doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.08.033

# 地表滴灌条件下土壤湿润体运移量化表征

### 陈 帅 毛晓敏

(中国农业大学水利与土木工程学院,北京100083)

摘要:基于非饱和土壤水分运动的 Richards 方程,采用 HYDRUS - 2D/3D 模拟软件对 11 种典型土质(美国制土壤 质地分类系统)中滴灌湿润体的运动过程进行了数值模拟。结果表明,湿润体平均含水率的增量与滴灌流量正相 关,与饱和导水率负相关;湿润体垂向迁移距离与滴头流量、饱和导水率和时间呈幂函数关系;湿润体径向迁移距 离可用滴头流量、平均含水率的增量、垂向迁移距离和时间来定量表征。据此建立了描述不同土质中湿润体动态 变化规律的经验公式,通过与数值模拟结果、文献试验数据等进行对比,表明此经验公式对不同土质中湿润体运移 规律的预测效果较好,可为农业生产中地表滴灌设计提供简便实用的计算工具。

关键词: 土质; 地表滴灌; 湿润体运移; 定量表征

中图分类号: S275.6 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2018)08-0285-08

## Quantification of Soil Wetted Volume Development under Surface Drip Irrigation

CHEN Shuai MAO Xiaomin

(College of Water Resources and Civil Engineering, China Agricultural University, Beijing 100083, China)

Abstract: Understanding the behavior of soil wetted volume evolution in drip irrigation is essential for improving agricultural water use efficiency and realizing precision irrigation. Based on the Richard equation for water movement in unsaturated soil, the HYDRUS – 2D/3D model was used to numerically simulate the soil wetting pattern in 11 kinds of typical soils (USST). Results showed that soil water content increment in wetted volume was in a positive correlation with the dripper discharge rate, and in a negative correlation with the saturated soil hydraulic conductivity. The advancement of vertical wetting front can be quantified by the selected influencing factors, i. e., the dripper discharge, saturated hydraulic conductivity and irrigation time. The horizontal wetting front can be expressed by the dripper discharge, soil water content increment in wetted volume, vertical wetting front and irrigation time. Then two empirical equations were formulated to describe the development of soil wetted volume under different dripper discharge, saturated hydraulic conductivity and irrigation time. Then two empirical equations were formulated to describe the development of soil wetted volume under different dripper discharge, saturated hydraulic conductivity and irrigation time. By comparing with the numerical simulation results and the experimental data from literatures, it showed that the empirical formulas were reliable for predicting the migration of soil water in drip irrigation for different kinds of soil textures and managing to be a convenient and practical tool for the design of surface drip irrigation in agricultural activity.

Key words: soil texture; surface drip irrigation; wetted volume development; quantification

#### 0 引言

水资源短缺是干旱区农业可持续发展的主要制约因素之一<sup>[1]</sup>。滴灌作为一种现代化高效节水灌溉技术,能根据作物需要对作物根区水分进行适时、

适量的补充,从而有效提高水分利用效率<sup>[2]</sup>。地表 滴灌条件下,在滴头下方形成类似球状的湿润体,滴 灌湿润体的大小及水分分布特征会影响作物根系吸 水及其伸展特性<sup>[3-4]</sup>,对作物生长和水分利用效率 尤为重要。

收稿日期: 2018-02-12 修回日期: 2018-03-19

基金项目:国家重点研发计划项目(2016YFC040106-3)和国家自然科学基金项目(51679234)

作者简介:陈帅(1989—),男,博士生,主要从事节水灌溉与土壤溶质运移研究,E-mail:slsdchen@163.com

通信作者:毛晓敏(1971-),女,教授,博士生导师,主要从事水文水资源与农业水土工程研究,E-mail: maoxiaomin@ cau. edu. cn

其

1 中 万

 $\theta$  –

国内外学者对滴灌条件下土壤水分运动规律开展了诸多试验研究。朱德兰等<sup>[5]</sup>对粉质粘土和重 粉质壤土中滴灌水分分布进行了试验研究,提出了 点源入渗中最大横向、纵向湿润直径与滴头流量、灌 水量关系的数学模型;张振华等<sup>[6-7]</sup>用土箱模拟研 究了粘壤土点源入渗条件下土壤湿润体特征值随滴 头流量、土壤初始含水率和容重的变化规律,提出了 地表滴灌入渗土壤湿润体特征值的经验模型;UI 等<sup>[8]</sup>在砂土和壤土中研究滴头流量对土壤水分分 布的影响,建立了水平和垂直湿润距离与灌水量的 经验关系。这些研究成果简便、实用,但多是针对特 定的土壤质地试验得到的结果,由于土壤类型对滴 灌湿润体运移特征具有重要影响<sup>[9-10]</sup>,这些成果在 其他土质类型较难推广应用。

近年来,数值模拟方法在滴灌水分运动的研究 中应用较多。例如 COTE 等<sup>[11]</sup>运用 HYDRUS - 2D 软件定性分析了土壤渗透特性对地下滴灌中湿润体 形状的影响;李光永等<sup>[12]</sup>提出了计算地表点源入渗 土壤湿润体特征值的通用数值方法,可用于常见土 壤中滴灌湿润体体积和入渗距离的计算,但需要量 化土壤水分运动的水力特性参数;胡和平等<sup>[9]</sup>则在 滴灌湿润体运移的数值模拟中仅采用饱和导水率 *K*<sub>s</sub>来表征不同土质对水分运动的影响。数值模拟对 湿润体的动态变化描述详细,且在已知土壤水力特 性参数的前提下具有很好的适用性。但也存在模拟 过程复杂和模拟参数难以获得等问题。

本文在搜集大量土质水力特性参数的基础上, 采用 HYDRUS - 2D/3D 进行不同质地土壤中滴灌 湿润体运移特征的数值模拟。通过对数值模拟结果 的分析,进一步构建描述不同质地土壤中湿润体形 状特征的简易经验公式,并采用针对性试验结果对 经验公式在不同土质下预测结果的可靠性进行 验证。

#### 1 模拟基本原理和模拟软件

#### 1.1 滴灌模拟基本原理

地表滴灌条件下土壤水分运动是三维流动,假 设土壤各向同性,固相骨架不可压缩,忽略地表土壤 蒸发,单点源入渗条件下的土壤水分运动过程可用 轴对称二维 Richards 方程来描述<sup>[13]</sup>,即

$$\frac{\partial\theta}{\partial t} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( rK_h \frac{\partial h}{\partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( K_h \frac{\partial h}{\partial z} \right) + \frac{\partial K_h}{\partial z} \quad (1)$$
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
<

r——径向坐标, cm

z----垂向坐标, cm, 规定 z 向上为正

土壤含水率、基质势和土壤非饱和导水率的关系采用 van Genuchten 模型来描述<sup>[14]</sup>,即

$$\theta = \begin{cases} \theta_r + \frac{\theta_s - \theta_r}{\left(1 + \left|\alpha h\right|^n\right)^m} & (h < 0) \\ \theta_s & (h \ge 0) \end{cases}$$
(2)

$$K_{h} = K_{s} S_{e}^{l} \left[ 1 - (1 - S_{e}^{1/m})^{m} \right]^{2}$$
(3)

$$+ S_e = \frac{\theta - \theta_r}{\theta_s - \theta}$$
(4)

K,——土壤饱和导水率, cm/h

S<sub>e</sub>——相对饱和度

α-----土壤进气值, cm<sup>-1</sup>

n、m——土壤形状参数

单点源入渗的模拟求解区域是以 AC 为中心轴、 ABCD 为旋转面的圆柱体,C 点为滴头位置(图1)。



*CD* 为上边界,灌水开始后,水分以较快的速度 在土壤表面扩散,并在滴头周围形成土壤进水区域, 进水区域先增大后趋于稳定,BHATNAGAR 等<sup>[15]</sup>研 究表明,在滴灌模拟中采用稳定的进水区域半径对 长时间的入渗结果影响较小,因此本研究采用稳定 进水区域半径 *R*,<sup>[16-17]</sup>,在上边界

$$\begin{cases} -K_{h} \frac{\partial h}{\partial z} - K_{h} = q_{0} \quad (0 \leq r \leq R_{s}, z = Z) \\ -K_{h} \frac{\partial h}{\partial z} - K_{h} = 0 \quad (r > R_{s}, z = Z) \end{cases}$$
(5)

式中 q<sub>0</sub>——上边界入渗流量, cm/h 不同土质中 R, 可近似表示为

$$R_{s} = \left(\frac{4}{\alpha^{2}\pi^{2}} + \frac{q}{\pi K_{s}}\right)^{1/2} - \frac{2}{\alpha\pi}$$
(6)

式中 q——滴灌流量,cm<sup>3</sup>/h

AC和 BD 分别为左右边界,由于模拟区域的对称性及模拟空间足够大,左右边界采用不透水边界

$$\frac{\partial n}{\partial r} = 0 \quad (r = 0 \ \text{gm} \ r = R_0, 0 \le z \le Z) \tag{7}$$

下边界采用自由排水边界

2 h

$$\frac{\partial h}{\partial z} = 0 \quad (0 \le r \le R_0, z = 0) \tag{8}$$

假定模拟区域内的土壤含水率均匀分布,因此 初始条件

$$\theta_{z,r} = \theta_0 \quad (0 \leq z \leq Z, \ 0 \leq r \leq R_0, t = 0) \quad (9)$$

#### 1.2 数值模拟软件与模拟情景设置

HYDRUS-2D/3D 是用于模拟饱和-非饱和土 壤中二维/三维水、热、溶质运移的模拟软件<sup>[18]</sup>。其 轴对称垂向二维模块可用于模拟点源入渗条件下土 壤水分的运动和分布<sup>[19]</sup>。

模拟情景中选取不同质地的土壤作为地表滴灌 的影响因素。美国制土壤质地分类系统根据土壤的 机械组成将土壤划分为12种不同的质地,本研究以 其中11种不同质地的土壤作为滴灌模拟介质(不 包括粘土),通过选取砂粒、粉粒和黏粒质量分数组 合来确定代表土质的样本点,共选取33个样本点 (表1)。

如上所述研究中采用了 van Genuchten 函数来 描述土壤水力特性。土壤水力特性参数受土壤颗粒 组成和容重等因素的影响,直接通过试验测定不同 质地土壤的水力特性参数是复杂的,常用做法是利 用根据大量土壤数据构建的转换函数对土壤水力参

表1 土壤机械组成及其水力特性参数

| Tab. 1 | Soil particle composition and | parameters of so | il hydraulic property |
|--------|-------------------------------|------------------|-----------------------|

| 编号 | 砂粒质量 | 黏粒质量 | 粉粒质量 | 土质    | $\theta_r$                             | $\theta_s$ /                           | $\alpha/\mathrm{cm}^{-1}$ |       | $K_s/$                                |
|----|------|------|------|-------|--|--|---------------------------|-------|---------------------------------------|
|    | 分数/% | 分数/% | 分数/% |       | $(\mathrm{cm}^3\cdot\mathrm{cm}^{-3})$ | $(\mathrm{cm^3}\cdot\mathrm{cm^{-3}})$ |                           | n     | ( cm $\boldsymbol{\cdot}$ d $^{-1}$ ) |
| 1  | 10   | 33   | 57   | 粉质粘壤土 | 0.084                                  | 0.428                                  | 0.008                     | 1.493 | 5.43                                  |
| 2  | 33   | 33   | 34   | 粘壤土   | 0.079                                  | 0.413                                  | 0.013                     | 1.399 | 5.90                                  |
| 3  | 60   | 27   | 13   | 砂质粘壤土 | 0.070                                  | 0.411                                  | 0.022                     | 1.338 | 20.21                                 |
| 4  | 2    | 11   | 87   | 粉砂    | 0.062                                  | 0.428                                  | 0.007                     | 1.617 | 16.43                                 |
| 5  | 16   | 19   | 65   | 粉砂壤土  | 0.066                                  | 0.395                                  | 0.006                     | 1.629 | 11.36                                 |
| 6  | 43   | 15   | 42   | 壤土    | 0.049                                  | 0.366                                  | 0.011                     | 1.492 | 13.58                                 |
| 7  | 64   | 10   | 26   | 砂壤土   | 0.041                                  | 0.377                                  | 0.030                     | 1.440 | 39.72                                 |
| 8  | 82   | 6    | 12   | 壤砂土   | 0.045                                  | 0.388                                  | 0.038                     | 1.879 | 140. 52                               |
| 9  | 88   | 2    | 10   | 砂土    | 0.044                                  | 0.384                                  | 0.039                     | 2.495 | 323.87                                |
| 10 | 51   | 42   | 7    | 砂粘土   | 0.085                                  | 0.428                                  | 0.025                     | 1.229 | 15.54                                 |
| 11 | 6    | 47   | 47   | 粉砂粘土  | 0.094                                  | 0.450                                  | 0.013                     | 1.352 | 4.39                                  |
| 12 | 75   | 11   | 14   | 砂壤土   | 0.049                                  | 0.392                                  | 0.033                     | 1.568 | 65.48                                 |
| 13 | 67   | 8    | 25   | 砂壤土   | 0.039                                  | 0.375                                  | 0.034                     | 1.461 | 49.45                                 |
| 14 | 81   | 15   | 4    | 砂壤土   | 0.062                                  | 0.402                                  | 0.027                     | 1.676 | 83.37                                 |
| 15 | 81   | 10   | 9    | 壤砂土   | 0.051                                  | 0.395                                  | 0.033                     | 1.762 | 106.26                                |
| 16 | 84   | 5    | 11   | 壤砂土   | 0.045                                  | 0.387                                  | 0.039                     | 2.027 | 179.02                                |
| 17 | 86   | 4    | 10   | 壤砂土   | 0.045                                  | 0.387                                  | 0.038                     | 2.215 | 233.05                                |
| 18 | 87   | 4    | 9    | 壤砂土   | 0.046                                  | 0.387                                  | 0.037                     | 2.309 | 261.79                                |
| 19 | 56   | 38   | 6    | 砂粘土   | 0.081                                  | 0.424                                  | 0.025                     | 1.244 | 19.21                                 |
| 20 | 6    | 43   | 51   | 粉砂粘土  | 0.092                                  | 0.446                                  | 0.011                     | 1.389 | 4.43                                  |
| 21 | 27   | 30   | 43   | 粘壤土   | 0.077                                  | 0.408                                  | 0.010                     | 1.470 | 5.75                                  |
| 22 | 4    | 31   | 65   | 粉质粘壤土 | 0.084                                  | 0.435                                  | 0.008                     | 1.517 | 5.41                                  |
| 23 | 56   | 24   | 20   | 砂质粘壤土 | 0.065                                  | 0.404                                  | 0.020                     | 1.373 | 16.76                                 |
| 24 | 32   | 23   | 45   | 壤土    | 0.066                                  | 0.388                                  | 0.009                     | 1.520 | 7.46                                  |
| 25 | 22   | 22   | 56   | 粉砂壤土  | 0.067                                  | 0.391                                  | 0.007                     | 1.588 | 8.41                                  |
| 26 | 43   | 23   | 34   | 壤土    | 0.064                                  | 0.392                                  | 0.013                     | 1.444 | 8.82                                  |
| 27 | 7    | 21   | 72   | 粉砂壤土  | 0.073                                  | 0.418                                  | 0.006                     | 1.610 | 9.88                                  |
| 28 | 36   | 7    | 57   | 粉砂壤土  | 0.038                                  | 0.344                                  | 0.009                     | 1.534 | 26.91                                 |
| 29 | 27   | 8    | 65   | 粉砂壤土  | 0.043                                  | 0.356                                  | 0.007                     | 1.600 | 26.63                                 |
| 30 | 18   | 7    | 75   | 粉砂壤土  | 0.047                                  | 0.376                                  | 0.007                     | 1.628 | 30.33                                 |
| 31 | 7    | 6    | 87   | 粉砂    | 0.052                                  | 0.409                                  | 0.007                     | 1.623 | 28.69                                 |
| 32 | 56   | 9    | 35   | 砂壤土   | 0.038                                  | 0.361                                  | 0.023                     | 1.428 | 31.56                                 |
| 33 | 59   | 15   | 26   | 砂壤土   | 0.050                                  | 0.385                                  | 0.023                     | 1.423 | 25.57                                 |

数进行预测<sup>[20]</sup>。本研究根据 33 个样本点的土壤机 械组成(表1)、并假设土壤容重控制在 1.5 g/cm<sup>3</sup>, 利用 HYDRUS 软件中的 Rosetta Lite (v. 1.1)进行 反演,反演得到的土壤水力特性参数见表 1。 SKAGCS 等<sup>[21]</sup>研究表明 Rosetta 能够对滴灌模拟中 的土壤水力特性参数进行快捷、可靠的预测。

滴灌流量采用常用的 1、2、3 L/h 3 种。模拟中 土壤初始含水率的取值略高于土壤残余含水率,即 0.1 cm<sup>3</sup>/cm<sup>3</sup>,这与实际农田灌水前表层土壤的含 水率接近。模拟区域径向半径 R<sub>0</sub>为 200 cm,垂向 高度 Z 为 200 cm,采用三角形网格对计算区域进 行剖分,在滴头位置对网格进行加密。模拟时段为 1 500 min,采用变步长计算。

#### 2 结果与讨论

#### 2.1 湿润体运移规律

对 11 种不同的土质(33 个样本点),在不同滴 头流量(1、2、3 L/h)和不同灌水时刻(120、300、540、 780、1 020、1 260、1 500 min)的湿润体进行模拟,共 得到 693 组湿润体。对湿润体运移规律与土质关系 进行了分析,图 2 给出了滴头流量为 1 L/h,土壤容 重为 1.5 g/cm<sup>3</sup>,灌水时间为 1 500 min 的分析结果。





Fig. 2 Variations of soil wetted volume with percentage of soil particles in radial and vertical directions

从图 2a 中可以看出,湿润体径向迁移距离 H<sub>i</sub> 随土壤黏粒质量分数 C<sub>elay</sub>的增加而减小,在砂粒质 量分数保持不变的条件下,径向迁移距离与黏粒质 量分数基本呈线性关系,即 $H_i \propto C_{clay}$ ;在相同的黏粒 质量分数下,土壤砂粒质量分数的变化对径向迁移 距离影响较小,表明土壤黏粒质量分数对湿润体径 向迁移距离具有重要影响。在图 2b 中,湿润体垂向 迁移距离 $D_i$ 随土壤砂粒质量分数的增加而增大,但 随黏粒质量分数的增加而减小,因此垂向湿润锋在 砂土中迁移较快,在粘土中发展较慢,且垂向迁移距 离与土壤砂粒和黏粒质量分数分别满足指数和幂函 数关系。

土壤容重为 1.5 g/cm<sup>3</sup>,灌水时间为 1 500 min 时,土壤滴灌湿润体径向和垂向迁移距离随饱和导 水率的变化规律如图 3 所示。从图中可以看出,不 同滴灌流量下的径向迁移距离总体表现为随土壤饱 和导水率的增大而增大,在土壤饱和导水率达到 10 cm/h 后呈现平稳趋势,其中粉质土壤中径向迁 移距离在对应的饱和导水率下表现较大增幅;而垂 向迁移距离一直保持增加趋势,且与饱和导水率具 有较好的相关关系。这表明土壤饱和导水率增加到 一定值后,湿润体的径向迁移受到限制,而垂向迁移 则加速发展。



图 3 滴灌湿润体径向和垂向迁移距离随土壤饱和 导水率的变化规律



#### 2.2 湿润体运移经验公式推导和检验

#### 2.2.1 经验公式推导

试验表明,地表滴灌中土壤湿润体形状接近于 半个椭球体<sup>[22]</sup>。通过模拟发现,在偏粘土中形成的 湿润体趋于平卧的半椭球体(径向轴大于垂直轴), 而在砂土中易形成直立的半椭球体(径向轴小于垂 直轴),因此不同土质中湿润体体积 V,可以用椭球 体体积公式计算,即

$$V_{t} = \frac{2\pi D_{t} H_{t}^{2}}{3}$$
(10)

大量的试验及模拟研究表明,在土质和滴头流 量确定的条件下,土壤中滴灌湿润体体积 V,又与灌 水量 V<sub>w,t</sub>之间存在显著的正相关关系<sup>[7,10]</sup>

$$V_t = \frac{V_{w,t}}{\Delta\theta} \tag{11}$$

式中 $\Delta\theta$ 为滴灌过程中土壤湿润体平均含水率的增量(cm<sup>3</sup>/cm<sup>3</sup>),是与滴灌流量q(L/h)、土壤质地和 土壤初始含水率 $\theta_0$ 有关的参数,对于特定土壤,在 滴头流量和土壤初始含水率确定的条件下, $\Delta\theta$ 为一 定值。通过模拟分析发现,在不同滴头流量下, $\Delta\theta$ 与滴头流量成幂函数关系: $\Delta\theta \propto q^{0.21}$ ,这与胡和平 等<sup>[9]</sup>的研究结果一致。以土样1(粉质粘壤土)为例 (图4),在不同滴头流量下的湿润体体积与灌水量 满足关系: $V_i$  = 4.88 $V_{w,i}/q^{0.21}$ ( $R^2$  = 0.995),因此,对 于土样1,不同滴头流量下 $\Delta\theta = V_{w,i}/V_i = q^{0.21}/4$ .88 = 0.205 $q^{0.21}$ 。





根据以上分析,在土壤质地和初始含水率确定 的条件下,湿润体平均含水率的增量 Δθ 是关于滴 头流量 q 的函数。但对于不同质地的土壤,Δθ 不仅 与滴头流量 q 有关,而且与土壤性质有关,若以饱和 导水率  $K_s$ 来代表土壤性质,则 Δθ 是关于滴头流量 q 和饱和导水率  $K_s$ 的函数。通过对 33 个样本点的 Δθ 与  $K_s$ 进行分析(为消除 q 的影响,首先将不同流量 下的 Δθ 除以  $q^{0.21}$ ,再与  $K_s$ 进行回归分析),分析发 现 Δθ 与  $K_s$ 具有较好的负相关关系(图 5)。通过模 拟结果发现,在仅用饱和导水率代表土壤性质的情 况下,不同土质中 Δθ 与  $K_s$ 满足两个幂函数关系

 $\Delta\theta = 0.\ 116\ 1q^{0.\ 21}K_s^{-0.\ 387} \quad (R^2 = 0.\ 931) \qquad (12)$ 

 $\Delta\theta = 0.\ 193\ 4q^{0.\ 21}K_s^{-0.\ 354} \quad (R^2 = 0.\ 952) \qquad (13)$ 

在应用式(12)、(13)计算湿润体平均含水率 增量 Δθ时,选择公式的定量指标是土壤的砂粒含 量,土壤砂粒含量小于 50%时,用式(12)求解,反 之,用式(13)求解;定性指标为是否为砂质类土 壤,若土壤偏砂质(包括砂土、壤砂土、砂壤土、砂 粘土和砂质粘壤土),用式(13)求解,否则用 式(12)求解。



图 5 湿润体平均含水率增量与饱和导水率的关系 Fig. 5 Relationship between average water content increment in wetted volume and soil saturated hydraulic conductivity

若湿润体平均含水率的增量 Δθ 已知时,根据 式(10)和式(11),湿润体径向迁移距离可表示为

$$H_{t} = \sqrt{\frac{3 \times 1\ 000\ qt}{2\ \pi\Delta\theta D_{t}}} \tag{14}$$

由以上分析知,不同质地土壤中的垂向迁移距 离 $D_t$ 与土壤饱和导水率 $K_s$ 具有较好的相关关系 (图 3b)。通过模拟分析,不同质地土壤中 $D_t$ 与 $K_s$ 满 足经验关系(误差 10% 的保证率为 75%)

 $D_t = 11.396q^{0.3}K_s^{0.18}t^{0.44} \quad (R^2 = 0.959)$ (15)

为提高经验公式的预测精度,根据土壤是否为 偏砂质,滴灌湿润体垂向迁移距离 D,又可进一步表 示为

$$D_{t} = 13.033q^{0.25}K_{s}^{0.25}t^{0.44}$$

$$( \oplus \mathbb{D}_{t} \pm R^{2} = 0.944 ) \qquad (16)$$

$$D_{t} = 10.554q^{0.32}K_{s}^{0.21}t^{0.44}$$

$$( \oplus \mathbb{D}_{t} \pm R^{2} = 0.975 ) \qquad (17)$$

图 6 为滴头流量为 1 ~ 3 L/h, 土壤容重为 1.5 g/cm<sup>3</sup>,灌水时间为 120 ~ 1 500 min 时湿润体径 向和垂向迁移距离的 HYDRUS 模拟值与经验公式 计算值(式(14)、(15))的对比图,从图中可以看出, 经验公式计算值与 HYDRUS 模拟值基本分布在 1:1 线附近,且 *R*<sup>2</sup>分别为 0.937 和 0.959,表明经验公式 具有一定的可靠性。

#### 2.2.2 经验公式检验

在给定土壤饱和导水率  $K_s$ 和滴头流量 q 的前 提下 ( $q = 1 \sim 3$  L/h, 初 始 土 壤 体 积 含 水 率 为 0.1 cm<sup>3</sup>/cm<sup>3</sup>左右),应用式(15)或式(16)、(17)可 以估算出滴灌湿润体垂向迁移距离  $D_t$ ,将计算出来 的  $D_t$ 代入式(14),即可计算出径向迁移距离  $H_t$ 。

分别利用文献[6、8、12、19、23]中的试验数据 或经验模型,对本研究中建立的滴灌湿润体运移经 验公式(式(14)~(17))进行检验。图7中湿润体 径向和垂向迁移距离的通用算法解是文献[12]中 根据土壤水力特性参数( $\theta_r$ 、 $\theta_s$ 、 $\alpha$ 、n和 $K_s$ )通过无量 纲计算和有量纲转化得到的结果,利用本研究中的 经验公式仅根据饱和导水率 $K_s$ 也能得到可靠的计







图 7 砂壤土中径向和垂向迁移距离随时间变化情况的 经验公式计算结果与通用算法解(文献[12])对比 (饱和导水率 K<sub>s</sub> = 80.64 cm/d)

Fig. 7 Comparison of soil wetted volume development between results of empirical method and empirical algorithm solution for sandy loam (Ref. 12,  $K_s = 80.64 \text{ cm/d}$ )

算值。图 8~11 分别给出了湿润体运移的试验实测 值与经验公式计算值的对比,从图中可以看出在砂 土、砂壤土条件下经验公式较好地预测了径向和垂 向的迁移过程,而对粘壤土中径向湿润锋迁移过程 的预测效果稍差,主要是由于土壤质地偏粘,滴灌过 程中容易形成地表积水。另外,在经验公式与文献 中经验模型和试验数据的统计分析中,砂土、砂壤土 和壤土条件下经验公式计算的湿润锋迁移距离的均 方根误差 RMSE 均小于 3 cm,决定系数 R<sup>2</sup>都在 0.75 以上,粘壤土条件下由于地表积水,经验公式计算的 均方根误差稍大(4.83 cm)。通过将本研究中经验 公式与文献中经验模型和试验数据的对比与统计分 析,表明不同土质中滴灌湿润体经验公式具有较高 的预测精度。



(饱和导水率 K<sub>s</sub> = 57.6 cm/d)

Fig. 8 Comparison of soil wetted volume development between results of empirical method and laboratory measurements for

sandy soil (Ref. 8,  $K_s = 57.6 \text{ cm/d}$ )



图 9 砂壤土中径向和垂向迁移距离随时间变化情况的 经验公式计算结果与实测(文献[19])对比 (饱和导水率 K, = 47.04 cm/d)

Fig. 9 Comparison of soil wetted volume development between results of empirical method and laboratory measurements for sandy loam (Ref. 19, K<sub>e</sub> = 47.04 cm/d)

#### 2.3 经验公式适用性

土壤初始含水率对滴灌湿润体的运移具有一定 的影响,为分析本研究中湿润体运移经验公式对于 不同初始含水率的适用性,将经验公式在不同土质 和滴灌流量下的计算值与在相应条件下的 HYDRUS模拟值进行比较,其中HYDRUS模型分别 采用凋萎点含水率(基质势为 - 1 500 kPa)<sup>[24]</sup>和 0.15 cm<sup>3</sup>/cm<sup>3</sup>两种初始含水率。从图12 可以看出, 垂向湿润锋的经验公式计算值与不同初始含水率下 的 HYDRUS 模拟值比较接近,平均相对误差 MRE





图 11 粘壤土中径向和垂向迁移距离随时间变化 情况的经验公式计算结果与实测(文献[6])对比 (饱和导水率 K<sub>s</sub> = 11.59 cm/d)



均在 10% 左右;结果表明径向湿润锋计算值的平均 相对误差 MRE 也均在 10% 以内,表明经验公式适 用于土壤含水率比较低的情况下滴灌湿润体迁移过 程的预测。

本研究中计算滴灌湿润体迁移的经验公式是关 于滴灌流量、滴灌时间和饱和导水率的函数,具有计 算过程简便、预测精度较高的特点,能为滴灌系统设 计提供参考依据。但应用本经验公式进行滴灌设计 又受到一定的条件限制:①土壤的初始含水率不宜 太高。②在预测滴灌湿润体在不同土质中的迁移状 况时,对土壤饱和导水率的可靠性要求较高。



Fig. 12 Comparison of soil wetted volume development in vertical direction between results of empirical method and HYDRUS simulation under different soil initial water contents

#### 3 结束语

基于非饱和土壤水分运动基本原理,首先,采用 HYDRUS-2D/3D软件模拟了多种土质地表滴灌条 件下的土壤水分运动过程,根据数值模拟结果分析 了土壤的颗粒含量和饱和导水率对湿润体运移的影 响规律。进而以饱和导水率作为土壤质地的代表 参数,建立了描述不同土质中地表滴灌湿润体运 移的经验公式。经验公式中滴灌湿润体的动态变 化仅是滴灌流量、滴灌时间和土壤饱和导水率的 函数,简单、实用。与数值模拟结果、文献试验结 果的对比表明,该经验公式对不同土质下的湿润 体运移规律预测效果较好,且在初始含水率偏小、 土壤饱和导水率可靠的情况下,模拟精度更高。 此经验公式可为农业生产中地表滴灌的设计和应 用提供指导。

参考文献

- 1 GUO Y, SHEN Y. Agricultural water supply/demand changes under projected future climate change in the arid region of northwestern China [J]. Journal of Hydrology, 2016, 540:257 - 273.
- 2 张林,吴普特,范兴科.多点源滴灌条件下土壤水分运动的数值模拟[J].农业工程学报,2010,26(9):40-45.
  - ZHANG Lin, WU Pute, FAN Xingke. Numerical simulation of soil water movement with drip irrigation of multiple point source [J]. Transactions of the CSAE, 2010, 26(9):40-45. (in Chinese)
- 3 王允喜,李明思,蓝明菊.膜下滴灌土壤湿润区对田间棉花根系分布及植株生长的影响[J].农业工程学报,2011,27(8): 31-38.

WANG Yunxi, LI Mingsi, LAN Mingju. Effect of soil wetting pattern on cotton-root distribution and plant growth under plastic

mulched drip irrigation in field [J]. Transactions of the CSAE, 2011, 27(8):31-38. (in Chinese)

- 4 孙三民,安巧霞,杨培玲,等.间接地下滴灌灌溉深度对枣树根系和水分的影响[J/OL].农业机械学报,2016,47(8):81-90. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20160812&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2016.08.012.
  - SUN Sanmin, AN Qiaoxia, YANG Peiling, et al. Effect of irrigation depth on root distribution and water use efficiency of jujube under indirect subsurface drip irrigation [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2016,47(8): 81-90. (in Chinese)
- 5 朱德兰,汪志农,王得祥,等.不同土壤中滴灌水分分布与设计参数的确定[J].西北农林科技大学学报(自然科学版), 2000,28(2):45-49.

ZHU Delan, WANG Zhinong, WANG Dexiang, et al. The principles of water distribution and design parameters of drip irrigation in different soils [J]. Journal of Northwest A&F University(Natural Science Edition), 2000, 28(2):45-49. (in Chinese)

- 6 张振华,蔡焕杰,郭永昌,等. 滴灌土壤湿润体影响因素的实验研究[J]. 农业工程学报,2002,18(2):17-20. ZHANG Zhenhua, CAI Huanjie, GUO Yongchang, et al. Experimental study on factors effecting soil wetted volume of clay loam under drip irrigation [J]. Transactions of the CSAE, 2002,18(2):17-20. (in Chinese)
- 7 张振华,蔡焕杰,杨润亚.地表滴灌土壤湿润体特征值的经验解[J].土壤学报,2004,41(6):870-875. ZHANG Zhenhua, CAI Huanjie, YANG Runya. An empirical solution of characteristic values of wetted solum under surface drip irrigation [J]. Acta Pedologica Sinica, 2004, 41(6):870-875. (in Chinese)
- 8 LI J, ZHANG J, RAO M. Wetting patterns and nitrogen distributions as affected by fertigation strategies from a surface point source [J]. Agricultural Water Management, 2004, 67(2):89 - 104.
- 9 胡和平,高龙,田富强.地表滴灌条件下土壤湿润体运移经验方程[J].清华大学学报(自然科学版),2010,50(6):839-843.

HU Heping, GAO Long, TIAN Fuqiang. Empirical equation for development of soil wetted body under surface drip irrigation condition [J]. Journal of Tsinghua University(Science and Technology), 2010, 50(6):839-843. (in Chinese)

- 10 李就好,谭颖,张志斌,等.滴灌条件下砖红壤水分运动试验研究[J].农业工程学报,2005,21(6):36-39.
   LI Jiuhao, TAN Ying, ZHANG Zhibin, et al. Experimental study on water movement of latosol under drip irrigation [J].
   Transactions of the CSAE, 2005,21(6):36-39. (in Chinese)
- 11 COTE C M, BRISTOW K L, CHARLESWORTH P B, et al. Analysis of soil wetting and solute transport in subsurface trickle irrigation [J]. Irrigation Science, 2003,22(3-4):143-156.
- 12 李光永,曾德超. 滴灌土壤湿润体特征值的数值算法[J]. 水利学报,1997,28(7):1-6. LI Guangyong, ZENG Dechao. The mathematical method for calculating the characteristic value of wetted volume under surface drip irrigation[J]. Journal of Hydraulic Engineering, 1997,28(7):1-6. (in Chinese)
- 13 雷志栋,杨诗秀,谢森传.土壤水动力学[M].北京:清华大学出版社,1998.
- 14 VAN GENUCHTEN M T. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils [J]. Soil Science Society of America Journal, 1980,44(5):892 - 898.
- 15 BHATNAGAR P R, CHAUHAN H S. Soil water movement under a single surface trickle source [J]. Agricultural Water Management, 2008, 95(7):799-808.
- 16 WOODING R A. Steady infiltration from a shallow circular pond [J]. Water Resources Research, 1968, 4(4): 1259 1273.
- 17 BRESLER E. Analysis of trickle irrigation with application to design problems [J]. Irrigation Science, 1978, 1(1): 3-17.
- 18 SIMUNEK J, SEJNA M, VAN GENUCHTEN M T. The HYDRUS 2D software package for simulating the two-dimensional movement of water, heat, and multiple solutes in variably-saturated media [M/OL]. California: U. S. Salinity Laboratory, Agricultural Research Service, U. S. Department of Agriculture, Riverside, 1999. http://pc-progress.com/Downloads/Pgm\_ Hydrus2D/HYDRUS2D.PDF.
- 19 李久生,张建君,饶敏杰. 滴灌施肥灌溉的水氮运移数学模拟及试验验证[J]. 水利学报,2005,36(8):932-938.
   LI Jiusheng, ZHANG Jianjun, RAO Minjie. Model verification of water and nitrate transport from a surface point source [J].
   Journal of Hydraulic Engineering, 2005,36(8):932-938. (in Chinese)
- 20 SCHAAP M G, LEIJ F J, VAN GENUCHTEN M T. ROSETTA: a computer program for estimating soil hydraulic parameters with hierarchical pedotransfer functions [J]. Journal of Hydrology, 2001,251(3-4):163-176.
- 21 SKAGGS T H, TROUT T J, SIMUNEK J, et al. Comparison of HYDRUS 2D simulations of drip irrigation with experimental observations [J]. Journal of Irrigation & Drainage Engineering, 2004, 130(4):304 310.
- 22 汪志荣,王文焰,王全九,等.点源入渗土壤水分运动规律实验研究[J].水利学报,2000,31(6):39-44. WANG Zhirong, WANG Wenyan, WANG Quanjiu, et al. Experimental study on soil water movement from a point source [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2000,31(6):39-44. (in Chinese)
- 23 KHAN A A, YITAYEW M, WARRICK A W. Field evaluation of water and solute distribution from a point source [J]. Journal of Irrigation and Drainage Engineering, 1994, 122(4): 221 227.
- 24 HILLEL D. Environmental soil physics [M]. Academic Press: Oval Road, London, 1998.