doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.04.003

# 轮式 AGV 纯滚动转向系统设计与无侧滑转向控制研究

谢永良<sup>1,2</sup> 尹建军<sup>3</sup> 贺 坤<sup>3</sup> 余承超<sup>3</sup> 胡旭东<sup>1</sup>

(1.浙江理工大学机械与自动控制学院,杭州 310018; 2.浙江经济职业技术学院物流技术学院,杭州 310018;3.江苏大学现代农业装备与技术教育部重点实验室,镇江 212013)

摘要:为了解决前轮导向 AGV 的车轮侧滑问题,基于 Ackermann 转向原理设计了一种变长连杆的双曲柄转向系统。通过推导转向动力学模型,建立了考虑转向阻力矩的左、右前轮转向角闭环控制模型,提出了左、右前轮转向 角 PID 同步控制算法,利用 Matlab 仿真转向控制模型的动态响应,获得了相关控制参数。以松下 PLC 为核心,构建了由左前轮转向交流伺服电机、推杆伺服电机、驱动器和编码器组成的 AGV 转向测控系统,设计了前轮转向系统同步闭环控制流程,实现了满足纯滚动转向原理的左、右前轮转角实时同步控制及转角信息采集。草地路面原地转向及硬质路面 S 型轨迹转向行驶试验表明,前轮导向 AGV 转向系统的左、右前轮期望转角与实际转角误差小于 0.1°,AGV 转向系统近似满足车轮纯滚动无侧滑运动条件,验证了轮式 AGV 纯滚动转向系统设计和转向控制的正确性与有效性。

关键词:轮式自动导引车; 纯滚动转向系统; 转向动力学; 无侧滑转向控制 中图分类号: TP242.3; S229<sup>+</sup>.1 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2018)04-0027-09

## Pure Rolling Steering System Design and Research on Non-sideslip Steering Control for Wheeled AGV

XIE Yongliang<sup>1,2</sup> YIN Jianjun<sup>3</sup> HE Kun<sup>3</sup> YU Chengchao<sup>3</sup> HU Xudong<sup>1</sup>

(1. School of Mechanical Engineering and Automation, Zhejiang Sci-Tech University, Hangzhou 310018, China

2. Logistic Technology Department, Zhejiang Technical Institute of Economics, Hangzhou 310018, China

3. Key Laboratory of Modern Agricultural Equipment and Technology, Ministry of Education, Jiangsu University,

Zhenjiang 212013, China)

Abstract: Aiming to eliminate the wheel sideslip of the front wheel guided AGV, a kind of double crank steering system with changing length link was designed based on the steering principle of Ackermann. By deducing steering dynamics models, closed loop control models of rotation angle of left and right front wheels were established in consideration of steering resisting moment. PID synchronous control algorithm of steering angle of left and right front wheels was proposed. The dynamic responses of steering control models were simulated by Matlab, and the relative control parameters were obtained. With Panasonic PLC as the core, a measurement and control system of AGV steering was built up, which consisted of AC servo motor of left front wheel, AC servo motor of push rod, actuator and encoder. Synchronous closed loop control flow of front wheel steering system was designed, and real-time synchronous control of rotation angle of left and right front wheels and the collection of rotation angle data were realized to meet the principle of pure rolling steering. Pivot steering test on grassland roadway and turning travel test of AGV along S-type trajectory under hard roadway showed that the errors between expected turning angle and actual turning angle of left and right front wheels of steering system of front wheel guide AGV were no more than 0.1°, and AGV steering system can approximately satisfy the movement condition of pure rolling and non-sideslip, which validated the correctness and effectiveness of pure rolling steering system design of wheeled AGV and steering control.

Key words: wheeled AGV; pure rolling steering system; steering dynamics; non-sideslip steering control

收稿日期: 2017-12-07 修回日期: 2018-01-22

基金项目:国家自然科学基金项目(51475212)

作者简介: 谢永良(1972—),男,博士生,浙江经济职业技术学院讲师,主要从事农业机器人和物流工程研究,E-mail: 564059974@ qq.com 通信作者: 尹建军(1973—),男,研究员,博士,主要从事特种收获机械集成设计和采收机器人研究,E-mail: yinjianjun@ ujs.edu.cn

#### 0 引言

轮式自动导引车(Automated guided vehicle, AGV)属于移动机器人的范畴,目前已广泛应用于 车间物料运输、仓储物流等领域。农用轮式 AGV 主 要作为果实套袋、采摘、搬运、施药、田间信息探测的 移动式搭载平台,为减少劳动力、提高生产效率提 供有效的解决方案。而轮式 AGV 转向系统设计与 控制水平直接决定 AGV 行驶性能,如何实现纯滚动 转向、消除车轮侧滑、降低车轮磨损、精准完成预定 路径跟踪与导航任务,适应作业场地行驶要求,成为 国内外众多学者的研究重点<sup>[1-8]</sup>。

MITCHELL 等<sup>[9]</sup>运用数学方法对传统转向梯形 进行分析,指出转向梯形机构只能在较小转向角度 范围内近似符合 Ackermann 转向定理。 CARCATERRA 等<sup>[10]</sup>及 PRAMANIK<sup>[11]</sup>将差分机构 或曲柄摇杆机构运用到转向六杆机构中,改善了转 向机构操控能力,在小转向角范围内转向误差较小, 但伴随转向角增大转向误差也随之上升。刘宏新 等<sup>[12]</sup>设计了一种无侧滑转向传动装置,该装置可以 在行驶过程中自动校正转向轮。冯永伟等<sup>[13]</sup>设计 了一种五杆转向机构,使车轮在转向过程中近视符 合纯滚动条件,但未见应用报道。张京等<sup>[14]</sup>针对田 间作业环境设计了一种农用轮式机器人四轮独立转 向驱动控制系统,但未考虑轮式 AGV 在田间的转向 载荷问题。

本文面向温室道路和果园草地行驶应用需求, 针对前轮导向 AGV 存在车轮侧滑问题,设计一种基 于 Ackermann 转向原理的轮式 AGV 纯滚动转向系 统。通过建立转向动力学模型,提出考虑转向阻力 矩的无侧滑转向控制模型,结合控制算法仿真与转 向试验,验证 AGV 纯滚动转向系统设计和转向控制 方法的正确性和有效性,以期为轮式 AGV 在温室或 果园应用和轮式拖拉机等前轮导向车辆的转向系统 设计提供参考。

### 1 轮式 AGV 纯滚动转向系统设计

#### 1.1 转向几何分析

如图 1 所示,轮式 AGV 的转向机构为双曲柄机 构,AB、CD 为等长转向曲柄,BC 为受控变长连杆。 为了实现各车轮绕 O 点作纯滚动而不发生侧滑,则 2 个转向轮的瞬时旋转中心必须要汇聚在后轮轴线 上。根据 Ackermann 转向定理<sup>[15]</sup>, $\varphi_L$ 与  $\varphi_R$ 的转角 关系为

$$\cot\varphi_L - \cot\varphi_R = \frac{W}{L'} \tag{1}$$

式中 
$$L'$$
——前、后轮轴距 W——轮距  
 $\varphi_L$ ——左前轮转角  $\varphi_R$ ——右前轮转角

 $\varphi_L$ 和  $\varphi_R$ 以 AGV 直线前进方向为计量基准, 左转时取正值, 右转时取负值。



本设计的 AGV 底盘 W/L = 0.4 时,由式(1)可 得 AGV 转向时左、右前轮的理想转角关系曲线,如 图 2 所示。



图 2 AGV 左、右前轮的理想转角关系曲线

Fig. 2 Ideal rotation angle relationship curve between left and right front wheels of AGV

由图 2 可知,在  $\varphi_L = [-60^\circ, 60^\circ], AGV 转向 机构外侧车轮转角始终小于内侧车轮转角(内外侧 以瞬心相对位置进行度量),才能满足式(1)约束的 几何关系,左、右前轮转角关系曲线关于直线 <math>\varphi_L = -\varphi_R 对称^{[16]}$ 。随着内侧车轮旋转角的增大,2 个转 向轮的转角差异也越大,呈非线性变化。若要保证 式(1)成立,转向过程的任意时刻,必须精准改变连 杆长度来满足转向轮的转角约束。

#### 1.2 转向机构设计

如图 3 所示,设计的纯滚动转向系统主要由转向双曲柄机构、左前轮转向伺服电机、NMRV 减速机、转向轮竖轴编码器和车架组成,其中转向双曲柄

机构主要由转向主、副曲柄和1个交流伺服减速电 机驱动的电动推杆组成,转向主、副曲柄分别通过转 向竖轴与实心橡胶轮胎连接。电动推杆作为受控变 长连杆,其两端分别与转向曲柄铰接。通过同步控 制左转向轮转角与电动推杆的伸缩长度,使左、右转 向轮实时满足式(1)约束的转角关系。为了补偿转 向机构机械传动误差,在左、右转向竖轴端部分别安 装分辨率为16位的绝对式编码器,用以反馈转向轮 实际转角。



图 3 轮式 AGV 纯滚动转向系统的结构组成 Fig. 3 Structural composition of pure rolling steering system of wheeled AGV

1. 左前轮 2. 转向竖轴 3. 转向锥齿轮 4. NMRV 减速机
 5. 左前轮转向伺服电机 6. 转向主曲柄 7. 16 位绝对式编码器
 8. 电动推杆 9. 推杆伺服电机 10. 转向副曲柄 11. 车架连接板 12. 右前轮

#### 1.3 原地转向阻力矩估算

AGV 转向阻力矩是由地面和车轮之间的作用 力力矩以及转向系统自身的力矩构成,在原地转向 时所需转向力矩最大<sup>[17]</sup>。AGV 原地转向阻力矩 *M*<sub>R</sub> 由轮胎与路面接触所承受的转向阻力矩 *M*<sub>R1</sub>和轮胎 下陷时剪切土壤所承受的阻力矩 *M*<sub>R2</sub>组成,即<sup>[18]</sup>

$$M_{R} = M_{R1} + M_{R2} \tag{2}$$

(3)

$$\eta$$

$$M_{R2} = q_u SL' \cos\varphi \tag{4}$$

$$k = b/3$$

 $M_{P1} = \frac{1}{G_1 \xi \sqrt{e^2 + k^2}}$ 

$$q_u = 2C_P \tan\left(45^\circ + \gamma/2\right)$$

G1---转向轮垂直负荷

ξ----综合摩擦因数

e——轮胎中心与地面接触点至转向竖轴与 地面交点之间的距离

$$q_u$$
——土壤剪切强度  $C_p$ ——土壤黏结力  
 $\gamma$ ——土壤的内摩擦角

转向阻力矩计算以果园草地路面为例, $\xi$ 取 0.8,e取 62 mm,轮胎宽度 b为 84 mm。根据转向系 统的机械与电传动特点, $\eta$ 取 0.96;转向轮的垂直载 荷  $G_1$ 设计为 2 000 N,由式(3)得  $M_{R1} = 53.1$  N·m。

草地土壤的黏结力  $C_p$ 取为 30 kPa,土壤的内摩 擦角  $\gamma$  为 15°。单侧轮胎下陷深度取为 h = 15 mm, 轮胎推土部分的接触长度 l = 120 mm,得轮胎剪切土 壤接触面积  $S = lh = 1.8 \times 10^{-3}$  m<sup>2</sup>,轴距 L' = 935 mm。 由式(4)得  $M_{R2} = 131.6$  N·m。

由式(2)可得,AGV 的原地转向阻力矩  $M_R$  = 184.7 N·m。

欲使 AGV 稳定转向,驱动转向竖轴的扭矩  $M_D$ 须满足  $M_D \ge M_R$ 。设计中,NMRV 减速器速比  $i_m =$ 100,左前轮转向伺服电机输出扭矩  $T_m = M_R/i_m$ 。 因此,左前轮转向伺服电机选择松下 A6 系列交流 伺服电机,额定扭矩 2.39 N·m,功率 750 W,额定转 速 3 000 r/min,分辨率为绝对式 23 位,可提供的转 向力矩是估算的原地转向阻力矩的 1.3 倍。

#### 1.4 电动推杆的推力估算

设计的电动推杆如图 4 所示,交流伺服电机直连 3 级高精度定轴齿轮机构传动,减速比 7,驱动 20 mm 螺距的高精度丝杠传动使推杆快速伸缩。在推杆两 端的极限位置设置限位开关,用于推杆量程超限保 护,推杆位置反馈由伺服电机编码器提供。



图 4 电动推杆结构示意图

 Fig. 4
 Schematic diagram of electric push rod

 1. 推杆伺服电机
 2. 联轴器
 3. 第 1 级内齿轮传动
 4. 第 2 级

 外齿轮传动
 5. 推杆固定连接端
 6. 第 3 级外齿轮传动
 7. 螺

 杆
 8. 推杆伸缩端
 9. 推杆壳体

取电动推杆驱动右前轮的最大阻力矩为  $M_R/2$ ,则电动推杆施加在右前轮上的驱动力  $F_i$ 为

$$F_{t} = \frac{M_{R}}{2L_{AB}\cos\varphi_{R}} \tag{5}$$

式中 L<sub>AB</sub>——转向曲柄长,取90 mm

 $\varphi_R$ 取最大偏角为 60°,得  $F_t = 2.052.2 \text{ N}_{\odot}$ 

由电动推杆的传动系可得

$$F_{t} = 2\pi\eta_{1}T_{md}i_{t}/L_{t}$$
(6)

L<sub>1</sub>——丝杠导程,取20mm

由式(6)可得, $T_{md}$ =0.973 N·m<sub>o</sub>

因此,推杆伺服电机选择松下 A6 系列交流伺服电机,额定扭矩 1.27 N·m,功率 400 W,额定转速 3 000 r/min,分辨率为绝对式 23 位,可提供的转向 力矩是估算的右前轮转向阻力矩的 1.3 倍。

#### 2 基于转向动力学的转向控制模型

#### 2.1 转向机构动力学模型

由图3可知,纯滚动转向机构为二自由度系统, 包含左前轮的转动自由度和电动推杆的移动自由 度,转向系统的动力学模型可以表示为<sup>[19]</sup>

$$J\ddot{\varphi}_L + C\dot{\varphi}_L + K\varphi_L = M_D - M_R \tag{7}$$

$$m_{t}\ddot{x}_{t} = F_{t} - \lambda_{t}F_{R} \qquad (8)$$

其中 
$$F_R = M_R/(2e)$$

式中 J——转向机构等效转动惯量

C——转向机构等效阻尼系数

K——转向机构等效刚度

- *m*<sub>1</sub>——电动推杆伸出杆质量
- x<sub>1</sub>——电动推杆伸缩量
- λ<sub>i</sub>——电动推杆长度变化量 x<sub>i</sub>与左、右前轮 转角差线性化系数

F<sub>R</sub>——地面对右前轮阻力

#### 2.2 交流伺服电机模型

交流伺服电机一般采用三环控制方式,即<sup>[19]</sup>: 内部采用电流环、速度环,外部采用位置环。电流环 的作用主要是提高系统的快速性,同时抑制电机内 部电流过大,提高系统安全性。速度环的作用主要 是增强电机系统抗负载干扰能力,保持电机速度恒 定,速度环包括速度检测单元 *K*<sub>f</sub>、速度环放大器 *K*<sub>q</sub>。 位置环的作用是保证系统的静态性能及动态跟踪能 力,位置环包括位置检测单元 K<sub>B</sub>、位置环放大器 K<sub>u</sub>。为了仿真转向系统的动态响应和转向控制性能,需 建立交流伺服电机模型,交流伺服电机线性状态方 程为<sup>[20]</sup>

$$\begin{bmatrix} \vdots \\ i_{q} \\ \vdots \\ \omega_{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{-R_{s}}{L} & \frac{-\psi_{f}}{L} \\ \frac{P_{n}\psi_{f}}{J_{m}} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{q} \\ \omega_{r} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{u_{q}}{L} \\ \frac{-T_{n}}{J_{m}} \end{bmatrix}$$
(9)

式中 *i*<sub>q</sub>——定子控制电流

#### 2.3 左前轮闭环系统模型

交流伺服电机和左前轮通过机械传动系统联接,传动系统具有一定的抗扭刚度  $K_{g}$ ,因此左前轮转向竖轴驱动力矩  $M_{D}$ 与电机输出轴转角  $\theta$ 、左前轮转角  $\varphi_{L}$ 的关系为<sup>[21]</sup>

$$M_{D} = K_{g} (\theta - i_{m} \varphi_{L})$$
(10)

由式(10)、(7)可得

 $K_{g}(\theta - i_{m}\varphi_{L}) = J \dot{\varphi}_{L} + C \dot{\varphi}_{L} + K \varphi_{L} + M_{R} \quad (11)$ 因此,可得左前轮机械传动系统的传递函数为

$$\Psi_L(s) = \frac{K_g \Theta(s) - M_R(s)}{Js^2 + Cs + K + i_m K_g}$$
(12)

由式(9)和式(12),同时将前轮转向机构交流 伺服电机的速度检测单元 $K_{\eta}$ 、速度环放大器 $K_{q1}$ 、位 置检测单元 $K_{B1}$ 、位置环放大器 $K_{u1}$ 看作为比例环 节,得出左前轮转角交流伺服闭环系统数学模型,如 图 5 所示。



图 5 左前轮转角交流伺服闭环系统数学模型

Fig. 5 Mathematical model of AC servo closed loop system of rotation angle of left front wheel

#### 2.4 右前轮闭环系统模型

为了使左右前转向轮实时满足阿克曼转向角关 系,右前轮转角采用伺服电动推杆进行闭环控制。

对电动推杆内部机械传动系统分析,可以得到 等效系统的运动学微分方程为

$$J_t \theta_t + B_t \theta_t = k'(\theta_t - \theta_t)$$
(13)

式中 J,——丝杠轴折算到电机轴上的等效转动惯量

B<sub>1</sub>——丝杠轴折算到电机轴上的等效阻尼系数

k'——丝杠轴折算到电机轴上的等效刚度系数

θ,——电机输入转角

θ<sub>1</sub>——电机在负载作用下的实际转角

由于电机输出轴通过齿轮与丝杠传动将电机角

位移转化为推杆直线运动,得

$$\theta_t = i_t \frac{2\pi}{L_t} x_t \tag{14}$$

在弹性变形范围内,电动推杆伸出杆伸缩量与 电动推杆推力的关系为

$$F_{t} = k_{t} (x_{t} - x_{t}')$$
 (15)

式中 k.——伸出杆刚度

x!——电动推杆在负载作用下位移

电动推杆实际位移量与左右前轮转角差在中间 转角范围内基本呈线性关系,式(15)可表示为

$$F_{\iota} = k_{\iota} (x_{\iota} - \lambda_{\iota} \varphi_{L} + \lambda_{\iota} \varphi_{R})$$
(16)  

$$\pm \vec{\mathfrak{I}} (16) (8) \vec{\mathfrak{I}} \vec{\mathfrak{H}}$$

$$m_{i}\ddot{x}_{i} = k_{i}\left(x_{i} - \lambda_{i}\varphi_{L} + \lambda_{i}\varphi_{R}\right) - \lambda_{i}F_{R} \qquad (17)$$

结合式(13)、(14)可得右前轮机械传动系统的 传递函数为

$$\frac{\Psi_R(s)}{\Theta_r(s)} = \frac{As^2}{J_i s^2 + B_i s + k} + \varphi_L + \frac{F_R(s)}{k_i} - \frac{1}{\lambda_i} \quad (18)$$

$$kL_i m_i$$

其中

 $A = \frac{1}{2\pi i_{\iota}k_{\iota}\lambda_{\iota}}$ 由式(18)、(9),将伺服电动推杆中交流伺服电 机的速度检测单元 K<sub>f</sub>、速度环放大器 K<sub>g</sub>、位置检测 单元 K<sub>B</sub>,、位置环放大器 K<sub>u</sub>,看作为比例环节,得出 右前轮转角交流伺服闭环系统数学模型,如图6所 示。



图 6 右前轮转角交流伺服闭环系统数学模型

Fig. 6 Mathematical model of AC servo closed loop system of rotation angle of right front wheel

#### 2.5 转向系统同步控制策略

左、右前轮位置闭环系统主要由驱动元件(交 流伺服电机)、运动元件、反馈元件(角度编码器)、 比较环节和驱动线路等组成。其中,比较环节用于 计算左、右前轮理论转角与实际转角的差值。左、右 前轮位置闭环系统要求左、右前轮角度具有较高的 响应速度、位置控制精度及稳定性。在转向过程中, 左、右前轮转向电机必须实现实时同步控制,满足在 任意时刻左、右前轮符合式(1)的转向几何约束。 由于 PID 控制算法原理简单,参数调整方便,能够快 速、稳定实现控制系统要求,且具有较好的鲁棒性。 因此, 左、右前轮位置闭环系统均采用 PID 控制器。 PID 控制器根据被控对象的给定值与反馈值的差 值,按照 PID 算法计算出控制器的输出量,控制执行 机构去影响被控对象的变化。本文设计的转向机构 转角以及转速调节均为采样控制,采用增量式 PID 控制形式

$$\Delta u(k) = u(k) - u(k-1) = K_{p}(e_{k} - e_{k-1}) + K_{l}e_{k} + K_{D}(e_{k} - 2e_{k-1} + e_{k-2})$$
(19)  
式中 k—采样次数  $\Delta u(k)$ —控制增量  
 $u(k), u(k-1)$ —第 k, k-1 次采样时间系 统控制量  
 $K_{p}$ —比例系数  $K_{l}$ —积分系数  
 $e_{k}, e_{k-1}, e_{k-2}$ —第 k, k-1, k-2 次采样时间  
的系统误差

K。——微分系数

在每一个循环中通过第 k、k-1、k-2 次采样时 刻的角度误差  $e_k$ 、 $e_{k-1}$ 、 $e_{k-2}$ 计算得到当前伺服的速 度控制增量  $\Delta u(k)$ ,将速度控制增量经 D/A 转换输 入到电机驱动器,驱动伺服电机转动,实现转向轮转 角闭环控制。

考虑到机械传动系统中传动间隙及闭环控制系 统抖动的问题,为了弱化抖动并提高定位控制精度, 在 PID 控制器前加入死区控制。当伺服电机驱动前 轮运行至一定的精度范围 | e<sub>k</sub> | < e<sub>r</sub>时,停止电机,保 证前轮定位精度。

为了实现前轮转向机构在转向过程中无侧滑, 左、右前轮转角必须时刻满足阿克曼转向定理,实现 左、右前轮转向电机实时同步控制。因此,本设计以 左前轮期望转角作为整个系统的输入量,经左前轮 闭环控制系统实现左前轮转角闭环控制。同时,左 前轮理论转角经阿克曼转向模型实时解算得到右前 轮期望转角,作为右前轮转角闭环控制系统输入,实 现右前轮转角闭环控制。因此,只要左前轮转角发 生位置变化,左、右前轮转角实时同步跟踪,实现无 侧滑转向控制,如图7所示。

#### 3 转向控制系统仿真分析

为了验证上述纯滚动转向系统动力学模型和闭 环控制模型的正确性和有效性,基于 Matlab 平台进





行前轮转向机构的闭环控制仿真。

#### 3.1 左前轮闭环控制系统仿真

首先在 Matlab/Simulink 中,根据图 5 所示的左 前轮交流伺服闭环系统控制模型建立仿真模型,设 左前轮转角闭环 PID 控制器参数为  $K_{P_1} = 35, K_{I_2} =$  $0.5, K_{D_1} = 0.8; 位置环放大器增益 K_{u_1} = 32, 位置反$ 馈增益  $K_{B_1} = 1$ ,速度环放大器增益  $K_{q_1} = 15$ ,速度环 反馈系数  $K_{f_1} = 0.025$ 。定子绕组磁链  $\psi_{f_1} = 0.1$  Wb, 极对数 $P_{n_1}$ =4,定子电阻 $R_{s_1}$ =0.2 $\Omega$ ,电枢电感 $L_1$ = 0.005 H,转子转动惯量 J<sub>m</sub> = 1.51 × 10<sup>-4</sup> kg·m<sup>2</sup>, 扰 动力矩  $T_{n_1} = 0.5 \text{ N·m}$ ,抗扭刚度  $K_{\alpha} = 0.2 \text{ N·m/rad}_{\circ}$ 转向机构等效转动惯量  $J = 7.96 \times 10^{-4} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ 。转 向机构等效阻尼系数 C = 0.103 N·s/m,转向机构等 效刚度 K = 183.75 N/m。设定输入信号为单位阶跃 信号在不同转向阻力矩下的响应以及设定输入信号 为变幅值阶跃信号在最大转向阻力矩  $M_{s}$ 下的响应, 仿真时设置采样时间间隔 0.001 s, 仿真时间 0.5 s, 采用变步长 ode45 求解器模型进行求解, 仿真结果 如图8和图9所示。





由图 8 可知,当转向阻力矩  $M_R = 0$  N·m,即不考 虑轮胎与地面间转向阻力矩情况下,左前轮转向控 制系统动态响应的上升时间约 0.04 s,超调量 5%; 当转向阻力矩  $M_R = 53.1$  N·m,即不考虑轮胎在土质 路面下陷,仅考虑轮胎与路面接触所产生的转向阻 力矩情况下,左前轮转向控制系统动态响应的上升



时间约 0.06 s, 超调量 3%;当转向阻力矩  $M_{R}$  = 118.9 N·m,即同时考虑轮胎下陷及轮胎与路面接触所产生的转向阻力矩情况下,左前轮转向控制系统动态响应的上升时间约 0.075 s,超调量 1%。上述结果表明转向控制系统系统在不考虑负载的理想情况下,拥有最佳动态性能,上升时间最快。此时,转向系统灵敏,超调量最大;随着转向阻力矩的增大,转向系统在阻力矩的作用下,系统灵敏度有所降低,系统上升时间增加;当转向阻力矩为最大值时,电机启动时刻轮胎需要抵抗土壤剪切阻力及地面摩擦阻力产生的阻力矩,系统有所波动,随后快速稳定,系统超调量控制在较低水平。左前轮交流伺服闭环系统在不同的转向阻力矩下都具有良好的动态响应效果,对于不同工况具有良好的适应性。

前轮转向系统为目标角度设定值不断变化的跟踪系统,跟踪过程中目标角度的幅值与方向均在不断变化,图9所示为在最大转向阻力矩 M<sub>R</sub>下左前轮闭环控制模型输入变幅值阶跃信号的响应。

由图 9 可知,在系统开始启动时刻,系统响应与 图 8 呈现出一致性。随着跟踪信号方向与幅值不断 变化,控制系统能够快速跟踪输入信号,超调量很 小,在幅值突变点系统没有波动,说明控制系统在恶 劣工况下具有良好的动态特性及控制稳定性。

#### 3.2 右前轮闭环控制系统仿真

在 Matlab/Simulink 中,根据图 6 所示的右前轮 交流伺服闭环系统控制模型建立仿真模型,设置右 前轮转角闭环 PID 控制器参数为  $K_{P_2} = 20, K_{I_2} =$ 0.6, $K_{D_2} = 1.2$ 。位置环放大器增益  $K_{u_2} = 15$ ,位置反 馈增益  $K_{B_2} = 1$ ,速度环放大器增益  $K_{q_2} = 5$ ,速度环反 馈系数  $K_{f_2} = 0.04$ 。定子绕组磁链  $\psi_{f_2} = 0.1$  Wb,极 对数  $P_{n_2} = 4$ ,定子电阻  $R_{S_2} = 0.3 \Omega$ ,电枢电感  $L_2 =$ 0.007 H。转子转动惯量  $J_{m_2} = 6.7 \times 10^{-5}$  kg·m<sup>2</sup>,扰 动力矩  $T_{n_2} = 0.4$  N·m。丝杠轴折算到电机轴上的等 效转动惯量  $J_t = 5.07 \times 10^{-6}$  kg·m<sup>2</sup>,丝杠轴折算到 电机轴上的等效阻尼系数  $B_i = 0.005 \text{ N} \cdot \text{s/m}, \text{丝杠}$ 轴折算到电机轴上的等效刚度 k' = 0.6 N/m, 伸出杆质量  $m_i = 0.55 \text{ kg}, \text{伸出杆刚度} k_i = 6.3 \times 10^8 \text{ N/m},$ 线性系数  $\lambda_i = 0.957$ ,地面对右前轮阻力取最大值  $F_R = 958.8 \text{ N} \cdot \text{m}_{\circ}$ 由于在转向过程中,左右前轮必须 满足阿克曼转向定理,且系统输入为左前轮期望转 角  $\varphi'_L \circ$  因此,右前轮闭环系统仿真输入信号为左前 轮转角设定周期为 5 s,幅值为 60°的正弦信号经阿 克曼转向定理解算得到的右前轮转角信号  $\varphi'_R \circ$  右 前轮闭环系统仿真响应,如图 10 所示。



由图 10 可知,经阿克曼转向几何公式解算得到 的右前轮输入信号  $\varphi'_{R}$  为与左前轮期望转角  $\varphi'_{L}$  周期 相同、幅值不同的类正弦信号。仿真结果表明在最 大转向阻力  $F_{R}$ 下,右前轮闭环控制系统能跟踪右前 轮转角变化,响应快,是一个稳定系统。由于转向阻 力矩存在,响应曲线与理论曲线存在 3.27°的相位 差,但从整体响应结果来看该相位差对转向系统影 响不大,反映 PID 控制参数设置合适。

#### 4 纯滚动转向系统验证及分析

#### 4.1 转向系统的同步控制实现

从系统可靠性及后期维护便捷性角度出发<sup>[20]</sup>, 选用松下 PLC 作为整个运动控制核心,PLC 自带有 运动控制指令、PID 运算指令、数模转换及丰富的 I/O 接口。前轮转向系统选用松下交流伺服电机作为动 力源,采用 24 V 锂电池组加逆变器形式提供交流 电,电池组容量为 160 A·h,逆变器额定输出交流电 压 220 V,额定输出功率 3 000 W。PLC 通过 Modbus RTU 通讯协议获取左、右转向竖轴端部安装的绝对 式编码器的转角信息。交流伺服电机设置为速度控 制模式,根据图 7 所示的转向控制框图,PLC 通过接 收到转角指令与采集到左、右前轮实际转角作差,将 转角误差输入 PID 控制器运算得到电机转动脉冲频 率,经数模转换输入伺服电机驱动器驱动左、右前轮 实现同步闭环控制,其算法流程如图 11 所示。



图 11 转向系统同步闭环控制流程图 Fig. 11 Flow chart of synchronous closed loop control of steering system

为了测试设计的前轮纯滚动转向系统与控制方法,根据图 11 所示的流程图,基于松下 PLC 开发了轮式 AGV 运动控制程序,其中左、右前轮闭环控制系统 PID 控制器均采用仿真中确定的控制参数,死 区控制精度 *e*,取 0.02°。根据松下 PLC 串口通讯协议,在上位 PC 机上基于 LabVIEW 平台设计了左、右转向轮转角获取程序、数据保存程序,可实时获取 左、右转向竖轴上的绝对式编码器数据。设计的 AGV 试验系统,如图 12 所示。

#### 4.2 转向系统草地路面原地转向试验

试验时控制 AGV 行驶至草地上,首先进行转向



图 12 AGV 纯滚动转向系统及其草地路面转向试验 Fig. 12 Pure rolling steering system of AGV and turning test on grassland roadway

阻力矩估算,通过上位机控制转向机构从 60°转到 -60°,测定轮胎下陷深度与推土部分接触线长度。 由于草地土壤性质不均匀性,实测得左前轮轮胎下 陷深度  $h_L$  = 18 mm,轮胎推土部分接触线长度  $l_L$  = 127 mm,右前轮轮胎下陷深度  $h_R$  = 13 mm,轮胎推土 部分接触线长度  $l_R$  = 109 mm,计算得到 AGV 原地转 向阻力矩  $M_R$  = 188.46 N·m。为了测试前轮转向机构 转角控制精度,通过上位机设定左前轮转向角度, LabVIEW 程序以固定采样间隔(60 ms)记录实际 左、右前轮转角反馈,每组角度重复10次试验<sup>[22]</sup>, 每组试验结果经算数平均得到,试验现场如图12 所 示为,试验结果如表1 所示。

表 1 转向系统在草地路面的转向试验结果 Tab. 1 Turning test results of steering system on grassland roadway

左前轮设定	右前轮解算	左前轮平均实	右前轮平均实	左前轮平均角度	右前轮平均角	左前轮标准差	右前轮标准差
角度 $\varphi_{Lr}/(\circ)$	角度 φ <sub>Rr</sub> /(°)	际角度 $\varphi_L/(\circ)$	际角度 $\varphi_R/(\circ)$	误差 $\Delta \varphi_L / (\circ)$	度误差 $\Delta \varphi_R / (\circ)$	$\sigma_1$	$\sigma_2$
- 60. 00	- 79. 41	- 60. 07	- 79. 36	0.07	0.05	0.02	0. 02
- 34. 70	- 43. 50	- 34. 76	- 43. 55	0.06	0.05	0.02	0.01
- 14. 50	- 16. 05	- 14. 42	- 16. 12	0.08	0.07	0.03	0.01
-1.20	- 1. 21	- 1. 24	-1.18	0.04	0.03	0.01	0.02
0	0	0.05	0.06	0.05	0.06	0.02	0.01
5.30	5.11	5.37	5.05	0.07	0.06	0.01	0.02
17.60	15.76	17.56	15.83	0.04	0.07	0.02	0.02
42.80	34. 22	42.74	34.28	0.06	0.06	0.01	0.01
60.00	45.94	60.06	45.87	0.06	0.07	0.01	0. 02

由表1可见,通过设定不同的左前轮角度作为 系统输入,左前轮实际转角与设定转角间的平均角 度误差小于0.08°,标准差小于0.03;右前轮实际转 角与解算转角间的平均角度误差小于0.07°,标准 差小于0.02,说明前轮转向闭环控制系统拥有良好 的角度控制精度和控制稳定性。同时,转向控制器 根据输入的左前轮转角解算得到的右前轮转角符合 阿克曼转角关系,说明前轮转向机构及控制系统能 够实现纯滚动转向控制要求。

#### 4.3 转向 AGV 硬质路面沿 S 型轨迹转向试验

由于 AGV 的实际工作状态为车体在一定行驶 速度条件下,通过设定的导航路径循迹行走或手动 遥控 AGV,通过不断控制 AGV 转向来完成给定任 务。为此,为了测试设计的 AGV 动态转向效果,开 展了 AGV 在硬质路面沿 S 型轨迹的手动遥控转向 行驶试验,其中 S 型轨迹由 1 个半径 2 m 的半圆和 半径 1 m 的半圆拼接而成,如图 13 所示。



图 13 AGV 沿 S 型轨迹的转向行驶试验 Fig. 13 Turning travel test of AGV along S-type trajectory

试验中设定 AGV 以 0.2 m/s 速度从 S 型轨迹 起点出发,手动遥控 AGV 转向沿 S 型轨迹行驶,考 察 AGV 转向行驶过程中右前轮转角跟随左前轮偏 转的同步闭环控制效果。测试中,将左前轮角度传感器获取的左前轮实际转角作为系统输入,上位机的 LabVIEW 程序以 60 ms 采样间隔连续采集右前轮转角,并实时计算转角误差,同时将试验结果实时保存,获得的右前轮转角误差曲线如图 14 所示。





由图 14 可见, AGV 沿设定的 S 型轨迹转向行驶, 右前轮的绝对转角误差小于 0.1°, AGV 转向系统在启停阶段的转角误差没有较大波动, 说明转向系统的 2 个交流伺服电机闭环控制能够快速稳定跟踪转角变化, 可以认为 AGV 纯滚动转向行驶, 验证了 AGV 纯滚动转向系统设计和转向控制的正确性与有效性。

#### 5 结论

(1)建立了考虑转向阻力矩的左、右前轮转向 角闭环控制模型,提出了左、右前轮转向角 PID 同步 控制算法,有效实现了转向系统左、右前轮转角的同 步闭环控制,具有良好的动态特性及转向控制稳定 性,适应草地路面工况。 (2)通过草地路面原地转向试验与硬质路面沿 S型轨迹转向行驶试验,前轮导向纯滚动转向系统 的左、右前轮期望转角与实际转角误差小于 0.1°, AGV 转向系统近似满足车轮纯滚动无侧滑运动条件,验证了 AGV 纯滚动转向系统设计和转向控制的 正确性与有效性。

#### 参考文献

1 林桂潮,邹湘军,张青,等.基于主动轮廓模型的自动导引车视觉导航[J/OL].农业机械学报,2017,48(2):20-26.http: //www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20170203&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2017. 02.003.

LIN Guichao, ZOU Xiangjun, ZHANG Qing, et al. Visual navigation for automatic guided vehicles based on active contour model [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48(2):20 - 26. (in Chinese)

2 邵俊恺,赵翾,杨珏,等. 无人驾驶铰接式车辆强化学习路径跟踪控制算法[J/OL]. 农业机械学报, 2017, 48(3):376-382. www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20170348&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2017. 03.048.

SHAO Junkai, ZHAO Xuan, YANG Jue, et al. Reinforcement learning algorithm for path following control of articulated vehicle [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48(3):376-382. (in Chinese)

3 武星,沈伟良,楼佩煌,等.视觉导引AGV 鲁棒特征识别与精确路径跟踪研究[J/OL].农业机械学报,2016,47(7):48-56.http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20160708&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2016.07.008.
WU Ying SHEN Weiling LOU Peibuang et al. Bobust feature recognition and precise path tracking for vision-guided ACV[I/

WU Xing, SHEN Weiliang, LOU Peihuang, et al. Robust feature recognition and precise path tracking for vision-guided AGV[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2016, 47(7):48-56. (in Chinese)

- 4 ARCHILA J F, BECKER M. Mathematical models and design of an AGV (automated guided vehicle) [C] // 2013 IEEE 8th Conference on Industrial Electronics and Applications (ICIEA), 2013: 1857-1862.
- 5 王立舒,丁晓成,时启凡.基于微型自动导引运输车的盆栽作物数据采集系统[J].农业工程学报,2014,30(16):17-24. WANG Lishu, DING Xiaocheng, SHI Qifan. Data collection system of greenhouse corps based on micro automated guided vehicle [J]. Transactions of the CSAE, 2014, 30(16): 17-24. (in Chinese)
- 6 RAO A P, VENKATACHALAM R. Estimation of skidding offered by Ackermann mechanism [J]. Journal of the Institution of Engineers (India): Series C, 2016, 97(2): 149 156.
- 7 TIAN Y, SARKAR N. Control of a mobile robot subject to wheel slip[J]. Journal of Intelligent & Robotic Systems, 2014, 74(3 4): 915 929.
- 8 KEICHER R, SEUFERT H. Automatic guidance for agricultural vehicles in Europe [J]. Computers and Electronics in Agriculture, 2000, 25(1-2): 169-194.
- 9 MITCHELL W C, STANIFORTH A, SCOTT I. Analysis of Ackermann steering geometry [C] // Motorsports Engineering Conference & Exposition, 2011.
- 10 CARCATERRA A, D'AMBROGIO W. A function generating differential mechanism for an exact solution of the steering problem [J]. Mechanism & Machine Theory, 1998, 33(5):535 - 549.
- 11 PRAMANIK S. Kinematic synthesis of a six-member mechanism for automotive steering [J]. Transactions of the ASME, 2002, 124(4): 642-645.
- 12 刘宏新,周岭,何君. 轮式车辆无侧滑转向传动装置设计与试验[J]. 农业机械学报,2003,34(3):12-14. LIU Hongxin, ZHOU Ling, HE Jun. Application of side-slipless steering control linkage in wheel type vehicle[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2003, 34(3):12-14. (in Chinese)
- 13 冯永伟,钱瑞明. 纯滚动汽车转向机构设计[J]. 机械设计与制造工程, 2001,30(5):8-9.
   FENG Yongwei, QIAN Ruiming. Design of the automobile veering mechanism with complete rolling[J]. Machine Design & Manufacturing Engineering, 2001, 30(5):8-9. (in Chinese)
- 14 张京,陈度,王书茂,等.农用轮式机器人四轮独立转向驱动控制系统设计与试验[J].农业工程学报,2015,31(18):63-70.
- 15 张希明. 纯电动汽车控制系统[D]. 杭州:浙江大学, 2008.
- ZHANG Ximing. Control system of electric vehicles [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2008. (in Chinese)
- 16 王金龙. 几种典型的汽车转向机构运动学研究[D]. 重庆:重庆理工大学,2010. WANG Jinlong. Kinematic research on several typical steering mechanisms[D]. Chongqing: Chongqing University of Technology, 2010. (in Chinese)
- 17 李会敏. 轮式工程机械电液转向系统的研究[D].秦皇岛:燕山大学,2008. LI Huimin. The research on an electro-hydraulic steering system for wheeled engineering machinery[D]. Qinhuangdao:Yanshan University,2008. (in Chinese)
- 18 王静,鲁植雄,金月,等.拖拉机全液压转向阻力矩与油缸推力的研究[J].中国农机化学报,2013,34(4):168-173.
- 19 杜恒.大型轮式车辆油气悬架及电液伺服转向系统研究[D]. 杭州:浙江大学, 2011. DU Heng. Research on hydro-pneumatic suspension and electro-hydraulic servo steering system in heavy wheeled vehicles[D]. Hangzhou:Zhejiang University, 2011. (in Chinese)
- 20 宋玉,陈国鼎,马术文.交流伺服进给系统数学模型研究及其仿真[J].机械, 2010, 37(7):9-12.
- 21 刘笃喜,李浩,赵小军,等.拖锥收放装置传动系统刚柔耦合动力学建模与仿真[J].制造业自动化,2012,34(18):108-110. LIU Duxi, LI Hao, ZHAO Xiaojun, et al. The rigid-flexible coupling dynamics modeling and simulation of drag cone winding transmission system[J]. Manufacturing Automation,2012,34(18):108-110. (in Chinese)
- 22 田丽芳.基于纯滚动转向的采摘机器人轮式 AGV 系统设计与试验研究[D].镇江:江苏大学,2016. TIAN Lifang. Research on design and test of wheeled AGV system of picking robot based on pure-rolling steering[D]. Zhenjiang: Jiangsu University, 2016. (in Chinese)