指数包含作物冠层结构中非常 重要的信息,与生物量高度相关,是决定作物光合作 用强弱的重要变量之一,研究结果表明耦合叶面积 指数可以提高生物量估算精度,与文献[30-32]研 究结果相一致。另外,利用 GPR 算法估算冬小麦生 物量精度较高,原因可能是 GPR 作为一种概率方 法,训练模型通过拟合均值和协方差函数找到所有 训练数据的单独函数,与其他算法学习方法相比,更 适合训练小样本模型,且受生育期的影响较其他两 种算法小。

## 4 结束语

基于小波能量系数,同时耦合叶面积指数数 据,利用支持向量回归、随机森林回归、高斯过程 回归方法,构建冬小麦生物量估算模型,并对模型 精度进行验证。结果表明:4个生育期,开花期生 物量估算精度最高;利用支持向量回归、随机森林 回归、高斯过程回归方法估算生物量,高斯过程回 归算法估算生物量效果最好;小波能量系数耦合 叶面积指数与仅使用叶面积指数为模型因子相 比,生物量估算精度得到提高,构建的验证模型拟 合性和稳定性都较好。

#### 参考文献

- CLEMENT A. Advances in remote sensing of agriculture: context description, existing operational monitoring systems and major information needs[J]. Remote Sensing, 2013, 5(2):949-981.
- [2] 刘明星,李长春,李振海,等. 基于高光谱遥感与 SAFY 模型的冬小麦地上生物量估算[J/OL]. 农业机械学报, 2020, 51(2): 192-202,220.
  - LIU Mingxing, LI Changchun, LI Zhenhai, et al. Estimation of dry aerial mass of winter wheat based on coupled hyperspectral remote sensing and SAFY model[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(2): 192 202,220. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 2002021&journal\_id = jcsam. DOI: 10.6041/j.issn.1000-1298.2020.02.021. (in Chinese)
- [3] 陈仲新,任建强,唐华俊,等.农业遥感研究应用进展与展望[J].遥感学报,2016,20(5):748-767.
   CHEN Zhongxin, REN Jianqiang, TANG Huajun, et al. Progress and prospectives on agricultural remote sensing research and applications in China[J]. National Remote Sensing Bulletin, 2016, 20(5):748-767. (in Chinese)
- [4] 李金帅. 遥感技术在农业中的应用[J]. 农业与技术, 2021, 41(11): 61-64.
   LI Jinshuai. Application of remote sensing technology in agriculture[J]. Agriculture and Technology, 2021, 41(11): 61-64.
   (in Chinese)
- [5] 孙奇,关琳琳, 焦全军,等. 基于植被指数融合的冬小麦生物量反演研究[J]. 遥感技术与应用, 2021, 36(2): 391-399. SUN Qi, GUAN Linlin, JIAO Qunjun, et al. Research on retrieving biomass of winter wheat based on fusing vegetation index

[J]. Remote Sensing Technology and Application, 2021, 36(2): 391-399. (in Chinese)

[6] 李岚涛, 郭宇龙, 韩鹏, 等. 基于高光谱的冬小麦不同生育时期地上部生物量监测[J]. 麦类作物学报, 2021, 41(7): 904-913.

LI Lantao, GUO Yulong, HAN Peng, et al. Estimation of shoot biomass at different growth stages of winter wheat based on hyperspectral reflectance[J]. Journal of Triticeae Crops, 2021, 41(7): 904-913. (in Chinese)

- [7] 郭超凡,陈泽威,张志高.基于最优模型选择的牧草地上生物量遥感估算研究[J].草地学报,2021,29(5):946-955.
   GUO Chaofan, CHEN Zewei, ZHANG Zhigao. Research on remote sensing estimation of forage above-ground biomass based on optimal model selection[J]. Acta Agrestia Sinica, 2021, 29(5):946-955. (in Chinese)
- [8] 陶惠林, 冯海宽, 徐良骥, 等. 基于无人机高光谱遥感数据的冬小麦生物量估算[J]. 江苏农业学报, 2020, 36(5): 1154-1162.

TAO Huilin, FENG Haikuan, XU Liangji, et al. Winter wheat biomass estimation based on hyperspectral remote sensing data of unmanned aerial vehicle(UAV)[J]. Jiangsu Journal of Agricultural Sciences, 2020, 36(5): 1154 – 1162. (in Chinese)

- [9] 刘杨,孙乾,冯海宽,等. 基于小波分析的马铃薯地上生物量估算[J]. 光谱学与光谱分析, 2021, 41(4): 1205 1212.
   LIU Yang, SUN Qian, FENG Haikuan, et al. Estimation of above-ground biomass of potato based on wavelet analysis[J].
   Spectroscopy and Spectral Analysis, 2021, 41(4): 1205 1212. (in Chinese)
- [10] 李长春,施锦锦,马春艳,等. 基于小波变换和分数阶微分的冬小麦叶绿素含量估算[J/OL]. 农业机械学报,2021, 52(8):172-182.

LI Changchun, SHI Jinjin, MA Chunyan, et al. Estimation of chlorophyll content in winter wheat based on wavelet transform and fractional differential [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2021, 52(8): 172 – 182. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20210817&journal\_id = jcsam. DOI:10. 6041/j.issn.1000-1298.2021.08.017. (in Chinese)

[11] 梁栋,杨勤英,黄文江,等.基于小波变换与支持向量机回归的冬小麦叶面积指数估算[J].红外与激光工程,2015,44(1):335-340.
 LIANG Dong, YANG Qinying, HUANG Wenjiang, et al. Estimation of leaf area index based on wavelet transform and support

vector machine regression in winter wheat [J]. Infrared and Laser Engineering, 2015, 44(1): 335 – 340. (in Chinese)

[12] 刘杨, 冯海宽, 孙乾, 等. 基于无人机高光谱分数阶微分的马铃薯地上生物量估算[J/OL]. 农业机械学报, 2020, 51(12): 202-211.

LIU Yang, FENG Haikuan, SUN Qian, et al. Estimation of potato above-ground biomass based on fractional differential of UAV hyperspectral [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(12): 202 - 211. http: //www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20201222&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2020.12.022. (in Chinese)

[13] 茹克亚·萨吾提,阿不都艾尼·阿不里,尼加提·卡斯木,等.基于分数阶微分的春小麦叶绿素含量高光谱估算[J].麦类作物学报,2019,39(6):738-746.
 RUKEYA Sawuti, ANUAINI Abuli, NIJATI Kasimu, et al. Spectral estimation of chlorophyll content in spring wheat leaves

RUKEYA Sawuti, ANUAINI Abuli, NIJATI Kasimu, et al. Spectral estimation of chlorophyll content in spring wheat leaves based on fractional differential [J]. Journal of Triticeae Crops, 2019, 39(6): 738 – 746. (in Chinese)

[14] 吾木提·艾山江, 买买提·沙吾提, 马春玥. 基于分数阶微分和连续投影算法-反向传播神经网络的小麦叶片含水量高 光谱估算[J]. 激光与光电子学进展, 2019, 56(15): 251-259.
UMUT Hasan, MAMAT Sawut, MA Chunyue. Hyperspectral estimation of wheat leaf water content using fractional differentials and successive projection algorithm back propagation neural network[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2019, 56(15): 251-259. (in Chinese)

- [15] LUO Shanjun, HE Yingbin, WANG Zhuozhuo, et al. Comparison of the retrieving precision of potato leaf area index derived from several vegetation indices and spectral parameters of the continuum removal method[J]. Taylor & Francis, 2019, 52(1): 155 - 168.
- [16] 郑煜,常庆瑞,王婷婷,等. 基于连续统去除和偏最小二乘回归的油菜 SPAD 高光谱估算[J].西北农林科技大学学报 (自然科学版),2019,47(8):37-45.
   ZHENG Yu, CHANG Qingrui, WANG Tingting, et al. Hyperspectral estimation of SPAD value in oilseed rape based on

continuum removal and partial least squares regression [J]. Journal of Northwest A&F University(Natural Science Edition), 2019, 47(8): 37-45. (in Chinese)

[17] 李旭青,李龙,庄连英,等. 基于小波变换和 BP 神经网络的水稻冠层重金属含量反演[J/OL]. 农业机械学报,2019, 50(6):226-232.

LI Xuqing, LI Long, ZHUANG Lianying, et al. Inversion of heavy metal content in rice canopy based on wavelet transform and BP neural network [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019, 50(6):226-232. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20190625&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2019.06.025. (in Chinese)

[18] 彭咏石,陈水森,陈金月,等.基于连续小波系数的叶绿素 a 浓度估测模型[J].激光与光电子学进展,2021,58(8): 431-439.

PENG Yongshi, CHEN Shuisen, CHEN Jinyue, et al. Estimation model of chlorophyll a concentration based on continuous wavelet coefficients[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2021, 58(8): 431-439. (in Chinese)

[19] 苗梦珂,王宝山,李长春,等. 基于连续小波变换的冬小麦叶片最大净光合速率遥感估算[J]. 江苏农业学报,2020, 36(3):544-552.

MIAO Mengke, WANG Baoshan, LI Changchun, et al. Remote sensing estimation of the maximum net photosynthetic rate of winter wheat leaves based on continuous wavelet transform [J]. Jiangsu Journal of Agricultural Sciences, 2020, 36(3): 544 – 552. (in Chinese)

- [20] 章涛,于雷,易军,等. 高光谱小波能量特征估测土壤有机质含量[J]. 光谱学与光谱分析, 2019, 39(10): 3217-3222.
   ZHANG Tao, YU Lei, YI Jun, et al. Determination of soil organic matter content based on hyperspectral wavelet energy features[J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2019, 39(10): 3217-3222. (in Chinese)
- [21] RASMUSSEN C E, WILLIAMS C K I. Gaussian processes for machine learning[M]. The MIT Press, 2018.
- [22] 王娇娇,宋晓宇,梅新,等. 基于高斯回归分析的水稻氮素敏感波段筛选及含量估算[J]. 光谱学与光谱分析, 2021, 41(6):1722-1729.
   WANG Jiaojiao, SONG Xiaoyu, MEI Xin, et al. Sensitive bands selection and nitrogen content monitoring of rice based on

Gaussian regression analysis [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2021, 41(6): 1722 - 1729. (in Chinese)

- [23] 赵梦恩.改进高斯过程回归算法及其应用研究[D].杭州:浙江理工大学,2019.
   ZHAO Meng'en. Improved Gaussian process regression algorithm and its application [D]. Hangzhou: Zhejiang Sci-Tech University, 2019. (in Chinese)
- [24] VLADIMIR N. The nature of statistical learning theory [M]. New York: Springer, 2000.
- [25] 林卉,梁亮,张连蓬,等.基于支持向量机回归算法的小麦叶面积指数高光谱遥感反演[J].农业工程学报,2013,29(11):139-146.
   LIN Hui, LIANG Liang, ZHANG Lianpeng, et al. Wheat leaf area index inversion with hyperspectral remote sensing based on

support vector regression algorithm[J]. Transactions of the CSAE, 2013, 29(11):139 – 146. (in Chinese)

- [26] 方匡南,吴见彬,朱建平,等.随机森林方法研究综述[J].统计与信息论坛,2011,26(3):32-38. FANG Kuangnan, WU Jianbin, ZHU Jianping, et al. A review of technologies on random forests[J]. Journal of Statistics and Information, 2011, 26(3): 32-38. (in Chinese)
- [27] KYOKO O. Machine learning [M]. Tritech Digital Media, 2018.
- [28] 马立平. 回归分析 [M]. 北京: 机械工业出版社, 2014.
- [29] 侯学会,牛铮,黄妮,等.小麦生物量和真实叶面积指数的高光谱遥感估算模型[J].国土资源遥感,2012,24(4): 30-35.

HOU Xuehui, NIU Zheng, HUANG Ni, et al. The hyperspectral remote sensing estimation models of total biomass and true LAI of wheat [J]. Remote Sensing for Land & Resources, 2012, 24(4): 30-35. (in Chinese)

- [30] ROCIO B, JOSE F O, DAVID H, et al. Onion biomass monitoring using UAV-based RGB imaging[J]. Precision Agriculture, 2018,19(5):840-857.
- [31] ANGELA K, HEATHER M N, DAVID L, et al. Assessment of RapidEye vegetation indices for estimation of leaf area index and biomass in corn and soybean crops[J]. International Journal of Applied Earth Observations and Geoinformation, 2015, 34: 235 - 248.
- [32] JIN Xiuliang, LI Zhenhai, FENG Haikuan, et al. Deep neural network algorithm for estimating maize biomass based on simulated Sentinel 2A vegetation indices and leaf area index[J]. The Crop Journal,2020,8(1):87-97.