

doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2021.07.047

移动并联式六自由度转运调姿方法研究

于荣荣¹ 李永亮¹ 董礼港¹ 吕 宠² 王国欣¹

(1. 北京卫星制造厂有限公司, 北京 100094; 2. 北京空间机电研究所, 北京 100094)

摘要: 针对大型航天相机长距离转运和快速精确自动调姿需求, 提出一种基于全向移动平台和3-RPS并联调姿机构的移动并联式六自由度调姿方法。首先, 测得相机当前姿态和目标姿态, 推导二者位姿矩阵; 通过运动学模型反解全向移动平台和并联调姿机构的各轴运动参数, 将多轴耦合的空间六自由度完全解耦; 建立全向移动平台和并联机构的运动学模型, 实现上述运动参数的驱动; 最后, 进行了调姿算法试验, 结果表明, 调姿设备能够快速精准实现大型相机任意姿态向目标姿态的自动化柔性姿态调整, 全向移动平台移动精度优于0.3 mm, 旋转精度优于0.05°, 并联机构杆长精度优于0.5 mm, 验证了自动调姿的准确性。

关键词: 六自由度; 转运调姿; 位姿矩阵; 全向移动; 3-RPS并联调姿机构

中图分类号: TP273; TH112 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2021)07-0421-06

OSID:



Six Degrees of Freedom Transfer and Attitude Adjustment Method of Mobile Parallel

YU Rongrong¹ LI Yongliang¹ DONG Ligang¹ LÜ Chong² WANG Guoxin¹

(1. Beijing Spacecrafts, Beijing 100094, China)

2. Beijing Institute of Space Mechanics and Technology, Beijing 100094, China)

Abstract: Aiming to improve the automatic attitude adjustment efficiency and accuracy and long-distance transfer of astronauic camera, a mobile six degrees of freedom attitude adjustment method, based on omni-directional mobile platform and 3-RPS parallel pose adjustment mechanism, was proposed. Firstly, the mathematical model and measurement coordinate system of attitude adjustment were established according to the actual application scenarios. Secondly, the current attitude of the camera and the target attitude were measured, and the attitude matrix of the current attitude relative to the target was derived according to the relationship between the measured actual attitude and the pose of each coordinate system. Thirdly, the motion parameters of each axis of the above mechanisms were inversely solved by the kinematic model. Then the motion model of the omni-directional platform and the parallel mechanism was established to realize the driving of the above motion parameters. Finally, the test verification showed that the attitude adjusting equipment was fast and accurate enough to realize the automatic flexible attitude adjustment of the large-scale camera. The moving accuracy of the omnidirectional mobile platform was within 0.3 mm, and the rotating accuracy was within 0.05°, and the rod length accuracy of the parallel mechanism was within 0.5 mm.

Key words: six degrees of freedom; transfer and attitude adjustment; pose matrix; omni-directional movement; 3-RPS parallel pose adjustment mechanism

0 引言

在大型航天相机的辐射定标测试环节, 需要对相机进行空间六自由度的姿态精确调整。目前, 转运多采用吊车加专用转运工装方式, 利用激光跟踪

仪测量当前姿态和目标姿态, 由人工对与调姿面连接的多个丝杠的高度进行反复手动调姿, 直至调整至误差允许范围之内。这种调姿方法工作量大、工作效率低、操作繁琐, 并且调姿精度低、产品风险高。随着航天相机功能的多样化, 其结构越来越复杂, 质

收稿日期: 2020-06-26 修回日期: 2020-07-19

基金项目: 科工局基础科研项目

作者简介: 于荣荣(1984—), 女, 高级工程师, 博士, 主要从事航天机电产品研究, E-mail: yurongrong087@163.com

量和尺寸越来越大,传统的调姿方法很难满足超大、超重载荷精确、快速和在有限空间内的柔性调姿要求。因此,需研发一种大型航天相机全自动六维姿态调整、转运一体化设备,这对提高大型相机转运及定标测试效率、提高产品安全性具有重要意义。

近年来,学者们对多自由度调姿方法进行了诸多研究:SHANG 等^[1]将并联机构(Parallel kinematics machine,PKM)引入飞机机翼柔性装配中。宋晨等^[2]研发了一种具有串并联特征的六自由度调姿机构,用于小型喷嘴包调姿。尤晶晶等^[3]进行了 Stewart 元余并联机构正向运动学研究。敬兴久等^[4]研发了一种基于气缸驱动的 Stewart 平台并联调姿机构,用于大型构件装配。顾营迎等^[5]设计了六足平台,用于卫星平台微振动环境的地面测试。耿明超等^[6]设计了 6 UPRRUS 折叠式并联机构。文献[7-13]对 3-RPS 并联机构的结构、运动学、力学特性、标定方法等进行了研究,实现了柔顺控制,可用于踝关节康复训练等。文献[14-15]设计了航空发动机多自由度调姿装置。徐德勇等^[16]设计了一种六自由度调姿平台。文献[17-19]对 3T1R、3-RRPAr 等多种并联机构进行了运动学分析。多数学者针对并联机构自身的结构特点和力学特性进行运动学分析、控制方法等方面的研究,而对复杂工况下任意姿态到目标姿态的量化及精确调姿方法研究却鲜见报道。本文针对使用需求,提出基于全向移动平台和 3-RPS 并联机构的移动并联式转运调姿方法,其中全向移动平台可实现相机长距离转运,并可完成相机在 XOY 平面内任意方向的运动和绕 Z 轴的旋转,并联机构可实现绕 X、Y 轴的转动和沿 Z 轴的平动。

1 系统概述

如图 1 所示,建立的坐标系 1~6 分别为:检测点坐标系 $O_1X_1Y_1Z_1$ 、目标位置坐标系 $O_2X_2Y_2Z_2$ 、相机端面坐标系 $O_3X_3Y_3Z_3$ 、上平台形心坐标系 $O_4X_4Y_4Z_4$ 、下平台形心坐标系 $O_5X_5Y_5Z_5$ 、全向移动

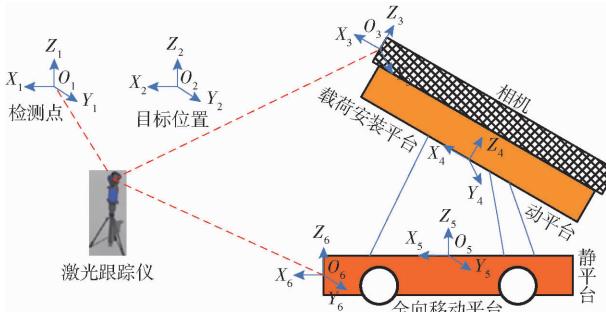


图 1 坐标系定义示意图

Fig. 1 Schematic of coordinate system definition

平台端面坐标系 $O_6X_6Y_6Z_6$ 。

为了实现总装测试环节中,航天相机相对目标设备的精确瞄准,需要对相机进行六维位姿调整,本文将实际应用中基于预测的空间位姿调整问题,简化为目标坐标系和相机端面坐标系的位姿匹配问题,即通过调整全向移动平台和并联调姿机构的六维位姿,使坐标系 3 运动至与坐标系 2 重合,实现相机当前位置向目标位姿的自动调整。系统工作流程为:①通过激光测距技术,由激光跟踪仪测得当前位置下,相机端面相对于检测点的位姿、全向移动平台相对于检测点的位姿,实现相机端面、全向移动平台端面在全局坐标系下位姿参数的获取。②根据当前位置、全向移动平台和并联机构的结构特点,建立位姿模型,利用矩阵变换理论解算各个坐标系之间的位姿变换矩阵,并获得相机当前位置到目标位姿的位姿变换矩阵。③通过逆向运动学模型解算,将相机的位姿矩阵解耦为全向移动平台及并联调姿机构的位姿变换矩阵。④利用该矩阵反算得到全向移动平台和并联调姿机构各轴的运动参数,以该参数作为运动输入,解算各轴驱动量,通过多轴组合运动实现相机当前位置向目标位置的自动调整。

2 位姿矩阵解算

2.1 当前位姿解算

O_{n1} 表示坐标系 n 相对于坐标系 1(基准坐标系)的位姿矩阵, G_{ab} 表示坐标系 a 相对于坐标系 b 的位姿矩阵。激光跟踪仪分别测得坐标系 3、6 相对于基准坐标系的位姿矩阵 O_{31} 和 O_{61} ,再由坐标系 1、2 之间,3、4 之间,5、6 之间的相对平移关系,可知其两两之间的位姿矩阵为

$$G_{21} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & x_{21} \\ 0 & 1 & 0 & y_{21} \\ 0 & 0 & 1 & z_{21} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$G_{43} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & x_{43} \\ 0 & 1 & 0 & y_{43} \\ 0 & 0 & 1 & z_{43} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$G_{56} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & x_{56} \\ 0 & 1 & 0 & y_{56} \\ 0 & 0 & 1 & z_{56} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

借助机器人运动学理论^[20],按照右乘法则,解算当前姿态下各坐标系在基准坐标系下的位姿矩阵

分别为

$$\begin{cases} \mathbf{O}_{21} = \mathbf{G}_{21} \\ \mathbf{O}_{41} = \mathbf{G}_{43} \mathbf{O}_{31} \\ \mathbf{O}_{51} = \mathbf{G}_{56} \mathbf{O}_{61} \end{cases} \quad (4)$$

则通过矩阵变换, 获取的坐标系 2~5 相对于基准坐标系的位姿矩阵, 即为各坐标系的当前位姿。

2.2 当前姿态相对于目标的姿态矩阵解算

如图 2 所示, 姿态调整的目标姿态为: 坐标系 3 借助调姿机构及全向移动平台的运动, 与坐标系 2 重合。

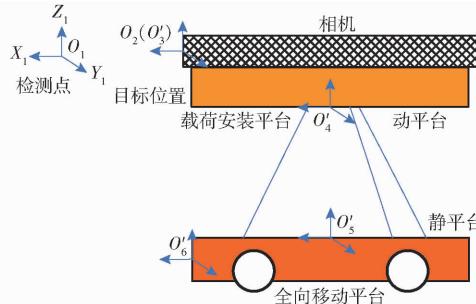


图 2 目标姿态示意图

Fig. 2 Schematic of target attitude

假设此过程中, O_3 运动至 O'_3 , O_4 运动至 O'_4 , O_5 运动至 O'_5 , O_6 运动至 O'_6 。其中 O_3 、 O_2 重合, $\mathbf{G}_{o_3 o_2} = \mathbf{I}$, $\mathbf{G}_{o_3' o_4} = \mathbf{G}_{o_3 o_4}$, $\mathbf{G}_{o_5' o_6} = \mathbf{G}_{o_5 o_6}$ 。则有

$$\begin{aligned} \mathbf{G}_{o_3' o_4} &= \mathbf{I} = \mathbf{G}_{o_3 o_4} \mathbf{G}_{o_4 o_5} \mathbf{G}_{o_5 o_6} \mathbf{G}_{o_6 o_2} = \\ &\mathbf{G}_{o_3 o_4} \mathbf{G}_{o_4 o_5} \mathbf{G}_{o_5 o_6} (\mathbf{G}_{o_6 o_6} \mathbf{O}_{o_6 o_2}) \end{aligned} \quad (5)$$

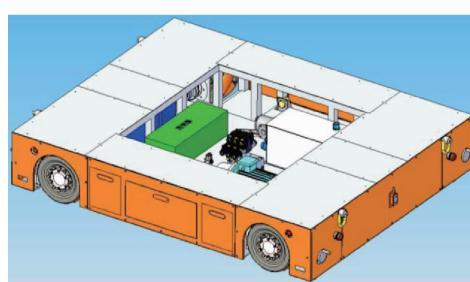
解算得

$$\mathbf{G}_{o_4 o_3} \mathbf{O}_{o_2 o_1} \mathbf{O}_{o_6 o_1}^{-1} = \mathbf{G}_{o_4' o_5} \mathbf{G}_{o_5 o_6} \mathbf{G}_{o_6 o_6} \quad (6)$$

其中

$$\mathbf{G}_{o_4' o_5} =$$

$$\begin{bmatrix} \cos\beta & 0 & \sin\beta & r\cos(2\alpha)(1-\cos\beta)/2 \\ \sin\alpha\sin\beta & \cos\alpha & -\sin\alpha\cos\beta & -r\sin(2\alpha)(1-\cos\beta)/2 \\ -\cos\alpha\sin\beta & \sin\alpha & \cos\alpha\cos\beta & z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (7)$$



(a) 全向移动平台三维模型

图 3 全向移动平台三维模型和运动学模型

Fig. 3 Three dimensional model and kinematics model of omni-directional mobile platform

系。假设坐标原点 O_{6-0} 与 O_{6-i} 在 X 轴方向距离为 L , Y 轴方向距离为 l , 车轮转动时线速度为 v_{iw} , 轮子和地面接触时的线速度为 v_{ir} , 车轮半径 R_{veh} , 轮子轴

$$\mathbf{G}_{o_6' o_6} = \begin{bmatrix} \cos\gamma & -\sin\gamma & 0 & x_{veh} \\ \sin\gamma & \cos\gamma & 0 & y_{veh} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (8)$$

式中 $\mathbf{G}_{o_4' o_5}$ ——并联机构的当前姿态与目标姿态间的位姿变换矩阵

$\mathbf{G}_{o_6' o_6}$ ——全向移动平台的当前姿态与目标姿态间的位姿变换矩阵

并联机构运动到目标位置的过程为: 先绕 Y 轴旋转 β (俯仰), 再绕 X 轴旋转 α (滚转), 然后升高到 z , 且俯仰和滚转运动中沿 X 轴方向和 Y 轴方向的伴随运动分别为 $r\cos(2\alpha)(1-\cos\beta)/2$ 、 $-r\sin(2\alpha)(1-\cos\beta)/2$ ^[21], 其中 r 为动平台 3 个支点外接圆半径。全向移动平台运动到目标位置的过程为沿 X 和 Y 轴方向平移 x_{veh} 和 y_{veh} 、绕 Z 轴旋转 γ 。

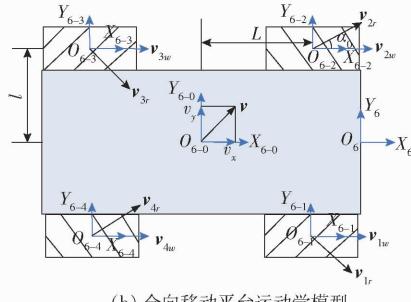
将式(7)、(8)代入式(6), 根据实测的姿态矩阵和各坐标系之间的固有关系, 可分别解算出全向移动平台及并联调姿机构的运动参数(x_{veh} , y_{veh} , γ)和(α , β , z)。

3 调姿运动实现

3.1 全向移动平台运动

为实现上述全向移动平台由当前姿态到目标姿态的各轴运动参数 x_{veh} , y_{veh} , γ 的自动调整, 需建立全向移动平台的 4 个麦克纳姆轮全向轮组的运动学模型, 解算各轮组运动和平台运动的关系, 通过对轮组的协同控制, 实现平台在平面内连续、高精度位置及角度调整, 三维模型如图 3a 所示。

对建立的运动学模型构建如图 3b 所示的坐标系: 参考坐标系 $O_{6-0} X_{6-0} Y_{6-0} Z_{6-0}$ 以全向移动平台的位置中心为原点, 坐标系 $O_{6-i} X_{6-i} Y_{6-i} Z_{6-i}$ ($i = 1, 2, 3, 4$) 以各个麦克纳姆轮位置中心为原点, 各坐标系与全向移动平台端面坐标系 $O_6 X_6 Y_6 Z_6$ 均为平行



(b) 全向移动平台运动学模型

线与轮毂轴线夹角为 α_0 , 全向移动平台平移速度 $v = (v_x, v_y)$, 绕 Z 轴旋转角速度为 ω_z 。根据运动学模型和逆向运动学分解, 各个车轮转动角速度 ω_i ($i = 1, 2, 3, 4$)

2,3,4)分别为

$$\left\{ \begin{array}{l} \omega_1 = \frac{1}{R_{veh}} [-v_x \cot \alpha_0 + v_y + (l + L \cot \alpha_0) \omega_z] \\ \omega_2 = \frac{1}{R_{veh}} [v_x \cot \alpha_0 + v_y - (l + L \cot \alpha_0) \omega_z] \\ \omega_3 = \frac{1}{R_{veh}} [-v_x \cot \alpha_0 + v_y - (l + L \cot \alpha_0) \omega_z] \\ \omega_4 = \frac{1}{R_{veh}} [v_x \cot \alpha_0 + v_y + (l + L \cot \alpha_0) \omega_z] \end{array} \right. \quad (9)$$

根据全向移动平台的各轴运动量,设定运动时间后,已知平台整体平移速度和绕中心的转动角速度,由式(9)可解算平台各个车轮转速,进而基于多轴协同控制实现当前姿态到目标姿态的3自由度自动调整。

3.2 并联调姿机构运动

为了实现并联调姿机构由当前姿态到目标姿态(α, β, z)的自动调整,对机构分析如下:并联机构采用3-RPS机构,如图4所示,其上下平台都是正三角形,两平台以3个分支相联,每个分支由3个运动关节连接,上平台各个支点分别连接一个球关节,下平台的每个支点各自连接一个转动关节,球关节和转动关节通过移动关节相连^[22]。其中移动关节采用三级液压缸,电机驱动液压缸伸缩,通过杆长变化实现上平台俯仰、滚转和升降^[23-25]。并联调姿机构的下平台外接圆半径R为525 mm,上平台外接圆半径r为425 mm,液压缸收缩态长度为440 mm,伸出态长度达1 050 mm,Z向可升高616.7 mm,满足大展收比的需求。

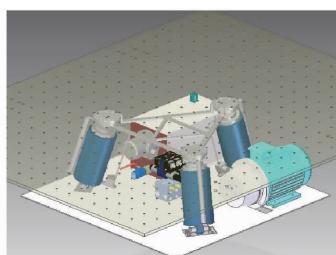


图4 并联调姿机构三维模型和运动学模型

Fig. 4 Three dimensional model and kinematic model of parallel mechanism

初始姿态下,以并联机构上下平台的形心为坐标原点建立的坐标系分别为 $O_4X_4Y_4Z_4$ 和 $O_5X_5Y_5Z_5$,目标姿态下,坐标系分别记为 $O'_4X'_4Y'_4Z'_4$ 和 $O'_5X'_5Y'_5Z'_5$ 。并联机构的结构特点确定了下平台支点 B_i ($i=1,2,3$)在坐标系 $O'_5X'_5Y'_5Z'_5$ 下的坐标 (b_{xi}, b_{yi}, b_{zi}) ,再根据上平台支点 A_i 在上平台形心坐标系 $O'_4X'_4Y'_4Z'_4$ 中的坐标 (a_{xi}, a_{yi}, a_{zi}) ,将并联调姿机构的目标姿态代入式(5)可得目标姿态上、下平台形心坐标系的位姿关系 $G_{o_4o_5}$,则下平台各支点 B_i 在下平台形心坐标系下的坐标 (a_{xi}, a_{yi}, a_{zi}) 为

$$\begin{bmatrix} a_{xi} & a_{yi} & a_{zi} & 1 \end{bmatrix}^T = G_{o_4o_5} \begin{bmatrix} a_{xi} & a_{yi} & a_{zi} & 1 \end{bmatrix}^T \quad (10)$$

可得目标姿态下,各缸长度为

$$\begin{aligned} l_i &= |A_iB_i| = \\ &\sqrt{(a_{xi} - b_{xi})^2 + (a_{yi} - b_{yi})^2 + (a_{zi} - b_{zi})^2} \end{aligned} \quad (i=1,2,3) \quad (11)$$

通过控制3杆的长度进行所需目标姿态的精确调整。

4 调姿算法试验

设备实物如图5所示。在已知姿态下对调姿算法中所需的姿态矩阵进行测试,将实测姿态数据及各矩阵间姿态关系作为输入条件,调姿控制系统自动解算各轴运动量,验证移动并联式六自由度调姿技术的可行性。



图5 设备实物图

Fig. 5 Photo of equipment

1. 模拟负载 2. 并联调姿机构 3. 全向移动平台

为了便于测量,将目标位置设置为检测点,则 $G_{o_2o_1} = I$ 。且根据设备本身结构特点,姿态关系为

$$G_{o_4o_3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1250 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -300 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$G_{o_5o_6} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1250 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 200 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

试验数据如表1所示。其中,初始姿态下相机端面坐标系 $O_3X_3Y_3Z_3$ 、全向移动平台端面坐标系 $O_3X_3Y_3Z_3$ 均与监测点坐标系平行,其他当前姿态为以初始姿态为基础进行的姿态转变,各轴运动量解算结果中, x_{veh} 与初始姿态下 $O_{31}(1,4)$ 对应, y_{veh} 与初始姿态下 $O_{31}(2,4)$ 对应, γ 与对应的当前姿态下全向移动平台旋转角对应, l_1, l_2, l_3 与目标姿态下坐标系4和坐标系5的相对姿态有关。为了便于验证,表中目标姿态下坐标系4和5平行,高度差d为500 mm,因此并联调姿机构3杆长度应相同,均为

表1 调姿算法试验数据
Tab. 1 Experimental data of attitude adjustment algorithm

序号	当前姿态	实测姿态矩阵				各轴运动量解算结果				
		相机端面坐标系相对于检测点 坐标系姿态矩阵 O_{31}		全向移动平台端面坐标系相对于 检测点坐标系的姿态矩阵 O_{61}		$x_{veh}/$	$y_{veh}/$	$\gamma/(^{\circ})$	$l_1/$	$l_2/$
		mm	mm	mm	mm	mm	mm	mm	mm	mm
1	初始姿态	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1750 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1750 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -1500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		1750.0	0	0	509.9	509.9
2	移动平台旋 转 30°	$\begin{bmatrix} 0.866 & -0.5 & 0 & -1917.5 \\ 0.5 & 0.866 & 0 & 625 \\ 0 & 0 & 1 & -500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} 0.866 & -0.5 & 0 & -1917.5 \\ 0.5 & 0.866 & 0 & 625 \\ 0 & 0 & 1 & -1500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		1750.0	0	-30.00	509.9	509.9
3	并联机构上 仰 5° , 右翻 5°	$\begin{bmatrix} 0.996 & 0 & 0.087 & -1749.2 \\ 0.0076 & 0.996 & -0.087 & -0.14 \\ -0.087 & 0.087 & 0.992 & -500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1750 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -1500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		1750.0	0	0	509.8	510.1
4	移动平台旋 转 5° ; 并联 机 构 上 仰 5° , 右翻 5°	$\begin{bmatrix} 0.992 & -0.087 & 0.094 & -1753.95 \\ 0.094 & 0.992 & -0.079 & 108.87 \\ -0.087 & 0.087 & 0.992 & -500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} 0.996 & -0.087 & 0 & -1754.76 \\ 0.087 & 0.996 & 0 & 108.94 \\ 0 & 0 & 1 & -1500 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$		1750.3	0.1	-4.95	510.0	509.5

$$l_1 = l_2 = l_3 = \sqrt{d^2 - (R - r)^2} = 509.9 \text{ mm}$$

经试验验证, 基于移动并联式六自由度调姿技术将多轴耦合的空间六自由度完全解耦, 实现全向移动平台和并联调姿机构分别调姿, 姿态互补, 调姿设备能够快速精准地实现大型相机任意姿态向目标姿态的自动化柔性姿态调整, 全向移动平台移动精度优于0.3 mm, 旋转精度优于0.05°, 杆长精度优于0.5 mm, 验证了调姿算法的可行性和准确性。

5 结束语

基于机器人运动学理论, 对航天相机辐射定标

测试阶段的自动调姿过程及快速调整算法进行了研究, 提出一种基于激光测量和多姿态矩阵自动解算的移动并联式六自由度自动解耦算法。利用测得的实际姿态和各坐标系位姿关系, 自动解算全向移动平台和并联调姿机构当前姿态到目标姿态的位姿变换矩阵, 然后对各自由度解耦反算各轴的运动参数, 通过控制全向移动平台麦克纳姆轮4个轮组的转动速度、方向和时间, 控制并联调姿机构3杆长度, 从而实现到目标姿态的自动调整。经试验验证, 全向移动平台移动精度优于0.3 mm, 旋转精度优于0.05°, 杆长精度优于0.5 mm。

参 考 文 献

- [1] SHANG M, BUTTERFIELD J. The experimental test and FEA of a PKM (Exechon) in a flexible fixture application for aircraft wing assembly [C] // 2011 International Conference on Mechatronics and Automation (ICMA). New York: IEEE. 2011.
- [2] 宋晨, 杨洋, 张雷雨, 等. 一种六自由度调姿机构的运动学与误差分析 [J]. 机械设计与研究, 2017, 33(4): 16–21.
- [3] SONG Chen, YANG Yang, ZHANG Leiyu, et al. Kinematics and error analysis of an attitude adjustment mechanism with six degrees of freedom [J]. Machine Design & Research, 2017, 33(4): 16–21. (in Chinese)
- [4] 尤晶晶, 符周舟, 吴洪涛, 等. 12-6台体型 Stewart冗余并联机构正向运动学研究 [J/OL]. 农业机械学报, 2017, 48(12): 395–402.
- [5] YOU Jingjing, FU Zhouzhou, WU Hongtao, et al. Forward kinematics of general 12-6 Stewart redundant parallel mechanism [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48(12): 395–402. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx?file_no=20171249&flag=1. DOI: 10.6041/j.issn.1000-1298.2017.12.049. (in Chinese)
- [6] 敬兴久, 吉方, 梅斌, 等. 基于大型构件装配的六自由度并联机构设计技术研究 [J]. 制造技术与机床, 2018(8): 59–63.
- [7] JING Xingjiu, JI Fang, MEI Bin, et al. Research on the design technology of six degrees of freedom parallel mechanism based on large component assembly [J]. Manufacturing Technology & Machine Tool, 2018(8): 59–63. (in Chinese)
- [8] 顾营迎, 霍琦, 李昂, 等. 用于光学遥感器耐受卫星平台微振动环境地面测试的六自由度平台 [J]. 光学精密工程, 2016, 24(9): 2200–2207.
- [9] GU Yingying, HUO Qi, LI Ang, et al. Six DOF platform applied in ground test of optical remote sensor alleviation margin in satellite micro-vibration environment [J]. Optics and Precision Engineering, 2016, 24(9): 2200–2207. (in Chinese)
- [10] 耿明超, 赵铁石, 赵飞, 等. 6 UP RRUS 折叠式并联机构及其动力学模型 [J]. 中国机械工程, 2015, 26(4): 456–463.
- [11] GENG Mingchao, ZHAO Tieshi, ZHAO Fei, et al. A 6-UPRRUS foldable parallel mechanism and its dynamics model [J].

China Mechanical Engineering, 2015, 26(4):456–463. (in Chinese)

- [7] 崔学良,陈五一,韩先国,等.基于 Lagrange 方程的 3RPS/UPS 元余驱动并联机构柔顺控制[J].计算机集成制造系统,2016, 22 (10):2434–2441.
- CUI Xueliang, CHEN Wuyi, HAN Xianguo, et al. Active compliant control strategy of 3RPS/UPS parallel machine with redundant actuating leg based on Lagrange equation[J]. Computer Integrated Manufacturing Systems, 2016, 22 (10):2434 – 2441. (in Chinese)
- [8] 梁桥康,吴贵元,邹坤霖,等.3RPS/UPS 结构并联机器人设计与分析[J].湖南大学学报(自然科学版),2016,43(10):110 – 118.
- LIANG Qiaokang, WU Guiyuan, ZOU Kunlin, et al. Design and analysis of 3RPS/UPS parallel mechanism [J]. Journal of Hunan University (Natural Science), 2016, 43(10):110 – 118. (in Chinese)
- [9] 张彦斐,金鹏,宫金良,等.3 – RPS 并联机器人粘性摩擦工况动力学建模[J/OL].农业机械学报,2018,49(9):374 – 381. ZHANG Yanfei, JIN Peng, GONG Jinliang, et al. Dynamic modeling of 3 – RPS parallel robot considering joint friction[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018, 49 (9):374 – 381. http://www.j-csam.org/jesam/ch/reader/view_abstract.aspx?file_no=20180944&flag=1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.09.044. (in Chinese)
- [10] 高峰,李艳,黄玉美,等.3 – RPS 并联机构运动学标定方法的研究[J].仪器仪表学报,2012,33(3):568 – 574.
- GAO Feng, LI Yan, HUANG Yumei, et al. Study on kinematic calibration method of 3 – RPS parallel mechanism [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2012, 33(3):568 – 574. (in Chinese)
- [11] 于凌涛,张楠,张立勋,等. 3 – RPS 并联机器人静力学研究及 SimMechics 仿真[J].哈尔滨工程大学学报,2010,31(8):1061 – 1082.
- YU Lingtao, ZHANG Nan, ZHANG Lixun, et al. A SimMechics simulation of static forces in a 3 – RPS parallel robot [J]. Journal of Harbin Engineering University, 2010, 31(8):1061 – 1082. (in Chinese)
- [12] 陈修龙,王成硕.基于牛顿-欧拉法的 4 – UPS – RPS 机构刚体动力学分析[J].计算机集成制造系统,2014, 20(7):1709 – 1715.
- CHEN Xiulong, WANG Chengshuo. Rigid-body dynamics analysis of 4 – UPS – RPS mechanism based on Newton – Euler approach[J]. Computer Integrated Manufacturing Systems, 2014, 20(7):1709 – 1715. (in Chinese)
- [13] 梅江平,高奔,谭杨,等.3 – S(P –)R 并联机构运动学分析[J].农业机械学报,2012,43(8): 215 – 220.
- MEI Jiangping, GAO Ben, TAN Yang, et al. Kinematic analysis of 3 – SPR parallel mechanism[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2012, 43(8): 215 – 220. (in Chinese)
- [14] 张攀,寇力英,柳阳,等.航空发动机多自由度调姿安装架车结构仿真设计[J].科技创新与生产力,2019(4):45 – 47.
- ZHANG Pan, KOU Liying, LIU Yang, et al. Structural design and simulation of aero-engine multi-freedom attitude-adjusting installation[J]. Sci-tech Innovation and Productivity, 2019(4):45 – 47. (in Chinese)
- [15] 王志,黄松,温琦,等. 航空发动机多自由度调姿装置的设计与试验[J].航空工程进展, 2019(2): 225 – 230.
- WANG Zhi, HUANG Song, WEN Qi, et al. Design and test of multi-DOF posturing device for aero-engine[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2019(2): 225 – 230. (in Chinese)
- [16] 徐德勇,李兴宝,张战,等.一种六自由度调姿平台的控制系统及控制方法:中国,CN106275501B[P].2018 – 08 – 14.
- [17] 杨桂林,吴存存,陈庆盈,等.3T1R 并联机构运动学分析与优化设计[J/OL].农业机械学报,2017, 48(12): 386 – 394. YANG Guilin, WU Cuncun, CHEN Chinyin, et al. Kinematics analysis and design optimization of novel 3T1R parallel manipulator[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48 (12): 386 – 394. http://www.j-csam.org/jesam/ch/reader/view_abstract.aspx?file_no=20171248&flag=1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2017.12.048. (in Chinese)
- [18] 陈修龙,郭景尧,贾永皓.3 – RRPaR 并联机构刚体动力学建模与分析[J/OL].农业机械学报,2020,51(6): 404 – 411. CHEN Xiulong, GUO Jingyao, JIA Yonghao. Rigid body dynamics modeling and analysis of 3 – RRPaR parallel mechanism[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51 (6): 404 – 411. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx?file_no=20200644&flag=1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.06.044. (in Chinese)
- [19] 贾晓辉,刘今越,田延岭.空间全柔性并联机构动力学分析[J/OL].农业机械学报,2012,43(8): 210 – 214. JIA Xiaohui, LIU Jinyue, TIAN Yanling. Dynamics analysis of spatial compliant parallel mechanism[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2012, 43 (8): 210 – 214. http://www.j-csam.org/jesam/ch/reader/view_abstract.aspx?file_no=20120838&flag=1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2012.08.038. (in Chinese)
- [20] 蔡自兴.机器人大学[M].北京:清华大学出版社, 1978.
- [21] 姚太克.一类三自由度并联机构的特性研究与优化设计[D].合肥:中国科学技术大学, 2013.
- YAO Taike. Performance analysis and optimal design of a class of parallel mechanisms with 3 degrees of freedom[D]. Hefei: University of Science and Technology of China, 2013. (in Chinese)
- [22] 韩方元,赵丁选,李天宇.3 – RPS 并联机构正解快速数值算法[J].农业机械学报,2011,42(4):229 – 233.
- HAN Fangyuan, ZHAO Dingxuan, LI Tianyu. A fast forward algorithm for 3 – RPS parallel mechanism[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2011, 42(4):229 – 233. (in Chinese)
- [23] 任文博,颜兵兵,殷宝麟,等.3 – RPS 型并联机构运动正解的研究[J].佳木斯大学学报,2014,32(3):412 – 423. REN Wenbo, YAN Bingbing, YIN Baolin, et al. Research on direct kinematics for 3 – RPS parallel mechanism[J]. Journal of Jiamusi University(Natural Science Edition), 2014,32(3):412 – 423. (in Chinese)
- [24] CHUNG J, YI B J, OH S. A foldable 3 – DOF parallel mechanism with application to a flat-panel TV mounting device[J]. IEEE Transactions on Robotics, 2009, 25(5):1214 – 1221.
- [25] CHUNG J, LEE S H, YI B J, et al. Implementation of a foldable 3 – DOF master device to a glass window panel fitting task[J]. Automation in Construction, 2010, 19(7):855 – 866.