doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.S1.066

基于高斯混合模型的履带拖拉机转弯半径控制方法

王 猛 赵 博 王长伟 李宏伟 刘阳春 方宪法 (中国农业机械化科学研究院土壤植物机器系统技术国家重点实验室,北京100083)

摘要:履带拖拉机采用差速转向,转向可控性差,影响自动导航性能,为提高履带拖拉机自动导航的性能,以液压传动控制行星差速转向履带拖拉机为研究对象,建立履带拖拉机转弯半径数学模型。构建每个控制量下转弯半径均值和方差计算方法,建立基于卡尔曼滤波和局部加权回归的转弯半径均值和方差更新方法。分别针对直线路径跟踪和掉头建立基于高斯混合模型的履带拖拉机转弯半径控制方法。采用纯跟踪算法分别以不同的初始位置偏差进行自动导航仿真试验,得到导航轨迹、位置偏差和角度偏差。以农夫 NF - 702 型履带拖拉机为平台,分别以不同车速进行导航试验,试验结果表明,在初始航向角为0,车速分别为1.0、1.5 m/s时,导航平均误差分别为-0.62 cm和0.28 cm,导航误差绝对值极值分别为10.14 cm和8.10 cm,导航误差绝对值均值分别为2.34 cm和2.57 cm,导航均方根误差分别为3.77 cm和3.99 cm。本文提出的基于高斯混合模型的履带拖拉机转弯半径控制方法可应用到液压传动控制行星差速转向履带拖拉机自动导航领域,满足实际田间作业需求。

关键词:履带拖拉机;自动导航;高斯混合模型;转弯半径;卡尔曼滤波

中图分类号: S219.2; TP29 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2020)S1-0557-07

Method for Controlling Turning Radius of Crawler-type Tractors Based on GMM

WANG Meng ZHAO Bo WANG Changwei LI Hongwei LIU Yangchun FANG Xianfa (State Key Laboratory of Soil – Plant – Machine System Technology, Chinese Academy of Agricultural Mechanization Sciences, Beijing 100083, China)

Abstract: Crawler-type tractors use differential steering, which has poor steering controllability and affects the performance of automatic navigation. In order to improve the performance of the automatic navigation of the crawler-type tractor, hydraulic transmission control planetary differential steering crawler-type tractor was taken as the research object, and the mathematical model of the turning radius of the crawler tractor was established. A calculation method for the mean and variance of the turning radius under each control variable was constructed, and a method for updating the mean and variance of the turning radius based on Kalman filter and local weighted regression was established. Based on Gaussian mixture model a tracked tractor turning radius control method was established for straight-line path tracking and turn round respectively. The pure pursuit was used to conduct automatic navigation simulation tests with different initial position deviations, and the results of navigation trajectory, position deviation and angle deviation were obtained. Using the NF -702 crawler-type tractor as experiment platform, a series of simulation tests were done at different speeds. Experiment results showed that when the initial heading angle was 0, the vehicle speed was 1.0 m/s and 1.5 m/s, the average navigation error was -0.62 cm and 0.28 cm, and the absolute value of the navigation error was 10.14 cm and 8.10 cm, respectively. The mean absolute value of navigation error was 2.34 cm and 2.57 cm, respectively, and the root mean square error of navigation was 3.77 cm and 3.99 cm, respectively. The experiment results showed that the proposed turning radius control method of crawler-type tractors based on Gaussian mixture model can be applied to the field of tracked tractor automatic navigation to meet the actual field operation requirements.

Key words: crawler-type tractors; automatic navigation; Gaussian mixture model; turning radius; Kalman filter

收稿日期: 2020-08-03 修回日期: 2020-09-16

基金项目:国家重点研发计划项目(2017YFD0700403)

作者简介: 王猛(1987—), 男, 博士生, 主要从事农机多机协同和自动驾驶技术研究, E-mail: 854995120@ qq. com

通信作者:方宪法(1963一),男,研究员,博士生导师,主要从事农业机械化和农业工程领域技术研究,E-mail: fangxf@ caams. org. cn

0 引言

农机自动导航技术是智能农机装备领域的一项 关键技术,其中基于北斗的农机定位与导航技术是 研究的重点^[1-4],拖拉机作为农机的载体,是自动导 航领域的主要研究对象。

轮式拖拉机在大田使用广泛且拖拉机转弯半径 精确可控,其自动导航技术研究较多[5-12];履带拖 拉机具有转向灵活、机动性强并且对农田破坏小等 优点,在农业生产尤其水田作业中得到越来越广泛 的应用,但由于其采用差速转向,转向可控性差,因 此对履带拖拉机自动导航技术研究较少。目前,在 履带车辆自动导航领域研究较多的是路径跟踪技术 和掉头技术。在直线路径跟踪方面, TAKAI 等^[13-14]利用 RTK 结合 IMU 作为导航传感器,采用 PI 控制实现 0.6 m/s 速度下导航偏差1.4 cm,航向 角偏差 0.22°; 文献 [15-16] 采用 RTK 定位技术, 并依靠在拖拉机两侧驱动轮安装转速传感器,采用 模糊控制实现直线路径跟踪。在曲线路径跟踪方 面,王博洋等[17-18]研究了一种基于高斯混合-隐马 尔可夫模型的履带车辆横向控制模型,采用模糊控 制实现曲线路径跟踪;胡家铭等^[19]研究一种基于模 型预测控制的无人驾驶履带车辆轨迹跟踪方法实现 曲线路径跟踪。在掉头技术研究方面,TAKAI等^[20] 研究了一种锁孔形路径掉头方法,该方法采用2个 等半径的圆相切的轨迹作为掉头路径,进而实现了 履带拖拉机的掉头。一般情况下,履带拖拉机无法 实现精确转弯半径控制,其自动导航一般采用模糊 控制或 PID 控制等方法实现,很难实现精确掉头控 制,导航控制精度较差,一些比较成熟的轮式车辆控 制方法很难应用到履带车辆自动导航控制领域。

本文以农夫 NF - 702 型履带拖拉机为研究对 象,研究液压传动控制差速转向履带拖拉机转弯半 径模型,构建每个控制量下转弯曲率均值和方差的 计算方法,基于卡尔曼滤波和局部加权回归建立模 型更新方法,提出一种基于高斯混合模型的转弯半 径控制方法,为履带拖拉机自动驾驶提供一种较为 精确的转弯半径控制方法。

1 液压传动控制履带拖拉机转向模型

履带拖拉机采用差速转向,转向灵活,其中液压 传动控制行星差速转向履带拖拉机是当前履带拖拉 机的主要产品,本文以 NF - 702 型履带拖拉机为研 究对象。履带拖拉机转向可控性差,给自动驾驶带 来了困难。履带拖拉机转向示意图如图1所示。

理想条件下履带拖拉机的转弯半径和横摆角速







度为

$$R = \frac{(v_1 + v_2)B}{2(v_1 - v_2)} \tag{1}$$

$$\omega = \frac{v_1 - v_2}{B} \tag{2}$$

NF-702型履带拖拉机采用整体式液压传动装置(HST)控制拖拉机的行走和转向。拖拉机行走机构如图2所示,其中HST由变量柱塞泵和定量马达组成。通过控制变量柱塞泵的斜盘倾角,控制柱塞泵的排量与方向,从而控制液压马达输出轴转速和方向,进而控制驱动轮的转速和方向。



图 2 拖拉机行走机构示意图



行走机构柱塞泵流量为

$$q_{pd} = \frac{\pi}{4i_1} d_1^2 D_1 \tan \gamma_1 z_1 n_m \eta_{Vpd}$$
(3)

式中 *i*₁——发动机输出轴与行走机构柱塞泵输入 轴传动比

- d1---行走机构柱塞泵柱塞直径,m
- D1----行走机构柱塞泵柱塞分布圆盘直径,m
- γ₁——行走机构柱塞泵斜盘倾斜角,rad
- z₁——行走机构柱塞泵柱塞数量
- n_m——发动机转速,r/min

 η_{Vad} ——行走机构柱塞泵容积效率 行走机构定量马达的输出轴转速为

$$n_{md} = \frac{q_{pd} \boldsymbol{\eta}_{Vmd}}{V_{md}} \tag{4}$$

式中 ŋ_{Vmd}——行走机构液压马达容积效率

V....-行走机构液压马达排量,m³/r

副变速挡位固定时 HST 输出轴与驱动轮转速 比为定值,本文在低速挡位进行研究。

行走机构提供给驱动轮的转速为

$$n_{d} = k_{1}n_{md} = \frac{k_{1}\pi d_{1}^{2}D_{1}\tan\gamma_{1}z_{1}n_{m}\eta_{Vpd}\eta_{Vmd}}{4i_{1}V_{md}} \qquad (5)$$

式中 k1----比例系数

拖拉机转向控制机构与行走控制机构相似,由 HST 控制转向机构液压马达输出轴转速和方向,并 通过行星差速装置提供给两侧驱动轮大小相等、方 向相反的转速。

转向机构提供给驱动轮的转速为

$$n_{t} = \frac{k_{2}\pi d_{2}^{2} D_{2} \tan \gamma_{2} z_{2} n_{m} \eta_{V_{pt}} \eta_{V_{mt}}}{4 i_{2} V_{mt}}$$
(6)

- 式中 k,——比例系数
 - i,——发动机输出轴与转向机构柱塞泵输入 轴传动比
 - d,——转向机构柱塞泵柱塞直径,m
 - D2----转向机构柱塞泵柱塞分布圆盘直径,m
 - γ, ——转向机构柱塞泵斜盘倾斜角, rad
 - z2——转向机构柱塞泵柱塞数量
 - η_{Vat} ——转向机构柱塞泵容积效率
 - η_{Vmt} ——转向机构液压马达容积效率
 - V_{mt}——转向机构液压马达排量,m³/r

履带拖拉机两侧驱动轮转速分别为 n_d + n_t 和 $n_d - n_i$,由式(1)、(5)、(6)得

 $k_1 d_1^2 D_1 z_1 i_2 V_{mt}$

$$R = C\eta \, \frac{\tan \gamma_1}{\tan \gamma_2} \tag{7}$$

其中

$$C = \frac{\kappa_1 a_1 D_1 z_1 l_2 v_{mt}}{k_2 d_2^2 D_2 z_2 i_1 V_{md}}$$
(8)
$$\eta = \frac{\eta_{Vpd} \eta_{Vmd}}{\eta_{Vmd}}$$
(9)

$$\eta = \frac{1}{\eta_{V_{pt}}} \eta_{V_{mt}} \tag{9}$$

式中 C——常系数 η——容积效率比 设拖拉机速度为v,则横摆角速度为

$$\omega = \frac{v}{R} = \frac{v \tan \gamma_2}{C \tan \gamma_1 \eta} \tag{10}$$

由式(7)可知,理想条件下拖拉机的转弯半径 只取决于行走机构和转向机构 HST 变量柱塞泵斜 盘倾角和 HST 机构的容积效率。

基于高斯混合模型的转弯半径控制方法 2

当 γ_1 ≠0 时 *R*≠0,令拖拉机的转弯曲率 *K* = 1/*R*

为状态量,HST 斜盘转角 γ_1, γ_2 为控制量。定义状 态量 $\mathbf{x}_{t} = \{K\}$,控制量 $\mathbf{u}_{t} = \{\gamma_{1}, \gamma_{2}\}$ 。拖拉机转弯曲 率为

$$K = \frac{1}{R} = \frac{1}{C\eta} \frac{\tan\gamma_2}{\tan\gamma_1}$$
(11)

根据式(7)、(11),在理想条件下 NF-702 型履 带拖拉机转弯曲率只取决于 γ_1 和 γ_2 的组合。假设 电动控制可实现 HST 斜盘转角 m 个位置的定位控 制,则在电控控制下曲率 K 为多个离散数据的集 合。假设 HST 斜盘转角每个位置为一个状态, 在 γ_1 和 γ,每个状态组合进行多次试验,采用分层抽样等 比分配方法进行抽样,得到每个组合下的 n 个样本, 并认为这 n 个样本服从正态分布。

利用无偏估计得到 γ₁、γ₂ 每个组合状态下拖拉 机转弯曲率K的均值和方差

$$\overline{X}_{ij} = \frac{\sum_{k=1}^{n} X_{ijk}}{n}$$
(12)

$$s_{ij}^{2} = \frac{\sum_{k=1}^{n} (X_{ijk} - \overline{X}_{ij})^{2}}{n-1}$$
(13)

式中 X_{iik} —— γ_1 在第 *i*个状态、 γ_2 在第 *j*个状态下 第 k 个样本的值, m⁻¹

$$\Rightarrow \mu_{ij} = \overline{X}_{ij} \qquad \sigma_{ij}^2 = s$$

状态量 x 的高斯模型为

$$G(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{m} p_{ij}g(\mathbf{x}; \boldsymbol{\mu}_{ij}, \boldsymbol{\sigma}_{ij}^{2})$$
(14)
$$p_{ij} = 1/m^{2}$$
(15)

$$g(\boldsymbol{x};\boldsymbol{\mu}_{ij},\boldsymbol{\sigma}_{ij}^{2}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{ij}} \exp\left(-\frac{1}{2\sigma_{ij}^{2}}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\mu}_{ij})^{2}\right)$$

(16)

(15)

式中 $p_{ii} - \gamma_1$ 在第 *i*个状态、 γ_2 在第 *j*个状态高 斯模型的先验概率

导航过程中的误差主要源于作业过程中 η 的 变化和滑移率的改变,为减少误差采用不断更新模 型中 μ_{ii} 和 σ_{ii}^2 的方法来降低 η 和滑移率变化带来的 误差。设观测量为转弯曲率 $z_i = \{k\}, 对导航过程$ 中的每个时刻的控制位置进行卡尔曼滤波对模型 进行更新

$$z_i = \boldsymbol{C}_i \boldsymbol{x}_i + \boldsymbol{\delta}_i \tag{17}$$

式中 z₁——转弯曲率 C₁——观测模型矩阵,由于观测量与状态量 相同,C,为1

式中 K_{aij}——卡尔曼增益

Q₁——测量噪声的方差矩阵

由式(11)可知,理想条件下在 γ_1 不变时,*K*是 一条平滑曲线,且当 γ_2 =0时*K*=0。当 γ_1 、 γ_2 分别 为*i*,*j*时,利用卡尔曼滤波更新的值,采用局部加权 回归方法更新模型中的 μ_{ii-1} 和 μ_{ii+1} ,曲率为

 $y = \boldsymbol{\theta}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{x} \tag{19}$

(20)

$$= \begin{bmatrix} \theta_0 & \theta_1 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & \gamma_2 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
(21)

式中
$$\theta_0$$
、 θ_1 — 需要优化的系数

优化函数为

min
$$\sum_{i} w^{(i)} (y^{(i)} - \boldsymbol{\theta}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{x}^{(i)})^{2}$$
 (22)

其中
$$w^{(i)} = \exp\left(-\frac{(x^{(i)} - x)^2}{2\tau^2}\right)$$
 (23)

直线路径跟踪过程中,假设只通过控制转向 HST 实现近似转弯半径的控制,当行走 HST 斜盘倾 角位于第*i*个状态,要实现实际转弯曲率为*x*_k时, 转向 HST 斜盘倾角 γ₂ 位于第*j*个状态的概率为

$$p(\boldsymbol{\gamma}_{2j}|\boldsymbol{\gamma}_{1i},\boldsymbol{x}_{k}) = \frac{p_{ij}g(\boldsymbol{x}_{k};\boldsymbol{\mu}_{ij},\boldsymbol{\sigma}_{ij}^{2})}{\sum_{l=1}^{m}p_{il}g(\boldsymbol{x}_{k};\boldsymbol{\mu}_{il},\boldsymbol{\sigma}_{il}^{2})}$$
(24)

转向 HST 斜盘倾角的位置状态函数为

 $f(\mathbf{x}_{k}, \boldsymbol{\gamma}_{1i}) = \underset{j}{\operatorname{argmax}}(p(\boldsymbol{\gamma}_{2j} | \boldsymbol{\gamma}_{1i}, \boldsymbol{x}_{k})) \quad (25)$ 得到转向 HST 斜盘倾角 $\boldsymbol{\gamma}_{2}$ 的位置为第 *j* 个状态。

掉头过程中,为使转弯半径更精确,采用同时调整行走和转向 HST 的方式,要实现状态量 x_k,行走 HST 斜盘倾角和转向 HST 斜盘倾角分别为第 *i* 和第 *j* 个状态的概率为

$$p(\boldsymbol{u}_{ij}|\boldsymbol{x}_{k}) = \frac{p_{ij}g(\boldsymbol{x}_{k};\boldsymbol{\mu}_{ij},\boldsymbol{\sigma}_{ij}^{2})}{\sum_{a=1}^{m}\sum_{b=1}^{m}p_{ab}g(\boldsymbol{x}_{k};\boldsymbol{\mu}_{ab},\boldsymbol{\sigma}_{ab}^{2})}$$
(26)

控制量状态函数为

$$f(\boldsymbol{x}_{k}) = \operatorname*{argmax}_{i,j}(p(\boldsymbol{u}_{ij}|\boldsymbol{x}_{k}))$$
(27)

得到行走 HST 和转向 HST 斜盘倾角的位置分别位

于第*i*个状态和第*j*个状态。

3 试验与结果分析

直线路径跟踪采用纯跟踪算法,如图 3 所示,导 航坐标系选用高斯坐标系 $X_g O_g Y_g$,拖拉机车体坐标 系为 $X_b O_b Y_b$ 。 G(x,y)为期望路径上的跟踪目标点, x 和 y 分别为目标点 G 在车体坐标系中的横坐标和 纵坐标; θ_e 为拖拉机当前航向和目标点航向的偏 差; L_d 为前视距离; ϕ 为拖拉机沿着预期弧线到达 目标点所转过的航向角;d 为拖拉机相对于预期目 标点的横向偏差,以拖拉机前进方向为基准,规定拖 拉机在预设路径右侧时横向偏差为页(d < 0)。



图 5 纯成际候型小息图 Fig. 3 Pure tracking model

根据文献[7],拖拉机转弯曲率 K 为

$$K = 2 \frac{d\cos\theta_e - \sqrt{L_d^2 - d^2}\sin\theta_e}{L_d^2}$$
(28)

掉头过程中,设相邻两个作业路径之间的距离 为 W,则拖拉机的理想掉头半径为 W/2。履带拖拉 机容易实现的 3 种掉头路径为:①路径 1:取拖拉机 最接近 W/2 的转弯半径 R,以 R 为半径形成半圆形 掉头路径。②路径 2:取小于 W/2 的转弯半径 R,形 成转弯-直线-转弯的弓形掉头路径。③路径 3:取 两个均值约为 W/2 的转弯半径 R_1 和 $R_2(R_1 > R_2)$, 先以 R_1 为半径掉头 90°,接着以 R_2 为半径掉头 90° 形成掉头路径,如图 4 所示。



Fig. 4 Schematic trajectory of turning

561

3.1 仿真试验

容积效率比 η 与 HST 压力、转速等参数有关,为 方便仿真计算设 $\eta = (-2.3 \times 10^{-4} \gamma_2^2 + 1)/(-2.5 \times 10^{-4} \gamma_1^2 + 1)$,常系数 C = 8,由式(11)令当行走和转向 HST 斜盘转角分别为第 i 和第 j 个状态时转弯曲率的 均值 $\mu_{ij} = \tan \gamma_{2j}/(C\eta \tan \gamma_{1i})$,方差 $\sigma_{ij}^2 = 1$,HST 斜盘转角 $\gamma_1 = \{0, 1, \dots, 30\}, \gamma_2 = \{-30, -29, \dots, 0, 1, \dots, 30\}$ 。 采用纯跟踪直线路径跟踪算法和第 1 种掉头路径进行 仿真 试验,设控制 周 期 T = 0.2 s,拖拉机速度为 2.0 m/s,初始角度偏差为 0,初始位置偏差分别为 0.5、1.0、1.5 m,前视距离为3 m,作业行距为3 m,试 验结果如图 5、6 所示。





6 *X*/m

(c)1.5 m

10

12

仿真结果表明,初始位置偏差分别为 0.5、1.0、 1.5 m时,拖拉机均可在 2 s 以内完成上线,上线距 离小于 3 m,上线后位置偏差和角度偏差逐渐趋近 于零。由仿真结果可知,基于高斯混合模型的履 带拖拉机转弯半径控制方法在履带拖拉机自动导 航上线、直线路径跟踪和掉头等方面均满足农业 生产需求。

3.2 路径跟踪试验

3.2.1 车辆改造

对 NF - 702 型履带拖拉机进行改造,如图 7 所示,拖拉机采用双天线 RTK 定位,可以高精度获取 自身实时位置和航向;拖拉机行走机构和转向机构 的 HST 采用电动推杆控制;操纵杆在手动驾驶时控 制行走电动推杆行程;角度传感器在手动驾驶时读 取方向盘的转动方向和角度,进而由导航控制器控 制转向电动推杆行程;数字电位计在自动驾驶过程 中控制油门电磁阀开启的大小。



Fig. 7 Crawler-type tractor retrofit

3.2.2 试验与分析

设行走电动推杆伸长量为 *l*₁,转向电动推杆伸 长量为 *l*₂,根据 HST 变量泵斜盘移动范围和电动推 杆的控制精度将电动推杆移动范围平均分成 40 份。

试验分别以行驶速度 1.0、1.5 m/s,前视距离 3.0 m,作业路径行距 3.0 m,初始位置偏差和航向角 偏差均为 0 进行自动导航试验,试验结果如图 8 和 表 1 所示。

试验结果表明,在速度1.0 m/s时,误差绝对值平均值和均方根误差分别为2.34 cm和3.77 cm;在速度1.5 m/s时,误差绝对值平均值和均方根误差分别为2.57 cm和3.99 cm。由试验结果可知,基于高斯混合模型的履带拖拉机转弯半径控制方法在NF-702 型履带拖拉机自动导航领域可满足农业生产需求。

4 结论

(1)针对履带拖拉机转弯半径与方向盘转角不



是定比的问题,以 NF - 702 型履带拖拉机为研究对象,研究拖拉机转弯半径和相关控制量的关系,建立

表1 导航试验结果

Tab.1 Results of navigation test

车速/	平均误差/	误差绝对值	误差绝对值	均方根误
$(m \cdot s^{-1})$	cm	极值/cm	均值/cm	差/cm
1.0	- 0. 62	10.14	2.34	3.77
1.5	0.28	8.10	2.57	3.99

NF-702 型履带拖拉机转弯半径数学模型。

(2)根据 NF - 702 型履带拖拉机转弯半径数学 模型,计算每个控制位置转弯曲率的均值和方差,构 建基于卡尔曼滤波和局部加权回归的模型更新方 法,建立基于高斯混合模型的履带拖拉机转弯半径 控制方法。

(3)分别以初始位置偏差 0.5、1.0、1.5 m,初始 角度偏差 0,速度 2 m/s,前视距离 3 m,作业行距 3 m,进行自动导航仿真试验,得到上线时间小于 2 s,上线距离小于 3 m 的导航轨迹。

(4)分别以车速 1.0 m/s 和 1.5 m/s,前视距离 3 m,作业行距 3 m,初始位置偏差和初始角度偏差 均为 0 进行导航试验,得到导航轨迹和误差,平均误 差分别为 -0.62 cm 和 0.28 cm,误差绝对值极值分 别为 10.14 cm 和 8.10 cm,误差绝对值均值分别为 2.34 cm 和 2.57 cm,均方根误差分别为 3.77 cm 和 3.99 cm。试验结果表明,基于高斯混合模型的履带 拖拉机转弯半径控制方法在 NF - 702 型履带拖拉 机自动导航领域可满足农业生产需求。

- 参考文献
- [1] 刘成良,林洪振,李彦明,等.农业装备智能控制技术研究现状与发展趋势分析[J/OL].农业机械学报,2020,51(1): 1-18.

LIU Chengliang, LIN Hongzhen, LI Yanming, et al. Analysis on status and development trend of intelligent control technology for agricultural equipment[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020,51(1):1-18. http: //www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20200101&flag = 1&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2020.01.001. (in Chinese)

- [2] 张漫,季宇寒,李世超,等.农业机械导航技术研究进展[J/OL].农业机械学报,2020,51(4):1-18.
 ZHANG Man, JI Yuhan, LI Shichao, et al. Research progress of agricultural machinery navigation technology [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020,51(4):1-18. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20200401&flag = 1&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn. 1000-1298.2020.04.
 001. (in Chinese)
- [3] 谢斌,武仲斌,毛恩荣.农业拖拉机关键技术发展现状与展望[J/OL].农业机械学报,2018,49(8):1-17.
 XIE Bin, WU Zhongbin, MAO Enrong. Development and prospect of key technologies on agricultural tractor [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018,49(8):1-17. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20180801&flag = 1&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.08.001. (in Chinese)
- [4] 胡静涛,高雷,白晓平,等.农业机械自动导航技术研究进展[J].农业工程学报,2015,31(10):1-10.
 HU Jingtao, GAO Lei, BAI Xiaoping, et al. Review of research on automatic guidance of agricultural vehicles[J]. Transactions of the CSAE, 2015,31(10):1-10. (in Chinese)
- [5] 伟利国. 农机导航多模变结构智能控制方法研究[D]. 北京:中国农业机械化科学研究院, 2015.
 WEI Liguo. The application of multimode variable structure intelligent control in typical agriculture machinery navigation system
 [D]. Beijing: Chinese Academy of Agricultural Mechanization Sciences, 2015. (in Chinese)

- [6] 韩树丰,何勇,方慧. 农机自动导航及无人驾驶车辆的发展综述[J]. 浙江大学学报(农业与生命科学版), 2018, 44(4):381-391.
 HAN Shufeng, HE Yong, FANG Hui. Recent development in automatic guidance and autonomous vehicle for agriculture: a review[J]. Journal of Zhejiang University(Agric. & Life Sci.), 2018, 44(4):381-391. (in Chinese)
- [7] 贾全. 拖拉机自动导航系统自适应控制方法研究[D]. 北京:中国农业机械化科学研究院, 2018.
 JIA Quan. Adaptive control method for tractor auto-guidance system [D]. Beijing: Chinese Academy of Agricultural Mechanization Sciences, 2018. (in Chinese)
- [8] 伟利国,张权,颜华,等. XDNZ630 型水稻插秧机 GPS 自动导航系统[J]. 农业机械学报, 2011,42(7):186-190.
 WEI Liguo, ZHANG Quan, YAN Hua, et al. GPS automatic navigation system design for XDNZ630 rice transplanter[J].
 Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2011,42(7):186-190. (in Chinese)
- [9] 魏爽,李世超,张漫,等. 基于 GNSS 的农机自动导航路径搜索及转向控制[J].农业工程学报,2017,33(增刊):70-77.
 WEI Shuang, LI Shichao, ZHANG Man, et al. Automatic navigation path search and turning control of agricultural machinery based on GNSS [J]. Transactions of the CSAE, 2017,33(Supp.):70-77. (in Chinese)
- [10] 王辉, 王桂民, 罗锡文, 等. 基于预瞄追踪模型的农机导航路径跟踪控制方法[J]. 农业工程学报, 2019,35(4):11-19.
 WANG Hui, WANG Guimin, LUO Xiwen, et al. Path tracking control method of agricultural machine navigation based on aiming pursuit model[J]. Transactions of the CSAE, 2019,35(4):11-19. (in Chinese)
- [11] 张智刚, 王桂民, 罗锡文, 等. 拖拉机自动驾驶转向轮角检测方法[J/OL]. 农业机械学报, 2019,50(3):352-357.
 ZHANG Zhigang, WANG Guimin, LUO Xiwen, et al. Detection method of steering wheel angle for tractor automatic driving [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019,50(3):352-357. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20190340&flag = 1&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.
 2019.03.040. (in Chinese)
- [12] 李革,王宇,郭刘粉,等. 插秧机导航路径跟踪改进纯追踪算法[J/OL]. 农业机械学报,2018,49(5):21-26.
 LI Ge, WANG Yu, GUO Liufen, et al. Improved pure pursuit algorithm for rice transplanter path tracking [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018,49(5):21-26. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20180502&flag = 1&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298. 2018.05. 002. (in Chinese)
- [13] TAKAI R, YANG L, NOGUCHI N. Development of a crawler-type robot tractor using RTK GPS and IMU[J]. Engineering in Agriculture, Environment and Food, 2014,7(4):143 - 147.
- [14] TAKAI R, BARAWID O, ISHII K, et al. Development of crawler-type robot tractor based on GPS and IMU[J]. IFAC Proceedings Volumes, 2010,43(26):151-156.
- [15] 贾全,张小超,苑严伟,等. NF-752 型履带式拖拉机自动驾驶系统[J]. 农业工程, 2018,8(4):24-29. JIA Quan, ZHANG Xiaochao, YUAN Yanwei, et al. Automatic driving system for NF-752 tracked tractor[J]. Agricultural Engineering, 2018,8(4):24-29. (in Chinese)
- [16] 伟利国,胡小安,王丽丽.开沟铺管机自动导航系统设计与试验[J].武汉理工大学学报(信息与管理工程版),2012, 34(6):667-670.
 WEI Liguo, HU Xiaoan, WANG Lili. Automatic navigation system design and experiment of pipe-laying trencher[J]. Journal

of Wuhan University of Technology (Information & Management Engineering), 2012,34(6):667-670. (in Chinese)

[17] 王博洋, 龚建伟, 高天云, 等. 基于双层驾驶员模型的履带车辆纵向与横向协同跟踪控制方法[J]. 兵工学报, 2018, 39(9):1675-1682.

WANG Boyang, GONG Jianwei, GAO Tianyun, et al. Longitudinal and lateral path following coordinated control method of tracked vehicle based on double-layer driver model[J]. Acta Armamentarii, 2018,39(9):1675-1682. (in Chinese)

- [18] 王博洋,龚建伟,高天云,等.基于高斯混合-隐马尔可夫模型的速差转向履带车辆横向控制驾驶员模型[J]. 兵工学报,2017,38(12):2301-2308.
 WANG Boyang, GONG Jianwei, GAO Tianyun, et al. Steering control driver model of skid steering vehicle based on Gaussian mixture model-hidden Markov model[J]. Acta Armamentarii, 2017,38(12):2301-2308. (in Chinese)
- [19] 胡家铭,胡宇辉,陈慧岩,等. 基于模型预测控制的无人驾驶履带车辆轨迹跟踪方法研究[J]. 兵工学报, 2019, 40(3):456-463.
 HU Jiaming, HU Yuhui, CHEN Huiyan, et al. Research on trajectory tracking of unmanned tracked vehicles based on model

FIU Jiaming, FIU Funul, CHEN Huiyan, et al. Research on trajectory tracking of unmanned tracked vehicles based on model predictive control [J]. Acta Armamentarii, 2019,40(3):456 – 463. (in Chinese)

[20] TAKAI R, BARAEID O, NOGUCHI N. Autonomous navigation system of crawler-type robot tractor [J]. IFAC Proceedings Volumes, 2011,44(1):14165-14169.