doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.04.048

自由节曲线非圆齿轮驱动差速泵设计与性能试验

徐高欢 谢荣盛 孙培峰 赵华成 (浙江水利水电学院机械与汽车工程学院,杭州 310018)

摘要:为进一步改善差速泵性能,提出一种自由节曲线非圆齿轮驱动的四叶片差速泵,建立自由节曲线非圆齿轮驱动差速泵性能计算模型,编写差速泵性能计算软件,分析不同控制点下的差速泵排量、流量和脉动率等性能指标。结果表明,相比最优傅里叶节曲线,自由节曲线具有更好的局部优化能力,可有效提升非圆齿轮不根切最大模数和差速泵排量,降低差速泵脉动率,更有利于提高差速泵综合性能。试验表明,在相同泵尺寸及管路环境下,相比最优傅里叶非圆齿轮驱动的四叶片差速泵,自由节曲线非圆齿轮驱动的差速泵排量增加6.6%,不根切最大模数增加18.7%,有效提升了非圆齿轮承载能力,差速泵单泵脉动率降低8.3%,说明自由节曲线非圆齿轮更有利于提升差速泵性能。

关键词:自由节曲线;非圆齿轮;控制点;差速泵;设计;试验 中图分类号:TH132.424;TH32 文献标识码:A 文章编号:1000-1298(2020)04-0411-07 OSID: 高级

Design and Experiment of Differential Pump Driven by Non-circular Gear with Free Pitch Curve

XU Gaohuan XIE Rongsheng SUN Peifeng ZHAO Huacheng

(School of Mechanical and Automotive Engineering, Zhejiang University of Water Resources and Electric Power, Hangzhou 310018, China)

Abstract: In order to further improve the performance of differential pump, a four blade differential pump driven by non-circular gear with free pitch curve was proposed. The performance calculation model of differential pump driven by non-circular gear with free pitch curve was established. The performance analysis software of differential pump was compiled to analyze the performance of differential pump under different control points, such as displacement, flow and pulsation rate. The results showed that the free pitch curve was better than the optimal Fourier curve. The pitch curve had better local optimization ability, which can effectively improve the maximum modulus of non-circular gear without undercutting and the displacement, reduce the pulsation rate of differential pump, and improve the comprehensive performance of differential pump. Through experimental research, under the same pump size and pipeline environment, the displacement of the differential pump driven by non-circular gear with free pitch curve was increased by 6.6% compared with the optimal Fourier non-circular gear, and the maximum module without undercutting was increased by 18.7%. The bearing capacity of the non-circular gear was effectively improved, and the pulsation rate of the single pump of the differential pump was reduced by 8.3%. It can be seen that the free pitch curve non-circular gear was more conducive to improving the performance of the differential pump.

Key words: free pitch curve; non-circular gear; control point; differential pump; design; experiment

0 引言

差速泵是利用差速机构驱动的新型容积泵,可

以取代农业常用的容积泵,如大型植保机械的柱塞 泵、隔膜泵等^[1-4],满足农业低脉动率和大排量的要 求,提高植保机械施药效果^[5-8]。差速泵主要通过

收稿日期: 2020-01-12 修回日期: 2020-02-06

基金项目:国家自然科学基金项目(51675486)、浙江省自然科学基金基础公益研究计划项目(LGG18E050004)、浙江省水利厅重点科技计 划项目(RB1913)和浙江省高等学校中青年学科带头人培养对象项目

作者简介: 徐高欢(1980—),男,副教授,博士,主要从事现代农业装备研究,E-mail: 6787135@qq. com

不等速机构驱动相邻叶轮周期性差速转动,实现容 积腔密闭空间的周期性变化和液体的周向转移,实 现输送液体的功能^[9]。根据叶片的驱动方式不同. 目前差速泵主要有转动导杆齿轮式差速泵^[10]、万向 节齿轮机构驱动差速泵[11]、非圆齿轮驱动差速 泵^[12-13]3种类型。其中,非圆齿轮驱动机构是差速 泵的主要驱动形式,而傅里叶非圆齿轮驱动机构为 优选驱动机构^[14-15]。由于傅里叶节曲线的调整参 数为8个,局部优化能力有限,因此傅里叶非圆齿轮 驱动差速泵的脉动率、不根切最大模数等性能还存 在优化空间。在变性高阶比傅里叶非圆齿轮驱动的 六叶片差速泵研究中,本课题组通过增加变性系数 提升傅里叶节曲线局部优化能力,改善了差速泵性 能[13].但是较大变性系数会导致排量和不根切最大 模数变小,变性系数可调范围较小,具有局限性。经 研究发现,非圆齿轮节曲线利用 k 次 B 样条曲线设 计可进一步改善局部调控能力。本文以结构较为简 单的四叶片差速泵驱动的最优傅里叶节曲线为基 础,建立数学计算模型,编写性能计算软件,通过计 算和试验分析,设计 k 次 B 样条曲线控制顶点,再微 调控制顶点生成自由节曲线,以期改善非圆齿轮驱 动差速泵的性能。

自由节曲线非圆齿轮驱动的差速泵结构 和原理

1.1 基本结构和工作原理

驱动差速泵的非圆齿轮利用 k 次 B 样条曲线设 计节曲线,该节曲线定义为自由节曲线,通过控制点 确定控制多边形,最后确定节曲线型值点,调整控制 点可以任意控制节曲线形状。控制点可以对节曲线 进行任意位置形状的调整,使节曲线具有任意的局 部变形能力^[16-21],如图 1 所示。自由节曲线非圆齿 轮驱动的差速泵主要由自由节曲线非圆齿轮副和滑 动的差速叶轮组成,如图 2 所示。



 Fig. 1
 Control point and free pitch curve

 1. 控制点
 2. 控制多边形
 3. 自由节曲线

以自由节曲线非圆齿轮驱动的四叶片差速泵为 例,第一、第二自由节曲线非圆齿轮同轴相位差 180°安装,自由节曲线参数相同,随电机作匀速转



图 2 自由节曲线非圆齿轮驱动的差速泵

Fig. 2 Differential pump driven by non-circular gear with free pitch curve

1. 驱动齿轮箱 2. 输入轴 3. 输出轴 4. 第一自由节曲线非圆齿轮 5. 第二自由节曲线非圆齿轮 6. 第一共轭自由节曲线非圆齿轮 7. 第二共轭自由节曲线非圆齿轮 8. 轴套 9. 联轴器 10. 电机 11. 泵壳 12. 第一排液口 13. 第一吸液口 14. 第二 排液口 15. 第二吸液口 16. 第一滑动叶轮 17. 第二滑动叶轮 18. 第一滑轨 19. 第二滑轨

动,分别驱动第一、第二共轭非圆齿轮,带动相连接 的第一叶轮和第二叶轮作周期性差动周转,A、C 腔 处于第一、二吸液口时,第一叶轮转速快于第二叶 轮,A、C 腔容积增大吸入液体;此时 B、D 腔容积减 小,分别从第一、二排液口排出液体;共轭非圆齿轮 带动叶轮周转,驱动 B、D 腔内液体逆时针转移,分 别转到第一、二排液口,根据设计的运动规律,实现 容积的增加和缩小,上述运动不断重复,实现容积泵 功能^[22-23]。另外该差速泵叶轮为滑动叶片设计,第 一滑动叶轮和第一滑轨移动副连接,第二滑动叶轮 和第二滑轨移动副连接,第一滑轨、第二滑轨分别固 定在输出轴和轴套上,第一滑动叶轮和第二滑动叶 轮均对称设置有两片滑动叶片,沿圆周方向,第一滑 动叶轮的叶片与第二滑动叶轮的叶片相间设置,所 有叶片可沿着滑轨滑动。可以防止由于泵外壳变形 卡死,同时可以补偿叶片弧面磨损造成叶片和泵壳 缝隙过大,滑动叶片在容积腔短暂困液时,叶片通过 向轴心滑动实现短时泄压^[23]。

1.2 基本数学模型

利用 k 次 B 样条曲线设计自由节曲线,第一自 由节曲线表达式为[22-23]

$$\begin{split} \mathcal{C}_{x,y}(t) &= \sum_{i=0}^{n} P_{i} N_{i,k}(t_{i}) \quad (t_{i} \in [t_{k-1}, t_{n+1}]) \quad (1) \\ \vec{x} \oplus P_{i} &\longrightarrow \hat{y} \; i \; \uparrow \hat{y} \; \text{the here} \\ t_{i} &\longrightarrow \hat{y} \; i \; \uparrow \hat{y} \; \text{the here} \\ N_{i,k}(t) &\longrightarrow k \; \hat{y} \; k - 1 \; \hat{y} \; B \; \texttt{H} \; \texttt{A} \; \texttt{som} \\ 3 \; \hat{y} \; B \; \texttt{H} \; \texttt{A} \; \texttt{A} \; \texttt{som} \; \texttt{M} \; \texttt{A} \; \texttt{L} \; \texttt{M} \\ 3 \; \hat{y} \; B \; \texttt{H} \; \texttt{A} \; \texttt{A} \; \texttt{som} \; \texttt{M} \; \texttt{A} \; \texttt{L} \; \texttt{X} \\ N_{i,3}(t) &= \frac{t - t_{i}}{t_{i+2} - t_{i}} N_{i,2}(t) + \frac{t_{i+3} - t}{t_{i+3} - t_{i+1}} N_{i+1,2}(t) = \\ \begin{cases} \frac{t - t_{i}}{t_{i+2} - t_{i}} N_{i,2}(t) & (t \in [t_{i}, t_{i+1})) \\ \frac{t - t_{i}}{t_{i+2} - t_{i}} N_{i,2}(t) + \frac{t_{i+3} - t}{t_{i+3} - t_{i+1}} & (t \in [t_{i+1}, t_{i+2})) \\ \frac{t_{i+3} - t}{t_{i+3} - t_{i+1}} N_{i+1,2}(t) & (t \in [t_{i+2}, t_{i+3})) \\ 0 & (\texttt{I} \; \texttt{M} \\ \end{cases} \end{split}$$

(2)

根据第一自由节曲线表达式,可得第一自由节 曲线向径表达式为

$$r_{1}(\varphi) = \sqrt{C_{x}^{2}(\varphi) + C_{y}^{2}(\varphi)}$$
(3)
式中 $C_{x}(\varphi)$ ——自由节曲线 x 方向分量
 $C_{y}(\varphi)$ ——自由节曲线 y 方向分量
 φ ——自由节曲线转角

根据非圆齿轮啮合原理,第一自由节曲线非圆 齿轮旋转 φ 时,第一共轭自由节曲线非圆齿轮的角 位移为

$$\varphi_{1} = \int_{0}^{\varphi} \frac{r_{1}(\varphi)}{a - r_{1}(\varphi)} d\varphi = \int_{0}^{\varphi} \frac{\sqrt{C_{x}^{2}(\varphi) + C_{y}^{2}(\varphi)}}{a - \sqrt{C_{x}^{2}(\varphi) + C_{y}^{2}(\varphi)}} d\varphi$$

$$(4)$$

式中 *a*——自由节曲线中心距

第一自由节曲线非圆齿轮为一阶非圆齿轮,第 一共轭自由节曲线非圆齿轮为二阶非圆齿轮,因此, 第一自由节曲线非圆齿轮旋转2π时,第一共轭自 由节曲线非圆齿轮旋转 π ,可得计算中心距 a 的迭 代式为

$$2\pi = \int_0^{\pi} \frac{r_1(\varphi)}{a - r_1(\varphi)} d\varphi = \int_0^{\pi} \frac{\sqrt{C_x^2(\varphi) + C_y^2(\varphi)}}{a - \sqrt{C_x^2(\varphi) + C_y^2(\varphi)}} d\varphi$$
(5)

取中心距初值 a_0 ,采用进退法搜索计算出中心距 a_0

第一自由节曲线非圆齿轮与第一共轭自由节曲 线非圆齿轮的传动比为

$$i = \frac{a - \sqrt{C_x^2(\varphi) + C_y^2(\varphi)}}{\sqrt{C_x^2(\varphi) + C_y^2(\varphi)}}$$
(6)

压力角 α 是衡量非圆齿轮传动优良性的重要 指标,其影响传动效率,计算公式为^[24]

$$\alpha = \mu_1 + \alpha_0 - \frac{\pi}{2} \tag{7}$$

其中
$$\mu_1 = \arctan \frac{i+1}{i'}$$

式中 μ1----节曲线在该点的切线正方向与水平线 卖角

α。——工具齿条的齿形角

建立节曲线凹凸性判断条件, 主动轮节曲线曲 率半径 ρ_1 计算式为

$$\rho_{1} = \frac{a \left[1 + \left(\frac{i'}{1+i}\right)^{2}\right]^{\frac{3}{2}}}{1+i+i''}$$
(8)

从动轮节曲线曲率半径计算公式为

$$\rho_{2} = \frac{ai\left[1 + \left(\frac{i'}{1+i}\right)^{2}\right]^{\frac{3}{2}}}{1+i-ii'' + (i')^{2}}$$
(9)

节曲线无内凹部分的条件是曲率半径 ρ_1 、 ρ_2 分 别大于零。所以无内凹的条件为

$$\begin{cases} 1 + i + i'' \ge 0\\ 1 + i - ii'' + (i')^2 \ge 0 \end{cases}$$
(10)

采用数值法编写程序计算式(10)的解。

1.3 差速泵计算模型

相邻两叶片最小张角为 $\Delta \psi_{\min}$,此时该封闭腔为 最小容积,即

$$V_{\min} = \frac{10^{-3} \Delta \psi_{\min} h}{2} (R^2 - r^2)$$
(11)

式中 R----叶片半径,mm

h-----叶片厚度,mm

相邻两叶片最大张角为 Δψmax 时,该封闭腔为 最大容积.即

$$V_{\rm max} = \frac{10^{-3} \Delta \psi_{\rm max} h}{2} (R^2 - r^2)$$
 (12)

四叶片差速泵的排量计算式为

$$Q = 8(V_{\text{max}} - V_{\text{min}}) =$$

 $4 \times 10^{-3} h (\Delta \psi_{\text{max}} - \Delta \psi_{\text{min}}) (R^2 - r^2)$ (13)四叶片差速泵单泵瞬时流量计算式为

$$q = \frac{dV}{dt} = 10^{-3}h(R^{2} - r^{2}) \left| \frac{d\psi_{1}}{dt} - \frac{d\psi_{2}}{dt} \right| = 10^{-3}h\omega(R^{2} - r^{2}) |i_{21} - i_{43}| \qquad (14)$$
$$\omega = \frac{d\varphi}{dt}$$

式中 V----排液腔容积,mL

i,1——第一自由节曲线非圆齿轮副传动比 i43----第二自由节曲线非圆齿轮副传动比

$$\varphi_1$$
、 φ_2 ——第一、第二滑动叶轮转角
 ω ——主动非圆齿轮角速度,rad/s

不产生根切时允许齿轮的最大模数 m_{max}的条件为^[24-25]

$$m_{\max} \leq \frac{\rho_{\min} \sin^2 \alpha_0}{h_{\infty}^*} \tag{15}$$

式中 ρ_{\min} ——节曲线的最小曲率半径,mm

h^{*}_{ao}——齿条刀具的齿顶高系数

当 $\alpha_0 = 20^\circ, h_{\alpha \sigma}^* = 1$ 时,不产生根切时允许齿轮的最大模数为

$$m_{\rm max} = 0.\ 117 \rho_{\rm min}$$
 (16)

1.4 差速泵性能计算软件

根据建立的自由节曲线非圆齿轮驱动差速泵计 算模型,采用 Matlab 编写性能分析软件,如图 3 所 示。通过编写软件 GUI 人机交互界面,可以调整自 由节曲线傅里叶控制点参数 a₀、a₁、a₂、b₁、b₂、n₁、n₂、 m、控制点个数、选取间隔数及差速泵结构参数,通 过该软件可计算差速泵的流量脉动率、排量和不根 切最大模数等性能。

2 控制点对自由节曲线及差速泵性能的影响

2.1 自由节曲线控制点设置

混合高阶傅里叶非圆齿轮驱动四叶片差速泵具



Fig. 3 Performance analysis software of differential pump driven by non-circular gear with free pitch curve

有较优性能,双泵脉动率 22.04% 已经为该节曲线 驱动的最优性能^[12],本文利用自由节曲线设计非圆 齿轮进一步降低脉动率,选取经过遗传算法多目标 优化的1阶对2阶傅里叶节曲线为控制点选取源, 通过离散后每30个序列间距提取1个控制点,共提 取24个控制点,如表1所示。根据B样条曲线生成 原理,为保证节曲线封闭,其中K1和K23、K2和 K24设置为重叠,如图4所示。

2.2 控制点影响分析

自由节曲线控制点直接影响传动比以及差速泵 进出口分布、排量、瞬时流量、非圆齿轮不根切最大

点坐标	控制点编号											
	K1	K2	К3	K4	K5	K6	K7	K8	K9	K10	K11	K12
X/mm	51.7	50.7	44.8	35.1	23.7	12.7	3.28	-4.4	- 10. 9	- 16. 8	-21.9	- 26. 0
Y/mm	0	8.0	19.9	28.4	32.7	33.2	31.2	28.1	24.6	20.7	15.9	0.0
点坐标	控制点编号											
	K13	K14	K15	K16	K17	K18	K19	K20	K21	K22	K23	K24
X/mm	- 21. 9	- 16.8	- 10. 9	-4.4	3.2	12.7	23.7	35.1	44.8	50.7	51.7	50.7
Y/mm	- 15. 9	- 20. 7	- 24. 6	- 28. 1	-31.2	- 33. 2	- 32. 7	- 28. 4	- 19. 9	- 8.0	0	8.0







模数等,本文以四叶片差速泵为研究对象,叶轮外半径为90mm,叶轮轴半径为20mm,叶片厚度为50mm,进出口和叶片角角度差2°,输入轴转速

300 r/min,叶轮平均转速为 150 r/min,双泵并联相 位相差 90°,通过逐级改变 K11、K12、K13 控制点, 研究分析控制点变化对单泵和双泵的脉动率、排量、 不根切最大模数的影响,对应的节曲线如图 5 所示, 差速泵性能如表 2 所示。

由图 5 和表 2 可知,当节曲线为傅里叶节曲线 且参数最优时,此时不根切最大模数为1.55 mm,单 泵脉动率为 159.8%,双泵并联脉动率为 22.04%, 双泵并联转排量为 3 870.4 mL。自由节曲线以表 1 控制点为基础,设置 K11(-23.64,9.99)mm、K12 (-24.90,0)mm、K13(-23.64,-9.99)mm,经自 由节曲线非圆齿轮驱动差速泵性能分析软件计 算,不根切最大模数提升为 1.83 mm,单泵脉动率 为157.0%,双泵并联脉动率为21.45%,脉动率 相比傅里叶非圆齿轮驱动分别降低1.8%和 2.7%,双泵并联转排量为3977.9mL。设置K11 (-23.24,9.99)mm、K12(-23.90,0)mm、K13 (-23.24,-9.99)mm,不根切最大模数增加为 1.84mm,单泵脉动率152.0%,双泵并联脉动率为 19.50%,脉动率相比傅里叶非圆齿轮驱动分别降 低4.9%和11.5%,但其转排量为4031.7 mL,排 量增加明显。设置 K11(-22.84,8.99)mm、K12 (-23.90,0)mm、K13(-22.84,-8.99)mm,单 泵脉动率为151.6%,双泵并联脉动率为 19.20%,脉动率相比傅里叶非圆齿轮驱动分别降 低5.1%和12.9%,其中不根切最大模数和转排 量保持不变。



Fig. 5 Evolution process of different pitch curves



 Tab. 2
 Effects of change of control point on pulsation rate, displacement and maximum modulus without undercutting of single and double pumps

节曲线类型	参数或变化控制点/mm	单泵脉动率/%	双泵并联脉动率/%	转排量/mL	不根切最大模数/mm
傅里叶节曲线	最优傅里叶参数	159.8	22. 04	3 870. 4	1.55
自由节曲线 1	K11(-23.64,9.99) K12(-24.90,0) K13(-23.64,-9.99)	157.0	21. 45	3 977. 9	1. 83
自由节曲线 2	K11(-23.24,9.99) K12(-23.90,0) K13(-23.24,-9.99)	152.0	19. 50	4 031. 7	1.84
自由节曲线 3	K11(-22.84,8.99) K12(-23.90,0) K13(-22.84,-8.99)	151.6	19. 20	4 031. 7	1. 84

研究表明,自由节曲线技术可以通过有限的控制顶点构建控制多边形精确控制节曲线局部形状, 以四叶片差速泵驱动的最优傅里叶节曲线为基础, 通过局部修改节曲线最小曲率半径处的控制点,增加曲率半径,可增加不根切最大模数。再通过微调 节曲线局部变化规律,改变叶轮传动比局部差值,根 据式(14),可调整瞬时流量局部变化规律,合适的 控制点即可降低脉动率和增加排量。因此自由节曲 线可实现在最优傅里叶节曲线基础上进行节曲线局 部编辑,精准优化节曲线特性,进一步提升差速泵性 能。由表2可知,自由节曲线非圆齿轮驱动差速泵 能有效提升转排量和增加不根切最大模数,有利于 提升非圆齿轮的承载能力,同时明显降低脉动率,以 降低差速泵流体噪声,因此自由节曲线设计更有利 于非圆齿轮驱动差速泵性能提高。

3 试验与性能比较

搭建试验台分别对自由节曲线非圆齿轮与傅里 叶非圆齿轮驱动的四叶片差速泵性能进行试验比 较。为了具有可比性,四叶片差速泵泵壳容积、叶轮 结构及测试管路相同。差速泵试验台动力为5kW 的电机,通过变频器进行调速控制,为避免高速造成额 外的冲击,变频器设定输入轴低转速,为300r/min。由 于泵源流量脉动具有高频的特点,现有流量计不能

报

直接测试,只能采用间接方法测量,目前主要基于瞬态压力来换算脉动率,在相同负载及管路环境下,差速泵输出口的高频压力脉动可以表征不同非圆齿轮驱动差速泵泵源脉动强度。试验使用爱尔AE-H型高频压力传感器,量程为0~1 MPa,输出电压为0~10 V,数据采集装置使用阿尔泰的高频信号采集卡和采集软件,由此组成差速泵出口高频瞬态压力测试系统,通过软件将电压变化值实时转换为压力,测量差速泵瞬态压力和脉动率。试验台的非圆齿轮和差速泵如图6~8 所示,性能比较如图9和表3 所示。





(b)自由节曲线非圆齿: 试验用非圆齿轮

Fig. 6 Non-circular gear for test



图 7 差速泵内部 Fig. 7 Inside of differential pump



图 8 非圆齿轮驱动的差速泵试验台 Fig. 8 Test bed of differential pump driven by non-circular gear



Fig. 9 Pressure curves at outlet of single differential pump driven by non-circular gears with different pitch curves

表 3 同等管路条件下傅里叶和自由节曲线非圆齿轮 驱动四叶片差速泵性能试验结果比较

Tab. 3Performance comparison between Fourier and freepitch curve non-circular gear drive four blade differentialpump under the same pipeline condition

节曲线类型	叶片 数	单泵 脉动 率/%	单泵排量/ (L•min ⁻¹)	容积 效率/ %	不根切最大模数/mm	最小封闭 腔角/ (°)
傅里叶节曲线	4	248.1	252.5	87.0	1.55	22
自由节曲线	4	227.5	269.1	89.0	1.84	15

由于自由节曲线控制点来源于傅里叶节曲线, 为此自由节曲线非圆齿轮和傅里叶非圆齿轮基本轮 廓非常接近,如图 6 所示。自由节曲线较优的局部 优化能力,便于找到合适控制点优化提升差速泵性 能。如图 9 所示,自由节曲线非圆齿轮和傅里叶非 圆齿轮驱动差速泵产生的压力变化周期相同,但自 由节曲线非圆齿轮驱动的差速泵出口压力峰值更 宽,表明自由节曲线更有利于差速泵出口压力恒定 和排量增加,压力波峰对称性更好,更有利于降低脉 动率。

由表3可知,自由节曲线非圆齿轮驱动相比傅 里叶非圆齿轮驱动的四叶片差速泵的排量增加 6.6%,不根切最大模数增加18.7%,非圆齿轮承载 能力增加,差速泵单泵脉动率降低8.3%,腔内的冲 击减弱,泵内部泄漏减少,容积效率有所提升。

4 结论

(1)根据自由节曲线生成原理,建立自由节曲 线非圆齿轮传动数学模型,建立自由节曲线非圆齿 轮驱动差速泵的排量、流量、脉动率和不根切最大模 数计算模型,编写差速泵性能计算软件。

(2)分析了控制点局部变化对差速泵不根切最 大模数、排量和脉动率等性能的影响,结果表明,自 由节曲线非圆齿轮有利于提高差速泵性能,可实现 傅里叶非圆齿轮最优状态下通过自由节曲线的局部 修正,再次提升不根切最大模数和转排量,并有效降 低脉动率。

(3)对自由节曲线非圆齿轮驱动的差速泵和傅 里叶非圆齿轮驱动的差速泵进行了试验,在泵壳容 积和管路环境相同情况下,排量增加6.6%,不根切 最大模数增加18.7%,有效提升了非圆齿轮的承载 能力;差速泵单泵脉动率降低8.3%,腔内的冲击减 弱,泵内部泄漏减少,容积效率有所改善。理论计算 和试验结果均表明,自由节曲线非圆齿轮更有利于 提升差速泵性能。

参考文献

- [1] 杨学军,严荷荣,徐赛章,等. 植保机械的研究现状及发展趋势[J]. 农业机械学报,2002,33(6):129-131,137.
 YANG Xuejun, YAN Herong, XU Saizhang, et al. Current situation and development trend of equipment for crop protection[J].
 Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2002, 33(6):129-131,137. (in Chinese)
- [2] 庄腾飞,杨学军,董祥,等. 大型自走式喷雾机喷杆研究现状及发展趋势分析[J/OL]. 农业机械学报, 2018,49(增刊): 189-198.
- ZHUANG Tengfei, YANG Xuejun, DONG Xiang, et al. Research status and development trend of large self-propelled sprayer booms [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018, 49 (Supp.): 189 198. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag = 1&file_no = 2018s025&journal_id = jcsam. DOI: 10.6041/j.issn. 1000-1298.2018. S0.025. (in Chinese)
- [3] 何雄奎.改变我国植保机械和施药技术严重落后的现状[J].农业工程学报,2004,20(1):13-15.
 HE Xiongkui. Improving severe draggling actuality of plant protection machinery and its application techniques[J]. Transactions of the CSAE, 2004, 20(1):13-15. (in Chinese)
- [4] 全国农业技术推广服务中心. 植保机械与施药技术应用指南[M]. 北京:中国农业出版社, 2015.
- [5] DORR G J, WANG S S, MAYO L C, et al. Impaction of spray droplets on leaves: influence of formulation and leaf character on shatter, bounce and adhesion[J]. Experiments in Fluids, 2015, 56(7): 143-160.
- [6] LI L L, HE X K, SONG J L, et al. Design and experiment of variable rate orchard sprayer based on laser scanning sensor[J]. Int. J. Agric. & Biol. Eng., 2018, 11(1): 101 - 108.
- [7] WANG C L, HE X K, WANG X N, et al. Testing method and distribution characteristics of spatial pesticide spraying deposition quality balance for unmanned aerial vehicle[J]. Int. J. Agric. & Biol. Eng., 2018, 11(2): 18-26.
- [8] 郑薇,王向东,李树江,等. 植保机均匀性喷雾的优化控制方法[J]. 农机化研究,2019,41(5):27-32.
 ZHENG Wei, WANG Xiangdong, LI Shujiang, et al. Optimal control method for spray uniformity of plant protection machine
 [J]. Journal of Agricultural Mechanization Research, 2019,41(5):27-32. (in Chinese)
- [9] 陈明,李丽伟,焦映厚,等. 四叶片差速泵的理论研究[J]. 机械工程学报,2002,38(11):66 70.
- CHEN Ming, LI Liwei, JIAO Yinghou, et al. Theoretical study of differential velocity 4-vane pump [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2002, 38(11):66 70. (in Chinese)
- [10] 陈明,张勇,訾进锋,等.转动导杆—齿轮机构驱动叶片差速泵[J].机械工程学报,2006,42(增刊):54-58.
 CHEN Ming, ZHANG Yong, ZI Jinfeng, et al. Differential velocity vane pump driven by rotating guide-bar-gear mechanism
 [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2006,42(Supp.):54-58. (in Chinese)
- [11] 陈明,訾进锋,张勇,等.万向节-齿轮机构驱动的叶片差速泵[J]. 机械科学与技术,2006,25(11):1298-1300,1379.
 CHEN Ming, ZI Jinfeng, ZHANG Yong, et al. Study of a differential velocity vane pump driven by Hooke's joints[J].
 Mechanical Science and Technology,2006,25(11):1298-1300,1379. (in Chinese)
- [12] 徐高欢,陈建能,童志鹏. 混合高阶傅里叶非圆齿轮驱动的差速泵多目标参数优化[J/OL]. 农业机械学报, 2016, 47(1):383-390.

XU Gaohuan, CHEN Jianneng, TONG Zhipeng. Multi-objective optimization of the mixed high order Fourier non-circular geardriven differential pump[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery,2016,47(1):383 – 390. http: //www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag = 1&file_no = 20160153&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2016.01.053. (in Chinese)

- [13] 徐高欢,刘武,谢荣盛. 变性高阶比傅里叶非圆齿轮驱动差速泵设计与试验[J/OL]. 农业机械学报,2019,50(2):384-392.
 XU Gaohuan, LIU Wu, XIE Rongsheng. Design and experiment of six-blade differential pump driven by denatured higher order ratio Fourier non-circular gear pairs [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019, 50(2):384-392. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag=1&file_no=20190244&journal_id=jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2019.02.044. (in Chinese)
- [14] ZHAO Yun, SUN Liang, YU Gaohong. Properties and applications of the eccentric-gear drive [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2011,24(2):323-331.
- [15] XU Gaohuan, CHEN Jianneng, ZHAO Huacheng. Numerical calculation and experiment of coupled dynamics of the differential velocity vane pump driven by the hybrid high order Fourier non-circular gears [J]. Journal of Thermal Science, 2018, 27(3): 285 - 293.
- [16] 施法中. 计算机辅助几何设计与非均匀有理 B 样条[M]. 北京:高等教育出版社, 2013:217-237.
- [17] 谭鑫,郭慧婧,李会,等. 基于 NURBS 曲线的离心透平叶型设计[J]. 热能动力工程. 2017, 32(3):47-53, 133-134.
 TAN Xin, GUO Huijing, LI Hui, et al. Centrifugal turbine blade design based on NURBS curves [J]. Journal of Engineering for Thermal Energy and Power, 2017, 32(3):47-53, 133-134. (in Chinese)
- [18] TROY A, FARAMARZ S. Multiscale NURBS curves on the sphere and ellipsoid [J]. Computers & Graphics, 2019, 82(8): 243-249.
- [19] DENG C Y, LIN H W. Progressive and iterative approximation for least squares B-spline curve and surface fitting [J]. Computer-Aided Design, 2014, 47: 32-44.
- [20] LIN H W, ZHANG Z Y. An extended iterative format for the progressive-iteration approximation [J]. Computers & Graphics, 2011, 35(5): 967-975
- [21] 周红梅, 王燕铭, 刘志刚, 等. 基于最少控制点的非均匀有理 B 样条曲线拟合[J]. 西安交通大学学报, 2008,42(1): 73-77.

ZHOU Hongmei, WANG Yanming, LIU Zhigang, et al. Non-uniform rational B-splines curve fitting based on the least control points [J]. Journal of Xi'an Jiaotong University, 2008,42(1):73 - 77. (in Chinese)

- [22] 杨茂祥, 雷昌毅, 陈建能,等. 一种具有傅里叶函数节曲线的非圆齿轮副: 201220265860.4[P]. 2012-06-04.
- [23] 徐高欢,刘武,王红梅,等. 一种自由节曲线非圆齿轮驱动的滑动四叶片差速泵: 201721453810.8[P]. 2018-06-19.
- [24] 吴序堂,王贵海.非圆齿轮传动及其应用[J].机械设计,1995,12(7):39-42.
- [25] 吴序堂.非圆齿轮及非运速比传动[M].北京:机械工业出版社,1997:1-5.